

دوفصلنامه مکانیک سیالات و آبرودینامیک

جلد ١٣، شماره ١، بهار و تابستان ١٤٠٣، صفحه ٨۵ الي ٩٧ شاپا الکترونیکی: ۸۱۱۱-۲۹۸۰ شاپا چاپی: ۳۲۷۸-۲۳۲۲



علمی – پژوهشی

Numerical Investigation of the Effects of Material, Wall Thickness, One and **Two Zones Porosity in a Thermo-Photovoltaic Combustion Chamber** M.S. Abedinejad^{*1} S. Daliri² S. Daliri² A.R. Teymoori

Alzahra University, Tehran ,Iran.

Iran University of Science and Technology, Tehran, Iran.

(Received:2024/03/26, Revised: 2024/06/16, Accepted: 2024/07/06, Published: 2024/07/22) DOR: https://dor.isc.ac/dor/20.1001.1.23223278.1402.12.2.7.8

ABSTRACT

In the present research, the performance of the combustion chamber for use in thermo-photovoltaic systems depending on some factors such as the material of chamber, wall thickness, and the presence of porous medium, has been numerically investigated. In the numerical simulation, the realizable k- ε and the finite rate- eddy dissipation models have been used to model flow turbulence and hydrogen gas combustion, respectively. Three different wall thicknesses at constant equivalence ratio of 0.8 and velocities of 2 m/s and 3 m/s have been studied. The results show that decreasing the wall thickness increases the temperature of the outer wall and the radiation efficiency of the chamber. The maximum temperature increases by 111 and 141 °C at the velocity of 2 m/s and at the thickness of 0.2 mm as compared to the thicknesses of 0.5 mm and 0.8 mm and by 79 and 107 °C at the velocity of 3 m/s. Also, the combustion chamber has been simulated with three different materials of walls, Al₂O₃, SiC and Stainless Steel (SS316). The results show that when the wall is made of Al_2O_3 , the efficiency is higher. In another part of this research, the presence of two porous zones in the chamber has led to a change in the place of flame formation. The radiation efficiency in the combustion chamber with the presence of two porous zones increases by 24%, 27%, and 28%, respectively, in the equivalence ratios of 0.6, 0.8, and 1. Keywords: Thermo-Photovoltaic Combustion Chamber, Porous, Hydrogen, Wall Material, Numerical

Simulation, Two Porous Zones

بررسی عددی تأثیرات جنس، ضخامت دیواره، تخلخل یک و دو ناحیهای در یک محفظه احتراق برای کاربرد در سیستمهای ترمو فتوولتائیک محمدصادق عابدی نژاد 🕯 💷 🛛 سمانه دلیری آ علىرضا تىمورى 回 دانشگاه علم و صنعت ایران، تهران، ایران.

دانشگاه الزهرا، تهران، ایران.

(دریافت: ۱۴۰۳/۰۱/۰۷، بازنگری: ۱۴۰۳/۰۳/۲۷، پذیرش: ۱۴۰۳/۰۴/۱۶، انتشار: ۱۴۰۳/۰۵/۱)

حكىدە

عملکرد محفظههای احتراق در سیستمهای ترمو فتوولتائیک به عواملی نظیر جنس محفظه، ضخامت دیواره و حضور محیط متخلخل در محفظه وابسته است که در این پژوهش مورد بررسی قرار گرفته است. به منظور شبیه سازی عددی محفظه از مدل های $\epsilon = k - \epsilon$ و اضمحلال گردابه- نرخ واکنش محدود به ترتیب برای مدلسازی آشفتگی جریان و احتراق گاز هیدروژن استفاده شده است. سه ضخامت دیواره مختلف در سرعتهای ۲m/s و ۳m/s مورد بررسی قرار گرفته است. نتایج نشان میدهد کاهش ضخامت دیواره سبب افزایش دمای دیواره خارجی و بازده تابشی محفظه می گردد. بیشینه دما در سرعت ۲m/s و در ضخامت ۱۴۳۸۰ نسبت به ضخامتهای ۵mm و ۸۸mm و ۱۸۱۱ و C° ۱۴۱ و در سرعت s/m/s به میزان C° ۷۹ و C° ۱۰۷ افزایش می یابد. همچنین محفظه احتراق با سه جنس مختلف دیواره Sic و Sic و Sic و Stainless Steel و Sic (SS316) شبیهسازی گردیده است. در حالتی که دیواره از جنس Al₂O₃ باشد، بازده بیشتری حاصل می گردد. در بخشی دیگر حضور دو ناحیه متخلخل در محفظه منجر به تغییر محل تشکیل شعله گردیده است. بازده تابشی در محفظه با حضور دو ناحیه متخلخل نسبت به محفظه تکناحیه متخلخل در نسبتهای همارزی ۰/۶، ۸/۹ و ۱ به ترتیب به میزان ٪۲۴، ٪۲۷ و ٪۲۸ افزایش می یابد.

واژههای کلیدی: محفظه احتراق ترمو فتوولتائیک، متخلخل، هیدروژن، جنس دیوار، ضخامت دیوار، شبیهسازی عددی، تخلخل دو ناحیهای

This article is an open-access article distributed under the terms and conditions of the Creative Commons Attribution (CC BY) license.



