

# **Applied Electromagnetics**



Vol. 12, No.1, 2024 (Serial No. 28) ISSN: 2645-5153, E-ISSN: 2821-2711

# Band Structure and Reflection and Absorption Coefficients of Electromagnetic Waves Obliquely Incident on Collisional Plasma Photonic Crystal Tunabled by an External Magnetic Field

Naeemeh Arefian<sup>1</sup>, Zeinab Rahmani<sup>\*2</sup>

\*Associate Professor, Kashan University, Kashan, Iran.

(Received: 2024/04/19 revised: 2024/06/16 Accepted: 2024/07/10 published: 2024/07/24)

#### Abstract

The behavior of a one-dimensional plasma photonic crystal in exposure to electromagnetic waves is investigated in this paper. This photonic crystal consists of alternating layers of dielectric and plasma which are exposed to an external fixed magnetic field. The magnetic behavior of a one-dimensional plasma photonic crystal in exposure to electromagnetic waves is investigated in this paper. This photonic crystal consists of alternating layers of dielectric and plasma which are exposed to an external fixed magnetic field. The magnetic field is placed in the direction perpendicular to the layers, and the incidentwave on the photonic crystal will be obliquely and at an angle of  $\theta_0$ . The incident linear wave passing through the magnetized plasma layer is separated into two categories of right-handed and left-handed circular polarization, which is caused by the difference in the speed of the right-handed and left-handed waves in the direction of the magnetic field. We consider the plasma to be a weakly ionized cold approximation and the effects of the collision of electrons and plasma molecules as a dissipation effect that absorbs part of the wave energy, is included in the calculations. We will investigate the effect of magnetic field intensity, collision frequency, dielectric permittivity and incident angle of radiation wave on the structure of the photon band, reflection and absorption coefficients. Plasma photonic crystal, Magnetized plasma, Righthanded circular polarization, transfer matrix, Collision frequency, Photonic band structure, Photonic band structure, reflection coefficient.

Keywords: Plasma photonic crystal, Magnetized plasma, Collision frequency, Photonic band structure, Faraday rotation, Reflection coefficient, Absorption coefficient

\* Corresponding author E-mail: z.rahmani@kashanu.ac.ir

This article is an open-access article distributed under the terms and conditions of the Creative Commons Attribution (CC BY) license.

Publisher: Imam Hussein University

Authors





«الكترومغناطين كارىردى»

سال دوازدهم، شماره ۱، بهار و تابستان ۱۴۰۳؛ ص ۲۸–۷۱ شاپا الکترونیکی: ۲۸۲۱-۲۷۱۱ شاپا چاپی: ۲۶۴۵-۵۱۵۲



علمی - پژوهشی

# ساختار نواری و ضرایب جذب و بازتاب امواج الکترومغناطیسی با فرود مایل بر یک بلور نوری پلاسمایی برخوردی کوکپذیر توسط میدان مغناطیسی خارجی

نعيمه عرفانيان'، زينب رحماني'\* ២

۱- دانشجوی دکتری، ۲- دانشیار، دانشگاه کاشان، کاشان، ایران. (دریافت: ۱۴۰۳/۰۱/۳۱، بازنگری: ۱۴۰۳/۰۲/۲۷، پذیرش: ۱۴۰۳/۰۴/۲۰، انتشار: ۱۴۰۳/۰۵/۰۳)

	ت شرايط و ضوابط مجوز (Creative Commons Attribution (CC BY توزيع شده است.	* این مقاله یک مقاله با دسترسی آزاد است که تح
	🗇 نویسندگان	<b>ناشر:</b> دانشگاه جامع امام حسین (ع)

# چکیدہ

در کار حاضر، رفتار یک بلور نوری پلاسمایی یک بعدی در مواجهه با امواج الکترومغناطیسی مورد بررسی قرار می گیرد. این بلور نوری شامل تناوبی از لایههای دیالکتریک و پلاسماست که در معرض یک میدان مغناطیسی ثابت خارجی می باشد. میدان مغناطیسی در جهت تناوب لایهها قرار گرفته و فرود موج به بلور نوری به صورت مایل و تحت زاویه 60 خواهد بود. موج فرودی با قطبش خطی در عبور از لایه پلاسمای مغناطیده به دو دستهی قطبش دایروی راست گرد و چپ گرد تفکیک می گردد که این ناشی از تفاوت سرعت امواج راست گرد و چپ گرد در راستای میدان مغناطیسی می باشد. ما پلاسما را در تقریب سرد ضعیف یونیزه در نظر می گیریم و اثر برخورد الکترونها و ذرات خنثی در پلاسما به عنوان یک اثر اتلافی که باعث جذب بخشی از انرژی موج می شود، در محاسبات وارد می گردد. اثر شدت میدان مغناطیسی اِعمالی، فرکانس برخورد، ضریب گذردهی دی الکتریک و زاویه فرود موج تابشی بر ساختار نوار فوتونی و ضرایب بازتاب و جذب بررسی می شود.