Publisher: Imam Hussein University

C Authors

m.abedinejad@alzahra.ac.ir - استادیار (نویسنده یاسخگو): - ۱

۲- دانشجوی کارشناسی ارشد: samaneh.8daliri.72@gmail.com

۳- کارشناس ارشد: A_teymoori@alumni.iust.ac.ir

لائم و اختصارات	فهرست عا
-----------------	----------

ضريب پيشنمايي	A_i
ظرفیت گرمایی مخلوط گازی	c_g
ظرفیت گرمایی ویژه در فشار ثابت	c_p
عرض محفظه	d
انرژي فعالسازي واكنش	E_i
ارزش حرارتی هیدروژن	H_c
آنتالپی گونه i	h_i
ضریب انتقال حرارت حجمی محیط گازی و	h
متخلخل	n_v
اندازه مسیر ذرات نور	Ι
ضریب هدایت گرمایی	k
ضريب انتقال حرارت هدايتي مخلوط گازي	k_g
رسانایی گرمایی	k _{rad}
هدايت حرارتي مؤثر محيط متخلخل	k _{s,efj}
گرمای حرارتی ناحیه متخلخل	k_s
ضريب انتقال حرارت هدايتى ديواره	k_w
نرخ آرنيوس	$K_{f,k}$
جرم مولکولی	М
تعداد گونه	Ν
ثابت عمومی گازها	R_c
دمای مخلوط گازی	T_g
دمای شبکه متخلخل	T_s
دمای دیواره	T_w
بردار سرعت	\vec{V}
جرم مولکولی گونه i	W_i
نماد شیمیایی گونه	X_i
کسر جرمی	Y
علائم يونانى	
نماگر دما واکنش k ام	β_k
نسبت تخلخل	Е
ضریب تابش دیواره	\mathcal{E}_{S}
ویسکوزیته دینامیکی	μ
ضریب استوکیومتری واکنشدهنده i در واکنش [.]	$v_{i,r}$
ضریب استوکیومتری محصول i در واکنش r	$v_{i,r}^{"}$
ضریب استوکیومتری محصول j در واکنش r	$v_{j,r}$
چگالی مخلوط گازی	$ ho_g$
ثابت استفان – بولتزمن	σ

نسبت همارزی	Ø
نرخ توليد مولي گونه i	ω_i
زيرنويس	
واكنشدهندهها	R
محصولات	Р
گونه	i
گاز	g

۱– مقدمه

امروزه طراحی وسایل احتراقی با بازده بالا توجه بسیاری از طراحان سیستمهای احتراقی را به خود جلب کرده است. باتوجهبه پژوهشهای گذشته استفاده از محیط متخلخل در محفظههای احتراق تأثیر قابل توجهی در افزایش بازده تابشی محفظه برای کاربرد سیستمهای ترمو فتوولتائیک داشته است[1]. از طرف دیگر از آنجایی که امروزه نیاز فوری به انتقال منابع انرژی پاک بسیار حائز اهمیت است، جهان با یک فوریت در توسعه سوختهای جایگزین مواجه است. در میان جایگزینهای مختلف، هیدروژن مزایای بالقوهای از نظر عرضه متنوع، کاهش انتشار آلایندهها و گازهای گلخانهای ارائه می دهد؛ لذا توجه پژوهشگران و طراحان سیستمهای احتراقی بیش از قبل به احتراق سوخت هیدروژن معطوف گردیده است.

مشخصههای احتراق و راندمان در سیستمهای ترمو فتوولتائیک به عواملی نظیر هندسه محفظه، جنس محفظه، ضحامت دیواره، نوع احتراق (پیش آمیخته یا غیر پیش آمیخته)، حضور محیط متخلخل در محفظه، نوع سوخت ورودی (هیدروژن خالص یا همراه با سوختهای سوخت و هوای ورودی (چرخشی یا همراه با سوختهای سوخت و هوای ورودی (چرخشی یا غیر چرخشی) و غیره وابسته است. وو و همکاران[۲] به شبیه سازی عددی احتراق هیدروژن – هوا در یک میکرو محفظه احتراق پرداختند. شبیه سازی تحت نسبتهای همارزی ۵/۰، ۶/۰ و ۷/۰ مورت گرفته است. نتایج ایشان نشان داده در سرعت مورت گرفته است. نتایج ایشان نشان داده در سرعت مورت گرفته است. نتایج ایشان نشان داده در سرعت مورت گرفته است. نتایج ایشان نشان داده در سرعت مورت گرفته است. نتایج ایشان نشان داده در سرعت مورت گرفته است. نتایج ایشان نشان داده در سرعت مورت گرفته است. نتایج ایشان نشان داده در سرعت مورت گرفته است. نتایج ایشان نشان داده در سرعت موازی مخلوط

چو و همکاران[۳] تحقیقات خود را بر روی احتراق محیط متخلخل در سیستم های ترمو فتوولتائیک انجام دادند. نتایج ایشان نشان داده در سیستمهای ترمو فتوولتائیک دستیابی به توزیع دمای بالا و یکنواخت در امتداد ديواره حائز اهميت است. تخلخل محيط تأثير قابل توجهی بر عملکرد سیستم داشته است؛ هنگامی که نرخ جریان مخلوط هیدروژن- اکسیژن ۰/۰۰۸ g/s و نسبت هم ارزی ۹/۰ باشد، انرژی تابشی مفید ۸۱/۲٪ بیشتر از انرژی تابشی نسبت به حالتی است که محیط متخلخل نیست. سو و همکاران[۴] به بررسی احتراق هیدروژن در یک میکرو محفظه متخلخل پرداختند. ویژگیهای شعله هیدروژن در محيط متخلخل با احتراق معمولي متفاوت بوده و در يک محفظه متخلخل، گرمای واکنش احتراق منجر به پیش گرمایش گازهای نسوخته ورودی گردیده، بنابراین شعله تحت نسبتهای همارزی پایین، پایدارتر بوده است. پن و همکاران[۵] به بررسی اثر تخلخل پیش مخلوط هیـدروژن-اکسیژن پرداختند. طبق بررسی ایشان تخلخل خیلی زیاد یا خیلی کم باعث تضعیف فرآیند احتراق شدہ است. لی و همکاران[۶] یک مطالعه عـددی بـر روی چـرخش گرمـا در یک میکرومحفظه متخلخل انجام دادند. نتایج حاصل از این مقاله نشان داده چرخش مجدد گرما برای حفظ و پایداری شعله بسیار مهم است و محفظه متخلخل دمای شعله بالاتری نسبت به شعله آزاد به دست داده است.

پنگ و همکاران [۷] تأثیر ضخامت دیواره و محیط متخلخل بر عملکرد حرارتی یک میکرو احتراق استوانهای غیر پیش آمیخته با سوخت هیدروژن را بررسی کردهاند. نتایج آنها نشان میدهد که ایجاد محیط متخلخل یا افزایش ضخامت جداره خارجی می تواند انتقال حرارت را در میکرو محفظه افزایش داده و بر پایداری شعله تأثیر بگذارد. بهترین کارایی انرژی و توزیع دمای بیرونی دیوار زمانی حاصل شده است که ضخامت دیوار mm ۶/۰و کل محفظه متخلخل گردیده است.

پنگ و همکاران [۸] یک بررسی تجربی و عددی بر روی احتراق پیش آمیخته سوخت هیدروژن در محفظه احتراق استوانهای شکل در حضور محیط متخلخل انجام دادند. نتایج آنها نشان میدهد که حضور محیط متخلخل بهطور بسیار موثری پایداری شعله، انتقال حرارت و انرژی تابشی در محفظه را افزایش داده است. با افزایش قطر

محفظ ه احتراق، محدودیت ها از نظر سرعت ورودی و خاموشی شعله افزایش می یابد. هم چنین دمای تابش و مساحت سطح نقش مهمی در کاربرد سیستم میکروترمو فتوولتائیک دارد.

تعداد زیادی از محققان بهمنظور دسـتیابی بـه رانـدمان احتراقی بالا به بررسی هندسـههـای متفـاوت محفظـههـای احتراق سیستمهای ترمو فتوولتائیک پرداختهاند.

یانگ و همکاران [۹] راندمان حرارتی یک محفظه احتراق دارای دنده چرخشی برای کاربرد در سیستمهای ترمو فتوولتائیک در دو حالت احتراق پیش آمیخته و غیر پیش آمیخته را با یکدیگر مقایسه کردند. در حالت پیش آمیخته تشکیل شعله سریعتر اتفاق افتاده و در نرخهای جرمی بالاتر توزیع دمای دیواره بالاتر بوده است. با این حال در حالت غیر پیش آمیخته توزیع دمای دیواره در نرخهای جرمی پایینتر یکنواختتر بوده است. گیان و همکاران جرمی پایینتر یکنواختتر بوده است. گیان و همکاران (۱۰] یک محفظه احتراق واگرا با حضور محیط متخلخل را شبیهسازی کردند. حداکثر راندمان تابشی در این نوع محفظه نسبت به محفظه غیرواگرا به میزان ۲۰٪ افزایش

لی و همکاران[۱۱] اثرات دنده مستطیلی بر بازده میکرومحفظه احتراق گاز هیدروژن را به صورت عددی بررسی کردند. تحت نرخهای مختلف جریان جرمی و نسبتهای همارزی متفاوت، بازده محفظه با حضور مقطع مستطيلى بهطور قابل توجهي بيشتر از محفظه احتراق بدون مقطع بوده است. همچنین اگر دنده مستطیلی بسیار نزدیک به شعله پیشمخلوط هیدروژن- هوا باشد، تثبیت و انتشار شعله سخت خواهـد بـود. نـی و همکـاران[۱۲] بـه بررسـی احتراق هیدروژن در یک محفظه احتراق T شکل در حضور محيط متخلخل پرداختند. محفظه احتراق T شکل نسبت به محفظههای معمولی عملکرد بسیار بهتر و راندمان انرژی بالاتر برای استفاده در سیستمهای ترمو فتوولتائیک داشته است. همچنین محیط متخلخل منجر به توزیع دمای يكنواخت تر ديواره خارجي گرديده است. دماي ميانگين دیواره هنگامی که تخلخل از ۰/۵ به ۰/۸ افزایش پیدا کرده ٧/۵۴K افزایش یافته است. همچنین تخلخل ٧/٠ بهینه ترین نسبت تخلخل از نظر میانگین دمای دیواره خارجی معرفی شدہ است. ہے و ہمکاران [۱۳] بے مقایسے ی ویژگیهای حرارتی محفظه احتراق با حضور یک پرهی

داخلی مستقیم و مارپچی برای کاربرد در سیستمهای ترمو فتوولتائیک پرداختند. حضور پرههای مارپیچی به طور بسیار موثری منجربه بهبود عملکرد محفظه احتراق گردیده است. زو و همکاران [۱۴] حضور حفره در محفظ ه احتراق ترمو فتوولتائیک را بررسی کردند. میانگین دمای دیواره با تغییر سرعت از ۸m/s به ۸۲/۸ به میزان ۲۶K افزایش یافته است.