کلیدواژهها: بلور نوری پلاسمایی- پلاسمای مغناطیده - فرکانس برخورد- ساختار نوار فوتونی- چرخش فارادی- ضریب بازتاب- ضریب جذب.

#### ۱– مقدمه

از سال ۱۸۸۷ مطالعه بر روی بلورهای نوری شروع شد، اما اصطلاح بلور نوری برای اولین بار توسط الی یابلونوویچ و ساجیوجان[1] زمانی که دو مقاله مهم در زمینه مطالعات فوتونی منتشر کردند، مورد استفاده قرار گرفت. به هر ساختاری که ضریب شکست آن به طور تناوبی تغییر کند، یک بلور نوری گویند؛ اگر این تکرار در یک بعد باشد، به آن بلور نوری یک بعدی می گوییم [7]. تتجه مهمی که از این تناوب حاصل می شود، ایجاد بازههای پیوسته الکترومغناطیسی در ساختار وجود ندارد، به این نواحی گاف نواری فوتونی <sup>۱</sup> گفته می شود [۳]. در حقیقت بلورهای نوری، ساختارهای ترکیبی با آرایش متناوب از مواد با ضریب شکستهای مختلف در یک بعد (1D)، دو بعد (2D) و یا سه بعد (3D) می باشند؛ این ساختارها پاشنده هستند و ضریب گذردهی و بازتاب آنها به شدت به طول موج فرودی وابسته هستند [۴]. در سالهای اخیر بلورهای نوری

بودهاند. دستگاههای ساختهشده مبتنی بر بلور نوری تکبعدی، از لحاظ کاربرد آنها در سیستمهای ارتباطی نوری، نظر قابل توجهی را به خود جلب کرده است، وجود گاف نواری فوتونی در این ساختارها منجر به پدیدههای جالبی همچون اصلاح گسیل خودبهخودی و جایگزیدگی فوتون خواهد شد [۲–۵].

در ساخت موجبرهای نوری بهعنوان یکی از مهم ترین المانهای ادوات نوری، میتوان از بلورهای نوری بهمنظور کاهش بازتاب و تلفات موجبر استفاده کرد. با تغییر هر یک از پارامترهای ساختاری بلورهای نوری مانند ضخامت لایهها، تعداد تناوبها و نیز ضریب دیالکتریک لایهها، میتوان شدت پیکها و نیز گاف-های نوار فوتونی را تغییر داد [۸].

هوجو و ماز [۹]، نوع جدیدی از بلور نوری را پیشنهاد دادند که کوکپذیری آن بهمراتب بهتر از گونههای قبلی بود. این ساختارها که از پلاسما و دیالکتریک بهصورت متناوب تشکیل شدهاند، تحت عنوان بلور نوری پلاسمایی<sup>۲</sup> (PPC) شناخته می شوند. پلاسما نوعی محیط پاشنده است که با اِعمال میدان مغناطیسی بهراحتی مغناطیده می شود؛ بنابراین، پارامترهای این نوع ساختارها، می تواند

z.rahmani@kashanu.ac.ir \* رايانامه نويسنده مسئول: <sup>1</sup> Photonic Band Gap

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Plasma Photonic Crystal

توسط ویژگیهای متنوع پلاسما و میدان مغناطیسی خارجی تنظیم گردد [۱۰,۱۱]. دو نوع ساختار برای بلور نوری پلاسمایی وجود دارد: نوع اول به این صورت است که لایههای پلاسما بهصورت دورهای در دیالکتریک قرار گرفته باشند و نوع دوم عکس آن است؛ به این صورت که دیالکتریک بهصورت دورهای در حجمی از پلاسما قرار گرفته است.

مقالات نظری و تجربی مهمی روی بلورهای نوری پلاسمایی انجام شده است. ژانک و همکارانش[۱۲] نشان دادند که از این ساختارها میتوان بهعنوان فیلترهای باریک باند استفاده کرد. در حضور میدان مغناطیسی خارجی، اثرات مغناطیسی نوری مختلف در پلاسما نمایان میشود. یک مثال شناخته شده از این اثرات، چرخش فاردای مربوط به موج قطبش دایروی است.

مقالهای در خصوص اثر فارادی در بلور نوری پلاسمایی به چاپ رسید و نشان داده شد که چگونه میتوان چرخش فارادی را در چنین ساختاری تنظیم کرد. هنگامی که موج الکترومغناطیسی به یک بلور نوری شامل لایههای اتلافی میتابد، قسمتی از موج منعکس و قسمتی از موج عبور و بخشی از آن نیز جذب میشود. اولینبار حل مسئله پاشندگی یک موج تخت، صدسال پیش، در برخورد عمود توسط رایلی و در برخورد مایل توسط وایت انجام شد. گیوو[۱۴،۱۳] پاشندگی موج الکترومغناطیسی از بلور نوری پلاسمایی یک بعدی را مطالعه کرد و در مورد وابستگی معادله پاشندگی به زاویه فرود موج، فرکانس برخورد و ثابت دیالکتریک لایهٔ دیالکتریک بحث کرد.