برخی پژوهشگران نیز حضور هیدروژن در کنار سوختهای دیگر نظیر متان یا پروپان در محفظ مهای احتراقی را مورد بررسی قرار دادهاند. پور علی و همکاران [۱۵] به بررسی اثرات افزودن سوخت هیدروژن بر انتقال حرارت ترکیبی در یک میکرو محفظهی صفحهای با مکانیزمهای واکنشی دقیق سوخت متان پرداختند. در نهایت ضمن بدست آوردن یک رابط و تجربی برای توزیع دمای دیواره محفظه، نشان دادند که برای مواردی با نسبت نفوذ حرارتی جامد به سیال بیشتر از ۵۰، خواص حرارتی می تواند اثر افزودن هیدروژن بر توزیع دمای دیواره را خنثی اضافه شدن نسبتهای مختلف مخلوط پروپان در محفظه احتراق پلهای با محیط متخلخل بررسی و تحقیق انجام دادند. افزودن ۵٪ پروپان به تغییر محل شعله، مشخصات احتراق و توزیع دمای دیواره خارجی کمک کرده است.

بررسی مقالات فوق و ادبیات موضوع در پژوهشهای پیشین بیانگر آن است که در اکثر تحقیقات، متخلخل بودن یا نبودن محفظه یا تغییر هندسی محفظه هدف اصلی بوده است و به تأثیر عوامل دیگر بر مشخصه های احتراق هیدروژن پیشآمیخته و راندمان تابشی محفظههای احتراق ترمو فتوولتائیک توجه کمتری شده است؛ لذا مطالعه حاضر قصد دارد پارامترهایی نظیر جنس و ضخامت دیواره را بررسی کرده و درصد تأثیرگذاری آن بر راندمان تابشی را در شرایط مختلف سوخت و هوای ورودی با یک دیگر مقایسه کند. همچنین بررسیهای میدانی حاکی از آن بود که در هیچ یک از پژوهشهای مرتبط با محفظه احتراق متخلخل، تأثير حضور دو ناحيه متخلخل موردبحث وبررسي قرار نگرفته است؛ لذا در این پژوهش یک محفظه احتراق با حضور دو ناحیه متخلخل تحت نسبتهای همارزی متفاوت طراحی و شبیهسازی شده و نتایج آن با محفظه در حضور یک ناحیه متخلخل مقایسه گردیده است.

۲- تعریف مسئله و شرایط مرزی

مدل فیزیکی سهبعدی محفظه احتراق مطابق شکل ۱ در نظر گرفته شده است. محفظه به طول ۱۸mm، عرض ۱۰mm، ارتفاع ۱۳m و ضخامت دیواره ۸mm/۰و از جنس (SS316) Stainless steel(SS316 در نظر گرفته شده است. فاصله ورودی تا ابتدای ناحیه متخلخل ۷/۵mm و طول ناحیه مرودی تا ابتدای ناحیه متخلخل ۸۸۸ و طول ناحیه متخلخل ۳۳m است. دمای ورودی پیش مخلوط سوخت و هوا ۲۰۰۸، ضریب انتقال حرارت جابه جایی ۱۵۳/۳² ۱۵۷/۳² محیط ۱۵۷/۰ و تخلخل محیط ۸۸/۰ میباشد (۱۲]. شرایط مرزی در ورودی و خروجی محفظه احتراق به ترتیب سرعت ورودی (۲ ۲ و ۲ m) و فشار خروجی (۱۵ ۳) در نظر گرفته شدهاند. مخلوط پیش آمیخته سوخت و هوا نیز در سه نسبت همارزی (۶/۰، پیش آمیخته سوخت و هوا نیز در سه نسبت همارزی (۶/۰، مرزی در نظر گرفته شده بین جامد و سیال، شرط مرزی مرزی در نظر گرفته شده بین جامد و سیال، شرط مرزی



شکل (۱): طرحواره هندسه محفظه احتراق مورد شبیه سازی در شکل ۲ نیز طرحواره هندسه محفظ ه احتراق با حضور دو ناحیه متخلخل ارائه گردیده است. در این هندسه، فاصله ورودی تا اولین و دومین ناحیه متخلخل به ترتیب فاصله ورودی تا اولین و دومین ناحیه متخلخل به ترتیب کرفته شده هم چون محفظه با یک ناحیه متخلخل در نظر گرفته شده است.



۳- معادلات حاکم

معادلات حاکم در مسئله شامل معادلات پیوستگی، مومنتوم و معادلات انرژی در فاز جامـد، گـازی و فـاز شـبکه محـیط متخلخل است[۱۸].

۳-۱- معادله پيوستگى

$$\nabla .(\varepsilon \rho_{g} \vec{V}) = 0 \tag{1}$$

در این معادله ۶ بیانگر نسبت تخلخـل محـیط متخلخـل، ⊽ بردار سرعت و p_g چگالی مخلوط گازی است.

۲-۳- معادله مومنتوم

$$(\vec{V}.\nabla)(\varepsilon\rho_{g}\vec{V}) = -\varepsilon\nabla P + \mu\nabla^{2}(\varepsilon\vec{V})$$
(7)

μ بیانگر ویسکوزیته و P فشار مخلوط گازی در نظـر گرفتـه میشود.