در اینجا، ما از روش ماتریس انتقال برای بررسی ضرایب عبور، بازتاب و جذب امواج الکترومغناطیسی در فرود مایل به یک بلور نوری پلاسمایی مغناطیده با احتساب اثرات اتلافی ناشی از برخورد الکترونهای پلاسما، استفاده میکنیم. در این مقاله، معادله پاشندگی امواج فرودی به بلور نوری پلاسمایی مورد بررسی نیز مطالعه میگردد.

# ۲- روش تحقيق

مطابق شکل (۱)،ساختار مورد بررسی در این مقاله، یک بلور نوری پلاسمایی یک بعدی متشکل از تناوبی از لایههای دیالکتریک و لایههای پلاسمای مغناطیده است که به صورت دورهای در جهت z قرار گرفتهاند. یک موج تخت الکترومغناطیسی از خلأ به صورت مایل بر مرز دی الکتریک فرود می آید و در سمت دیگر نهایتاً وارد خلأ می شود.



#### **شکل (۱).** پیکربندی هندسی مسئله

در شکل (۱)،  $heta_0$  و  $B_0$  به ترتیب بردار موج فرودی، زاویه فرود و میدان مغناطیسی خارجی هستند که در صفحه xz قرار دارند.

ضخامت لایههای دی الکتریک و پلاسما به ترتیب با a و dنشان داده شده است و a = a + b ضخامت یک دوره از ساختار متناوب است. با فرض مغناطیده بودن لایه پلاسمایی، پلاسما ناهمسانگرد بوده و با در نظر گرفتن برخوردها تانسور گذردهی آن بهصورت ذیل تعریف می شود [1۵]:

$$\tilde{\varepsilon}_p = \begin{pmatrix} \varepsilon_1 & i\varepsilon_2 & 0\\ -i\varepsilon_2 & \varepsilon_1 & 0\\ 0 & 0 & \varepsilon_3 \end{pmatrix}$$
(1)

$$\varepsilon_{1} = 1 - \frac{(\omega + i\vartheta)\omega_{P}^{2}}{\omega[(\omega + i\vartheta)^{2} - \omega_{c}^{2}]}$$

$$\varepsilon_{2} = \frac{-\omega_{c}\omega_{p}^{2}}{\omega[(\omega + i\vartheta)^{2} - \omega_{c}^{2}]}$$

$$\omega_{p}^{2}$$
(7)

$$\varepsilon_3 = 1 - \frac{\omega_p}{\omega(\omega + i\vartheta)}$$

در معادلات (۲)،  $\omega$  فركانس موج فرودى،  $\vartheta$  فركانس برخورد  $\omega_c = \frac{eB_0}{m_e}$  فركانس پلاسمايى الكترون و  $\omega_p = \frac{n_e e^2}{m_e \varepsilon_0}$  الكترونى، فركانس سيكلوترونى الكترون است كه در اين معادلات، e بار الكتريكى الكترون و  $m_e$  جرم الكترون است.

در حین انتشار امواج در راستای میدان مغناطیسی خارجی، برای یک موج تخت که میتوان آن را ترکیبی از امواج قطبیده چپگرد و راستگرد در نظر گرفت، وقتی وارد پلاسمای مغناطیده میشود صفحه قطبش آن در طول مسیر انتشار میچرخد که به آن چرخش فارادی<sup>۱</sup> گفته میشود [۱۶]. ثابت گذردهی مؤثر محیط پلاسمایی برای انتشار امواج چپگرد و راستگرد با معادله آپلتون<sup>۲</sup> داده میشود [۱۷]:

$$1 - \frac{\frac{\omega_p^2}{\omega^2}}{\left(1 + \frac{i\theta}{\omega}\right) - \frac{\frac{\omega_c^2 \sin^2\theta}{\omega^2 \sin^2\theta}}{2\left(\left(1 + \frac{i\theta}{\omega}\right) - \frac{\omega_p^2}{\omega^2}\right)^2} \mp \sqrt{\frac{\frac{\omega_c^4 \sin^4\theta}{\omega^4 \sin^4\theta}}{4\left(\left(1 + \frac{i\theta}{\omega}\right) - \frac{\omega_p^2}{\omega^2}\right)^2 + \frac{\omega_c^2 \cos^2\theta}{\omega^2 \cos^2\theta}}$$
(°)

<sup>1</sup> Faraday Rotation

<sup>2</sup> Appleton's formula

می گیرد. روش کار برای امواج چپ گرد مشابه است. همان گونه که می دانیم هر موج که از یک محیط بر مرز محیط دیگر فرود می آید، قسمتی از آن از مرز عبور کرده و بخش دیگر موج بازتاب می شود؛ و در صورتی که محیط اتلافی باشد بخشی از موج نیز توسط آن جذب می گردد. از طرفی به کمک معادلات ماکسول می توان ار تباط بین مؤلفه های میدان الکتریکی و مغناطیسی موج را به دست آورد. ماتریس انتقال برای لایه دی الکتریک به صورت زیر به دست می آید.

$$M_{1} = \begin{pmatrix} \cos(k_{1z}a) & \frac{-i}{\eta_{1}}\sin(k_{1z}a) \\ -i\eta_{1}\sin(k_{1z}a) & \cos(k_{1z}a) \end{pmatrix}$$
(f)

اندیس ۱ بیانگر محیط اول در یک دوره یعنی دیالکتریک است و <sub>1</sub>۹ و <sub>1</sub>1 بهصورت زیر تعریف میشوند:

$$k_{1z} = k_1 \cos\theta_1 = \frac{\omega}{c} \sqrt{\varepsilon_a} \cos\theta_1 \qquad \eta_1 = \sqrt{\frac{\varepsilon_0}{\mu_0}} \frac{\sqrt{\varepsilon_a}}{\cos\theta_1}$$

با انجام عملیات ریاضی ماتریس انتقال لایه پلاسما بهصورت زیر محاسبه میگردد:

$$= \begin{pmatrix} \cos(k_{2z}b) + \frac{k_{2x}\varepsilon_2}{k_{2z}\varepsilon_1}\sin(k_{2z}b) & \frac{-i}{\eta_2}\left(1 + (\frac{k_{2x}\varepsilon_2}{k_{2z}\varepsilon_1})^2\right)\sin(k_{2z}b) \\ -i\eta_2\sin(k_{2z}b) & \cos(k_{2z}b) - \frac{k_{2x}\varepsilon_2}{k_{2z}\varepsilon_1}\sin(k_{2z}b) \end{pmatrix} \quad (\Delta)$$

که 2ء و 22 همان مؤلفه های تانسور گذردهی پلاسمای مغناطیده در معادله (۲) هستند. در اینجا نیز مشابه لایه دیالکتریک داریم:

$$k_{2x} = k_2 \cos\theta_2 = \frac{\omega}{c} \sqrt{\varepsilon_+} \cos\theta_2$$
$$k_{2z} = k_2 \sin\theta_2 = \frac{\omega}{c} \sqrt{\varepsilon_+} \sin\theta_2$$
$$\eta_2 = \sqrt{\frac{\varepsilon_0}{\mu_0} \frac{\sqrt{\varepsilon_+}}{\cos\theta_2}}$$

برای یک دوره، ماتریس انتقال M بهصورت زیر به دست می آید:

$$M = M_1 M_2 = \begin{pmatrix} M_{11} & M_{12} \\ M_{21} & M_{22} \end{pmatrix}$$
(9)

ماتریس انتقال برای ساختاری با N دوره تناوب بهصورت زیر محاسبه میشود:

$$M = (M_1 M_2)^N$$
و ضرایب بازتاب، عبور و جذب به صورت زیر تعریف می شوند:  
[۱۹،۱۸].

$$r = \frac{m_{11}\eta_0 + m_{12}\eta_0\eta_{N+1} - m_{21} - m_{22}\eta_{N+1}}{m_{11}\eta_0 + m_{12}\eta_0\eta_{N+1} + m_{21} + m_{22}\eta_{N+1}}$$
(Y)

$$t = \frac{2\eta_0}{m_{11}\eta_0 + m_{12}\eta_0\eta_{N+1} + m_{21} + m_{22}\eta_{N+1}} \tag{(A)}$$

$$R = |r|^2$$
  $T = |t|^2$   $A = 1 - R - T$  (9)

بەطورىكە

$$\eta_0 = \frac{1}{\cos\theta_0} \sqrt{\frac{\varepsilon_0}{\mu_0}} \quad \text{, } \quad \eta_{N+1} = \frac{\sqrt{\varepsilon_{N+1}}}{\cos\theta_{N+1}} \sqrt{\frac{\varepsilon_0}{\mu_0}}$$

که البته در این مقاله هر دو محیط خارج از ساختار را خلاً در نظر گرفتیم؛ بنابراین،  $\eta_{N+1} = \eta_0$  و  $m_{N}$ ها عناصر ماتریس نهایی M هستند. از طرفی، معادله پاشندگی برای بلور نوری پلاسمایی مغناطیده یک بعدی به صورت زیر به دست می آید [۲۰]:

$$\cos(Kd) = \frac{1}{2}Tr(M) \tag{(1.)} \qquad M_2$$
$$\cos(kd) = \cos(k_1, q)\cos(k_2, h)$$

$$\cos(\kappa a) = \cos(\kappa_{1z}a)\cos(\kappa_{2z}b) - \frac{1}{2}\left\{\frac{\eta_2}{\eta_1} + \frac{\eta_1}{\eta_2}\left(\frac{k_{2x}\varepsilon_2}{k_{2z}\varepsilon_1}\right)^2\right\}$$
(11)  
 
$$\times \sin(k_{1z}a)\sin(k_{2z}b)$$

که (*Tr*(M به ردّ ماتریس *M* یعنی جمع عناصر قطر اصلی ماتریس اشاره دارد.