۳-۳- معادله انرژی فاز جامد

$$\nabla .(K_{w} \nabla T_{w}) = 0 \tag{(7)}$$

K_w و T_w به ترتیب ضریب انتقال حـرارت هـدایتی و دمـای دیواره است.

۳-۴- معادله انرژی فاز گازی

(۴)

۳–۵– معادله انرژی در شبکه محیط متخلخل

$$\frac{\partial}{\partial x} (K_{s,eff} \frac{\partial T_s}{\partial x}) + \frac{\partial}{\partial y} (K_{s,eff} \frac{\partial T_s}{\partial y}) + \frac{\partial}{\partial z} (K_{s,eff} \frac{\partial T_s}{\partial z})$$
(Δ)
+ $h_v (T_g - T_s) = 0$

k_{s,eff} نشان دهنده هدایت حرارتی مؤثر محیط متخلخل است که به صورت معادلات ۶ قابل محاسبه است.

$$K_{s,eff} = (1 - \varepsilon)K_s + K_{rad}$$
(9)

$$K_{_{rad}} = 16\sigma \varepsilon_{_{s}} I rac{T_{_{s}}^{^{3}}}{3}$$
نشان دهنده ضریب تابش دیواره متخلخل است.

۳-۶- معادلات انتقال گونه

$$\nabla . (\varepsilon \rho_g \vec{v} Y_i) = -\nabla . (\varepsilon \rho_g \nabla Y_i \vec{V}_i) + \varepsilon \omega_i W_i \tag{Y}$$

$$\sum_{i=1}^{N} v'_{i,r} X_i \Leftrightarrow \sum_{i=1}^{N} v''_{i,r} X_i \tag{A}$$

معادله (۲) نشان دهنده معادله انتقال گونهها و معادله (۸) بیانگر معادله کلی واکنش است[۱۸]. در این روابط *v*ز و (۳) به ترتیب بیانگر ضریب استوکیومتری واکنش دهنده i و محصول i در واکنش r است.

۷-۳- معادلات مدل احتراقی

در این مقاله از مدل اضمحلال گردابه – نرخ واکنش محدود (FR-EDM) استفاده شده است[۱۹]. در این مدل نرخ واکنش آرنیوس (۹) [۲۰] و نرخ واکنش از مدل اضمحلال گردابه (۱۰) محاسبه می شود[۱۸, ۱۹] و کمترین آن در نظر گرفته می شود. در عمل نرخ آرنیوس مانند یک سوئیچ عمل می کند و مانع انجام واکنش قبل از تشکیل شعله می شود و به محض تشکیل شعله نرخ اضمحلال گردابه از آرنیوس کوچکتر بوده و واکنش ها از نوع اختلاط محدود خواهد بود.

$$k_{fk} = A_i T_g^{\beta_k} \exp\left(-\frac{E_i}{R_c T_g}\right) \tag{9}$$

$$R_{i} = \min \begin{cases} v_{i,r}' M_{i} A.\rho \frac{\varepsilon}{k} \left(\frac{Y_{R}}{v_{R,r}' M_{R}} \right) \\ (1) \end{cases}$$

$$v'_{i,r}M_iAB.\rho \frac{\varepsilon}{k} \left(\frac{\sum_p Y_p}{\sum_j v''_{j,r}.M_j} \right)$$



نسبت هم ارزی مطابق رابطه (۱۱) نسبت نظری هوا-سوخت به نسبت واقعی هوا- سوخت و یا نسبت واقعی سوخت- هوا به نسبت نظری آن تعریف می گردد [۲۱]. سوخت- $(F/A)_{rot}$

$$\phi = \frac{(1/T)_{stoic}}{(A/F)_{real}} = \frac{(1/T)_{real}}{(F/A)_{stoic}}$$
(11)

بر اساس تحقیقات پیشین [۲۲–۲۶]، در این پـژوهش از مدل اغتشاشی Realizable $k - \varepsilon$ و مدل تابشـی P1 [۲۸] نیـز جهـت در نظـر گـرفتن تـأثیر تـابش در محفظـه استفاده شده است. راندمان تابشی طبق رابطه ۱۲ محاسـبه می گردد کـه در آن σ ثابـت اسـتفان– بـولتزمن، ε_s ضـریب انتقال حـرارت تابشـی، $m_t = 1mm$ عـرض محفظـه، H_c ارزش حرارتی هیدروژن در نظر گرفته شده است[۲۹].

$$\eta = \frac{2 \times \varepsilon_s \sigma \times d \sum_{i=1}^{n} T_{W,i}^4 L_i}{\dot{m}_{h_2} H_c}$$
(17)

از الگوریتم coupled بهمنظور اتصال عبارات فشار و سرعت استفاده شده است. حل مسئله با رسیدن به مقدار باقیمانده ۱۰^{-۶}و همگرایی مقدار جرم در خروجی در محفظه ادامه یافته است.