# ۳-نتایج و بحث

در این بخش با استفاده از روابط (۹) و (۱۱)، به بررسی اثر پارامترهای مختلف بر روی ضریب بازتاب و جذب و نیز ساختار نوار فوتونی (PBS) از طریق معادله پاشندگی میپردازیم.

شکل (۲)، ساختار نوار فوتونی را تحت تاثیر مقادیر مختلف میدان مغناطیسی خارجی نشان میدهد. بخش حقیقی ثابت انتشار k، به یک'PBS نرمال اشاره میکند و بخش موهومی k، جذب در <sup>PBS</sup> را نشان میدهد.

(a)

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Photonic Band Structure





شکل (۳). اثر میدان مغناطیسی خارجی بر روی (a) ضریب جـذب و فریب بـازتـاب.(نـمـودار خط بـرای  $\omega_c = 0.$   $8\omega_p$  و نمودار نقطه برای  $\omega_c = 1.7\omega_p$  است.)

 $\omega_c = \omega_c$  از شکلهای (۳)، مشاهده میشود که در مورد  $\omega_c = \omega_c$  $\omega_c = 2.5 \ GHz$ ، امواج فرودی با فرکانسی تا حدود 0.8 $\omega_p$ نمی توانند از ساختار موردنظر عبور کنند، بخشی از آنها توسط بلور نوری جذب و بخش عمده آنها منعکس میشوند اما با افزایش میدان مغناطیسی، فرکانس قطع کاهشیافته و حتی امواج با فرکانسی حول وحوش 1.9 GHz می توانند از بلور نوری با شرایط ذکرشده، عبور کنند. همچنین، با افزایش میدان مغناطیسی تعداد نوارهای گاف افزایش و پهنای آنها کاهش می-یابد و بهطورکلی شدت جذب افزایش پیدا می کند.

در مورد امواج با فرکانسهای بالاتر از GHz 3.75 ضرایب انعکاس بلور نوری تحت فرکانسهای سیکلوترونی مختلف تقریباً منطبقاند و صرفاً ضرایب جذب در برخی بازههای فرکانسی با افزایش فرکانس سیکلوترونی افزایش مییابند.

شکلهای (2a),(2a)، نشان میدهند با افزایش فرکانس سیکلوترونی، جذب افزایش مییابد. علت آن را میتوان بدین صورت توضیح داد که پدیده جذب موج و اتلاف انرژی آن در ساختار، ناشی از برخورد الکترونهاست، هرچه فرکانس سیکلوترونی الکترون بیشتر باشد؛ یعنی حرکتهای لارموری آن افزایشیافته و به بیان دیگر در طول یک فاصله مشخص مسیر



(a) شکل (۲). اثر میدان مغناطیسی خارجی بر روی معادله پاشندگی ( $w_c = 0.8\omega_p$  بخش موهومی و (b) بخش حقیقی.(نـمـودار خط بـرای $w_c = 0.8\omega_p$  است.) و نمودارنقطه ای برای  $w_c = 1.7\omega_p$  است.)

در شکل(۲)  $\Theta_{a} = 9.0$   $\Theta_{p}$ ,  $\Theta_{0} = 20^{\circ}$ ,  $\Theta_{0} = 9.1$  در شکل(۲)  $\Omega_{c}^{a} = 9.1$  و چگالی پلاسما  $10^{20} cm^{-3}$  و چگالی پلاسما  $10^{20} cm^{-3}$  در نظر گرفته شده است. اثر میدان مغناطیسی خارجی بر روی معادله پاشندگی نشان داده شده است. در اینجا نمودار خط پیوسته مربوط به  $\omega_{c} = 0.8\omega_{p}$  (میدان مغناطیسی مربوطه مربوط به 0.27mT و نمودار نقطه مربوط به  $\omega_{c} = 1.7\omega_{p}$  است.

همانطور که از شکل مشخص است، با افزایش میدان مغناطیسی خارجی بخش موهومی ثابت انتشار افزایش قابلملاحظهای دارد، اما در ۵۰های بزرگتر از 4*GH* = ۵۰ با تغییر میدان مغناطیسی خارجی، تغییرات چشمگیری در نمودارهایPBS مشاهده نمی شود.

با استفاده از ماتریس انتقال و رابطه (۹)، اثر شدت میدان مغناطیسی خارجی بر ضرایب جذب و بازتاب بلور نوری موردنظر با 15 = N(تعداد دورههای دیالکتریک و پلاسمای ساختار) در شکل) $\gamma$ )رسم شده است. در اینجا نمودار خط مربوط به  $\omega_c = 0.8\omega_p$  و نمودار نقطه مربوط به  $\omega_c = 1.7\omega_p$  است.



**شکل (۵)**. اثر فرکانس برخورد بر روی (a) ضریب جذب و (b) ضریب بازتاب (نمودار خط برای  $\omega_p = 0.05 \omega_p$  و نمودار نقطه برای  $\omega_p$ است).

شکلهای (۵) نشان میدهند با افرایش فرکانس برخورد تحت شرایط در نظر گرفته شده برای بلور نوری پلاسمایی موردنظر، پهنای گاف نواری و مکان آن تغییر چشمگیری ندارد، در  $M = 1.6 \ GHz$  تقریباً جذب کامل اتفاق میافتد. فرکانس قطع، با افزایش ضریب جذب تغییر نمی کند، اما با افزایش فرکانس برخورد، همان گونه که انتظار می و دشت ازی موج افزایش می یابد و این ناشی از اثرات اتلافی و انتقال انرژی موج به ساختار در پی برخوردهای الکترون و ذرات خنثای پلاسماست. درنتیجه شدت موج عبوری با افزایش فرکانس برخورد، کاهش قابل ملاحظه ی خواهد داشت.

#### ۳-۳. اثر ثابت دیالکتریک

در شکل (۶)، اثر ثابت دىالکتريک بر ساختار نوار فوتوني بلور  
نورى پلاسمايى مورد مطالعه با پارامترهاى  
$$\Theta = 20°\cdot \Theta = 0.05 \omega_p \, , \epsilon_a = 9.1 \cdot \omega_c = 0.8 \omega_p$$
،  
 $N = 15, a = 0.4d, b = 0.6d$ (a)

بیشتری را میپیماید و بنابراین تعداد برخوردهای الکترونی در آن فاصله افزایشیافته و جذب موج بیشتر میشود.

# ۳-۲. اثر فرکانس برخورد

پارامتر بعدی که مورد بررسـی قرار مـیدهیم فرکانـس برخورد است. در شکل (۴)،  $\omega_c = 0.8\omega_p$ ، $\varepsilon_a = 9.1$  می باشد.



شکل (۴). اثر فرکانس برخورد بر روی معادله پاشندگی(a)بخش موهومی و (b) بخش حقیقی. (نمودار خط صاف برای  $artheta=0.05\omega_p$   $artheta=0.1\omega_p$  است) و نمودار نقطه ای برای $u_p = 0.1\omega_p$  است)

در اینجا، نمودار نقطه مربوط به  $w_p = 0.1 = \theta$  و نمودار خط مربوط به  $w_p = 0.05 = \theta$  است. همان طور که مشاهده می شود با افزایش فرکانس برخورد، بخش حقیقی عدد موج در ساختارهای نوار فوتونی تغییر قابل ملاحظه ای ندارد و این نشان می دهد پاشندگی موج در ساختار موردنظر، تحت تأثیر برخورد الکترونی در لایـههای پلاسمایی بـلور نوری نمی باشد. اما بخش موهومی عدد موج با افزایش فرکانس برخورد، افزایش مختصری می یابد.





شکل (۶). اثر ضریب گذردهی دیالکتریک بر روی معادله پاشندگی  $\varepsilon_a = 4.2$ ، بخش موهومی و (b) بخش حقیقی. (نمودار خط برای) (a) و نمودار نقطه برای $\varepsilon_a = 9.1$  است).

در اینجا با افزایش ضریب گذردهی دیالکتریک، نوار گاف به سمت فرکانسهای پایین تر جابه جا می شود، بخش موهومی عدد موج افزايش مييابد.

شکل (۷)ضرایب بازتاب و جذب ساختار موردنظر را برای دو مقدار مختلف ضريب گذردهی لايهی دیالکتريک بلور نوری نشان میدهد.





شکل(۷). اثر ضریب گذردهی دیالکتریک بر روی (a) ضریب جذب و نمودار نقطه ای  $arepsilon_a=4.2$  نمودار نقطه ای (b) ضریب بازتاب (b) (است)  $\varepsilon_a = 9.1$ 

در این شکل ملاحظه می گردد، با افزایش ثابت دی الکتریک، پهنای گاف نواری افزایشیافته و تعداد نوارها نیز افزایش مییابد. درواقع، افزایش ثابت دیالکتریک، دیالکتریکها منجر به ایجاد شکافهای فوتونی جدید و افزایش پهنای گافهای باند فوتونی می شود که به معنای کاهش سرعت گروه است. از طرفی با افزایش ثابت دیالکتریک، اختلاف بین گذردهی دیالکتریک لایههای پلاسما و دیالکتریک بزرگتر می شود که این امر منجر به ظهور گافهای نواری بیشتر می گردد[۲۱٫۲۲].

با افزایش ضریب گذردهی دیالکتریک شدت جذب نیز بهطوركلي افزايش مييابد. اين نمودارها ما را به اين نتيجه رهنمون میسازند که با افزایش ثابت دیالکتریک عبور موج از بلور نوری در شرایط ذکرشده، سخت تر خواهد شد و البته باتوجهبه اینکه امواج در فرود به محیطهای کدر با احتمال بیشتر جذب و منعکس می شوند تا عبور، قابل انتظار است.