۴- بررسـی اســتقلال نتـایج از انـدازه شــبکه و اعتبارسنجی

به جهت دستیابی به نتایج مستقل از شبکه، از چهار سایز شبکهبندی بهمنظور شبیه سازی جریان در محفظ احتراق استفاده گردیده است. شبکههای «الف»، «ب»، «ج» و «د» به ترتیب دارای ۲۸۰ هزار، ۴۰۰هزار، ۸۰۰هزار و یک میلیون و ۲۰۰هزار سلول محاسباتی هستند. شکل ۳ وابستگی نتایج به تعداد سلولهای محاسباتی را نشان می دهد. مشاهده می گردد با افزایش تعداد شبکه از ۸۰۰ هزار به یک میلیون و می گردد با افزایش تعداد شبکه از ۸۰۰ هزار به یک میلیون و شبکه ۸۰۰ هزارتایی برای شبیه سازی جریان درون محفظ ه استفاده شده است. در شکل ۴ هندسه شبکهبندی شده محفظ ه احتراق مشاهده می شود. هندسه به صورت سازمانیافته و با سلول های متراکم در نزدیکی دیواره و مقدار تقریبی +۲ برابر با ۳۰ شبکهبندی شده است.



شکل (۳): بررسی عدم وابستگی حل به تعداد سلولهای محاسباتی با نسبت همارزی ۰/۸ و سرعت ورودی ۲m/s



شکل (۴): شبکهبندی نهایی استفاده شده شبیهسازی حاضر (اندازهها بر حسب متر)

پس از بررسی استقلال حل از اندازه شبکه نتایج شبیهسازی با نتایج تجربی اعتبارسنجی شده است. شکلهای ۵ و ۶ توزیع دما بر روی دیواره محفظه احتراق در سه نسبت همارزی (۶/۰، ۸/۰ و ۱) و دو سرعت ورودی (۲m/۶ و ۲m/۶) مختلف نشان میدهد. ملاحظه میشود با افزایش نسبت همارزی و سرعت ورودی (بالتبع ورود بیشتر سوخت به محفظه)، بیشینه دمای دیواره افزایش مییابد. همچنین بیشینه دما تقریبا در میانه محفظه احتراق و ناحیه متخلخل شکل می گیرد. مشاهده می گردد توافق متخلخل شده است. بیشترین خطا (۲۹/۱) در حالت (سرعت ورودی ۲m/۶ و نسبت همارزی ۱ مشاهده می شود سرعت ورودی ۲m/۶ و نسبت همارزی ۱ مشاهده می شود تشعشعی دیواره در دماهای مختلف باشد.





۵- ارائه نتایج و بحث

در این بخش نتایج مربوط به شبیهسازی محفظ هه ایی با جنس و ضخامتهای دیواره مختلف ارائه می گردد.

۵–۱– تأثیر ضخامت دیواره محفظه احتراق

ضخامت دیواره بهعنوان یک پارامتر مهم و تأثیرگذار بر دمای دیواره خارجی شناخته میشود. در این بخـش تـأثیر ضخامت بر دمای دیواره خارجی محفظه مورد بررسی قرار گرفته است. بدین منظور، در نسبت همارزی ۰/۸ و سرعتهای ورودی ۳m/s و ۲m/s محفظههای احتراق با ضخامتهای دیواره (۰/۸mm، ۵/۰ و ۰/۲) شبیهسازی شده و دمای دیواره در این سه ضخامت مختلف مقایسه شده است. همان طور که در شکلهای ۷ و ۸ مشاهده می شود، کاهش ضخامت ديواره باعث افزايش بيشينه دماى ديواره خارجي محفظه گردیده است. بهطوری که در سرعت ۲m/s و ضخامت دیواره ۲mm بیشینه دما نسبت به ضخامتهای ۵mm/۰ و ۸mm/۰ بـــه میـــزان C° ۱۱۱ و C° ۱۴۱ و در سرعت ۳m/s به میزان C° ۷۹ و C° ۱۰۷ افزایش داشته است. همچنین مشاهده می شود با کاهش ضخامت، دمای دیواره خارجی در ناحیه پیش گرمایش (ورودی تا تشکیل شعله) كاهش مى يابد. از آنجايى كه رسانايى گرمايى به عنوان یک عامل با تأثیر گذاری دو گانه در پایداری احتراق نقش به سزایی دارد[۳۰] و در راستای طولی محفظه منجر به نفوذ حرارتی و پیش گرمایش سوخت و هوای ورودی می شود و در راستای عرضی محفظه منجر به افت حرارتی می گردد؛ لذا هنگامی که ضخامت کاهش پیدا می کند میزان انتقال حرارت رسانشی بین مخلوط و دیواره در راستای عرضی افزایش می یابد. از طرفی شکل گیری شعله تقریباً در نزدیکی ناحیه متخلخل رخ میدهد. بنابراین نفوذ حرارتی و میزان حرارتی که توسط مخلوط ورودی در ناحیه پیش گرمایش جذب می شود، کاهش یافته و این امر باعث شده دمای دیواره خارجی در ناحیه پیش گرمایش با کاهش ضخامت، کم شود.

شکل ۹ تأثیر ضخامت دیواره بر راندمان تابشی محفظه احتراق در سرعتهای ورودی ۳m/s و ۲m/s نشان میده.د. بالاترین راندمان تابشی در ضخامت دیواره ۲mm/۰ و در

سرعت ۲m/s حاصل شده است. با افزایش ضخامت، راندمان تابشی نیز کاهش یافته است. همچنین با افزایش سرعت از ۲m/s به ۳m/s راندمان کاهش مییابد. زیرا بر اساس معادله ۲۲ دبی جرمی سوخت با راندمان تابشی رابطه عکس دارد. لذا هرچند با افزایش سرعت دمای دیواره خارجی افزایش یافته است؛ اما این افزایش دما آن قدر نبوده که بتواند تأثیر دبی جرمی بر راندمان تابشی را پوشش دهد. لذا با افزایش سرعت نیز راندمان تابشی کاهش یافته است.