#### ۳–۴. اثر زاویهی فرود

شکل (۸) معادله پاشندگی را در زوایای فرود مختلف موج فرودی  $\vartheta = 0.05 \omega_p$ ،  $\varepsilon_a = 9.1 \omega_c = 0.8 \omega_p$  برای پارامترهای  $\vartheta = 0.05 \omega_p$ ،  $\varepsilon_a = 0.1 \omega_c$ نشان میدهد.





**شکل(۸**). اثر زاویه فرود بر روی نمودار پاشندگی(a) بخش موهومی و (b) بخش حقیقی. (نمودار نقطه برای  $heta = 20^0$  ، نمودار خط برای

 $\theta = 30^{0} = \theta$  و نمودارخط چین برای  $\theta = 40^{0}$  است). در این شکل نمودار نقطه مربوط به زاویه ۲۰ درجه، نمودار خط مربوط به زاویه ۳۰ درجه و نمودار خطچین مربوط به زاویه ۴۰ درجه است. باتوجهبه شکل مشخص می شود که با افزایش زاویه فرود، گاف نواری در ساختار باند فوتونی به سمت فرکانسهای بالاتر جابهجا می شوند و بخش موهومی عدد موج کاهش می یابد.

در شکل (۹)، ضرایب جذب و بازتاب برای 15 = N رسم شدهاند. با توجه به شکل مشاهده میشود که با افزایش زاویه فرود، پهنای گاف نواری کاهشیافته و مقداری به سمت فرکانسهای بالاتر جابجا میشوند. از طرفی نرخ جذب موج برای زوایای فرود کوچکتر، روند افزایشی دارد. انتظار می رود به علت وابستگی ثابت گذردهی موثر محیط پلاسمایی به زاویه فرود موج فرودی، در زوایای فرود متفاوت، قله های جذب و بازتاب جابهجا شوند. در $02 = \theta$  در 1.7 =  $\omega$  تقریباً جذب کامل داریم، درحالی که در $03 = \theta$  در  $0.81 = \omega$  جذب کامل داریم.





شکل (۹). اثر زاویه فرود بر روی (a) ضریب جذب و (b) ضریب بازتاب نمودار نقطه برای ۲۰۰=heta ، نمودار خط برای ۳۰۰-heta و نمودار خطچین برای ۴۰۰ -hetaاست).

لازم به ذکر است تمامی موارد بررسی شده در بالا برای امواج راست گرد و تحت شرایط ذکر شده برای بلور نوری پلاسمایی موردنظر می باشد، بدیهی است با تغییر شرایط ممکن نتایج کاملاً متفاوتی حاصل شود.

## ۴- نتیجهگیری

با استفاده از روش ماتریس انتقال و محاسبه معادله پاشندگی، یک بلور نوری پلاسمایی مغناطیده یک بعدی که تحت تابش مایل موج با قطبش خطی قرار گرفته، بررسی گردید. اثرات میدان مغناطیسی خارجی، فرکانس برخورد، ضریب گذردهی دیالکتریک و زاویه فرود موج بر روی معادله پاشندگی و ضرایب بازتاب و جذب موردمطالعه قرار گرفت.

میدان مغناطیسی، زاویه فرود و ضریب گذردهی لایهٔ دی-الکتریک بر روی نوارهای گاف اثر چشمگیری داشتند. اما اثرات تغییر فرکانس برخورد بر روی گاف نواری و شدت ضریب بازتاب ناچیز و صرفاً با افزایش برخوردها ضریب جذب افزایش و در تنیجه شدت عبور کاهش یافت. نتایج بیانگر آن بود که تعداد گافهای نواری و پهنای آنها و نیز شدت ضریب انعکاس و جذب میتواند توسط این پارامترها کنترل شود. این مطالعه نشان داد که اثرات مگنتو-اپتیکی در بازههای فرکانسی مختلف، متفاوت بود تنظیم شود؛ درنتیجه جهت بهدستآوردن یک بلور نوری تنظیم شود؛ درنتیجه جهت بهدستآوردن یک بلور نوری کوکپذیر با کنترل ویژگیهای ساختار فوتونی مثل گافهای نواری، قراردادن بلور نوری پلاسمایی در معرض میدان مغناطیسی خارجی در کنار تنظیم سایر پارامترهای پلاسمایی و دیالکتریک، روشی کارآمد و نو میباشد. [15] A. A. Rukhadze, A. F. Alexandrov and L. S. Bogdankevich,"Principles of plasma electrodynamics," ED. 2,2013.

[16] N A. Krall and A W. Trivelpiece,"Principles of plasma physics,"Univ. of Maryland, McGraw-Hill, New York, .

[17] M. A. Heald, and C. B. Wharton,"Plasma diagnostics with microwaves", Krieger, New York, 1978.