شکل (۹): مقایسه راندمان تابشی ضخامتهای مختلف دیواره محفظه احتراق در نسبت همارزی ۰/۸ و سرعتهای ۲m/s

۵-۲- تأثير جنس ديواره محفظه احتراق

در مطالعات گذشته Al₂O₃ و SiC به عنوان موادی مناسب برای جنس دیواره محفظههای احتراق شناسایی و معرفی شدهاند[۳۱]. لذا در این بخش محفظههای احتراق ترمو فتوولتائیک با جنس Al₂O₃ و SiC شبیهسازی شده و به مقایسه راندمان تابشی آنها با جنس محفظه Stainless (Steel(SS316) پرداخته شده است. جدول **۱** مشخصات ترموفیزیکی سه جنس فوق را نشان میدهد.

ديواره	خواص فيزيكى جنسهاى مختلف	جدول (۱):
	محفظه احتراق [۳۱]	

SS316	SiC	Al ₂ O ₃	جنس ديواره
۷۹۸۰	۳۱۰۰	۳۹۷۰	چگالی (kg/m ³)
۵۰۰	272	۱۰۰۰	گرمای ویژه در فشار ثابت (J/kg. K)
۲۰/۹	٩٢	۲/•۹	ضریب انتقال حرارت هدایتی (W/m.K)
٠/٢۵	•/٨	• /Y	ضریب انتقال حرارت تابشی

شبیه سازی در نسبت همارزی Λ و سرعت Σ آنجام شده است. شکل $1 \cdot 1$ تأثیر جـنس دیـواره بـر توزیـع دمـای دیـواره محفظـه را نشـان مـیدهـد. بـا توجـه بـه جـدول 1بیشترین ضریب انتقال حرارت رسانشی و تابشی مربـوط بـه SiC است. همان طور که مشاهده میشود با افـزایش ضـریب انتقال حرارت رسانشی، توزیع دمای دیـواره خـارجی حالـت یکنواخت تری پیـدا کـرده است. در حالـت بـه کـارگیری از Al_2O_3 ، به دلیل ضریب رسانش کم، انتقال حرارت هـدایت کمتری در طول دیواره محفظه احتـراق (بـه سـمت ورودی محفظه) انجام میشود. لذا بیشینه دمای دیواره خارجی ($^\circ$ (117) در جنس محفظه احتـراق (بـه سـمت ایـن محفظه) انجام میشود. لذا بیشینه دمای دیواره خارجی ($^\circ$



شکل ۱۱ تأثیر جنس دیواره محفظه بر راندمان تابشی را نشان می دهد. در میان این سه جنس دیواره، بالاترین راندمان تابشی مربوط به جنس دیواره Al₂O₃ به دست آمده است و پایین ترین راندمان مربوط به جنس دیواره SiC بوده است. راندمان تابشی در حالت استفاده از جنس محفظه است. راندمان تابشی در حالت استفاده از جنس محفظه است. ایدمان تابشی در حالت استفاده از بسب محفظه است. این محفظه Steel به مقدار //۳/۳ افزایش و در حالت استفاده از جنس محفظه SiC نسبت به افزایش و در حالت استفاده از جنس محفظه SiC نسبت به Steel است با توزیع دما بر روی دیواره خارجی محفظه (شکل ۱۰) که مجموع توان ۴ دمای دیواره در حالت به کارگیری SiC SiC یا Sic است که از Sic است. است که از Sic استفاده شده است.



در شکل ۱۳ راندمان تابشی محفظ و احتراق در حالت حضور دو ناحیه متخلخل با حالت تک ناحیه متخلخل در نسبتهای همارزی ۰/۶، ۸/۹ و ۱ مورد مقایسه قرار گرفتهاند. مشاهده می گردد راندمان تابشی در محفظ و با حضور دو ناحیه متخلخل نسبت به محفظ و تکناحیه در نسبتهای همارزی ۰/۶، ۸/۹ و ۱ به ترتیب به میزان ۲۴٬





۵-۳- بررسی تأثیر دو ناحیـه متخلخـل در محفظـه احتراق

در پژوهشهای گذشته[۶] تأثیر یک ناحیه متخلخـل در محفظه احتراق بررسی شده است. در این بخش محفظه احتراق با حضور دو ناحیه متخلخل با ضخامت یکسان در نسبتهای همارزی مختلف شبیهسازی و نتایج با محفظه تکناحیه متخلخل نیز مقایسه شده است. در شکل ۱۲ به مقایسه تاثیر حضور یک و دو ناحیه متخلخل بر دمای دیواره خارجی در نسبت همارزی های ۰/۶، ۸/۰ و ۱ پرداخته شده است. حضور دو ناحیه متخلخل در هر سه نسبت همارزی سبب افزایش دمای دیواره خارجی شده است؛ به طوری که بیشینه دما در محفظه احتراق با حضور دو ناحیه متخلخل نسبت به محفظه تکناحیه متخلخل در نسبتهای همارزی ۰/۶، ۸/۷ و ۱ به ترتیب به میـزان ٪۴، ٪۳/۳ و ٪۶/۸ افـزایش داشـته اسـت. ایـن می تواند ناشی از افزایش هدایت حرارتی موثر در محیط متخلخل (k_{s.eff}) (مطابق معادله ۶) در حالت دو ناحیه متخلخل باشد که به موجب آن دمای دیواره خارجی نیز افزایش می یابد. با افزایش هدایت حرارتی موثر در طول ناحیه متخلخل (محل شکل گیری شعله)، انتقال حرارت با سرعت بیشتری در جهت پائین دست، عرضی و البته بالادست انجام می شود و سبب افزایش دمای مخلوط گازی در نزدیک دیواره می گردد.