[18] Limei Qi, Ziqiang Yang, Feng Lan, Xi Gao, and Zongjun Shi,"Properties of obliquely incident electromagnetic wave in onedimensional magnetized plasma photonic crystals," Phys. Plasmas, Vol.17, 2010. DOI:10.1063/1.3360296

[19] V.Ahmadi and A.SeyedFragi,"Improving the structure of hybrid photonic crystal Raman amplifier using optofluidic materials,"Applied Electromagnetism,vol.3 no.3 pp.57-64,2016.(InPersian) https://dor.isc.ac/dor/20.1001.1.26455153.1395.4.3.6.2

[20] L. Shiveshwari and P. Mahto, "Photonic band gap effect in one-dimensional plasma dielectric photonic crystals", ssc, Vol. 138 pp. 160-164, 2006.

 [21] J. D. Joannopoulos, S. G. Johnson, J. N. Winn, and R.
 D. Meade,"Photonic Crystals-Molding the Flow of Light Princeton University Press", Princeton Uni, 2008.

[22] R. D. Meade, A. M. Rappe, K. D. Brommer, and J. D. Joannopoulos, "Nature of the photonic band gap: some insights from a field analysis,".Opt. Soc. Am. B,Vol.10 No.2 PP.328-332,1993. https://doi.org/10.1364/JOSAB.10.000328

[1] E. Yablonovitch, "Inhibited spontaneous emission in solidstate physics and electronics," Phys.Rev.Lett, Vol.58, No.20, PP.2059-2063,1987. https://doi.org/10.1103/PhysRevLett.58.2059

[2] Sprasad, Y. Sharma,S.Shukla,V,Singh, "Properties of density of modes in one dimensional magnetized plasma photonic crystals," Phys. Plasmas, Vol.23 No.3, 2016. https://doi.org/10.1063/1.4944505

[3] Z.Saadatmand, "Investigating The Characteristics Of Scattering Surface Modes In one-dimensional Plasma Photonic Crystals," MA. Thesis, Tufts Univ. Kashan, 2016. (In Persian)

[4] S.KHorasani," Introduction to the optics of photonic crystals,"Univ. sharif, 2007 (In Persian)

[5] Z.Rahmani, N.Rezai,"Influence of Different Parameters on Absorption Intensity and Band Gap of the Ternary Plasma Photonic Crystal Considering the Collision and Thermal Effects of Plasma," Modern Research Physics, Univ.Kharazmi,2021. (In Persian)

[6] N. Bulgakov and F. Sadreev," Scattering plane waves by a dielectric cylinder with periodically modulated permittivity at oblique incidence," Phys. Rev. A, Vol.97, No.6, 2018. https://doi.org/10.1103/PhysRevA.97.063856

 [7] H Tan, C Jin, L Zhuge, X Wu "Simulation on the photonic band gap of 1-D plasma photonic crystals,"PlasmaScience, Vol.46No.3 PP.539-544,2018.
 DOI: 10.1109/TPS.2018.2795613

[8] N.N Huang, Y.C Chung, H.T Chiu, J.C Hsu, Y.F Lin, C.T Kuo, Y.W Chang, C.Y Chen, T.R Lin, "Dual–Phononic crystal slot nanobeam with gradient cavity for liquid sensing," Crystals, Vol. 10 No.5 PP. 421, 2020. https://doi.org/10.3390/cryst10050421

 [9] H Hojo, A Mase, "Dispersion relation of electromagnetic waves in one-dimensional plasma photonic crystals," Plasma Fusion Res, Vol.80 pp.80 -89,
 2004. https://doi.org/10.1585/jspf.80.89

[10] H.Mehdian, Z.Mohammadzahery, A.Hasanbeigi, "Tunable Faraday effect in one-dimensional photonic crystals doped by plasma,"Opt,Vol.127 PP.3895-3898, 2015. https://doi.org/10.1016/j.ijleo.2015.12.123

[11] Huiping Tian and Jian Zi, "One-dimensional tunable photonic crystals by means of external magnetic fields," Opt.com,Vol.252 PP.321-328, 2005. https://doi.org/10.1016/j.optcom.2005.04.022

[12] Zhang, Chun-zao Li ,Xiang-kun Kong, Shao-bin Liu, Haifeng, and Bo-rui Bian, "Omnidirectional photonic band gap of one-dimensional ternary plasma photonic crystals," Opt, Vol.13 No.3,2011. DOI 10.1088/2040-8978/13/3/035101

[13] B. Guo, "Photonic band gap structures of obliquely incident electromagnetic wave propagation in a one-dimension absorptive plasma photonic crystal," Phys. Plasmas, Vol.16 2009. DOI:10.1063/1.3116642

[14] B. Guo, "Transfer matrix for obliquely incident electromagnetic waves propagating in one dimension plasma photonic crystals," Plasma Sci. Technol, Vol.11 No.1,2009. DOI 10.1088/1009-0630/11/1/04.