./۲۷ و ./۲۸ افزایش داشته که بر گرفته از افزایش دمای دیواره (شکل ۱۲) است.



شکل (۱۳): مقایسه راندمان تابشی محفظههای احتراق با حضور یک و دو ناحیه متخلخل

شکل ۱۴ توزیع دما بر روی صفحه میانی محفظه احتراق برای دو حالت تک و دو ناحیه متخلخل با سرعت ورودی ۲m/s و نسبت همارزی ۰/۸ نشان میدهد. مشاهده میشود در حالت حضور دو ناحیه متخلخل نسبت به تک ناحیه متخلخل، شعله در فاصله نزدیکتری به بالادست جریان شکل گرفته است.



در واقع حضور دو ناحیه متخلخل در محفظه باعث شده در ناحیه پیش گرمایش، دمای دیواره خارجی نسبت به محفظه تک ناحیه متخلخل بالاتر باشد. همینطور بیشینه دما در فاصلهٔ کوتاهتری تا ورودی محفظه حاصل گردد (مطابق شکل ۱۲).

شکل ۱۵ توزیع کسر مولی گونـه h₂ در صفحه میانی بـرای دو حالــت تــک و دو ناحیــه متخلخــل بــا ســرعت

ورودی ۲m/s و نسبت همارزی ۰/۸ نشان میدهد. مشاهده می شود کاهش کسر مولی گونه h₂ که نشان از مصرف سوخت می باشد در محفظه با حضور دو ناحیه متخلخل نسب به محفظه با حضور یک ناحیه متخلخل سریع تر اتفاق می افتد.



الف) یک ناحیه متخلخل و ب) دو ناحیه متخلخل

شکل ۱۶ توزیع کسر مولی گونه h₂0 در صفحه میانی برای دو حالت تک و دو ناحیه متخلخل با سرعت ورودی ۲m/s و نسبت همارزی ۰/۸ نشان میدهد. بر اساس کانتورهای توزیع کسر مولی گونه h₂0 مشخص می گردد نرخ تشکیل گونه h₂0 توام با h₂ افزایش مییابد؛ همچنین تشکیل شعله پایدار در محفظ احتراق با حضور دو ناحیه متخلخل سریعتر اتفاق میافتد.



شکل (۱۶): توزیع کسر مولی گونه h₂0 در محفظه با حضور الف) یک ناحیه متخلخل و ب) دو ناحیه متخلخل

۶- نتیجهگیری

در تحقیق حاضر پس از اعتبارسنجی نتایج و انتخاب مدل احتراقی، مغشوش و تابشی مناسب، تأثیر جنس و ضخامت دیواره و همچنین حضور دو ناحیه متخلخل در محفظه مورد [6] Li J, Li Q, Shi J, Liu X, Guo Z. Numerical study on heat recirculation in a porous micro-combustor. Combust. Flame. 2016;171:152-61.DOI :10.1016/j.combustflame.2016.06.007

[7] Peng Q, Jiaqiang E, Chen J, Zuo W, Zhao X, Zhang Z. Investigation on the effects of wall thickness and porous media on the thermal performance of a non-premixed hydrogen fueled cylindrical micro combustor. Energy Convers. Manage. 2018;155:276-86.DOI :10.1016/j.enconman.2017.10.095

[8] Peng Q, Yang W, Jiaqiang E, Xu H, Li Z, Yu W, et al. Experimental investigation on premixed hydrogen/air combustion in varied size combustors inserted with porous medium for thermophotovoltaic system applications. Energy Convers. Manage. 2019; 200; 112086. DOI: 10.1016/j.enconman.2019.112086

[9] Yang X, Zhao L, He Z, Dong S, Tan H. Comparative study of combustion and thermal performance in a swirling micro combustor under premixed and non-premixed modes. Appl. Therm. Eng. 2019;160:114110.DOI

10.1016/j.applthermaleng.2019.114110

[10] Qian P, Liu M, Li X, Xie F, Huang Z, Luo C, et al. Combustion characteristics and radiation performance of premixed hydrogen/air combustion in a mesoscale divergent porous media combustor. Int. J. Hydrogen Energy. 2020;45(7):5002-13.DOI: 10.1016/j.ijhydene.2019.12.094

[11] Li Q, Zuo W, Zhang Y, Li J, He Z. Effects of rectangular rib on exergy efficiency of a hydrogen-fueled micro combustor. Int. J. Hydrogen Energy. 2020;45(16):10155-63.DOI :10.1016/j.ijhydene.2020.01.221

[12] Ni S, Zhao D, Becker S, Tang A. Thermodynamics and entropy generation studies of a T-shaped microcombustor: effects of porous medium and ring-shaped ribs. Appl. Therm. Eng. 2020;175:115374.DOI :10.1016/j.applthermaleng.2020.115374

[13] He Z, Yan Y, Li X, Shen K, Li J, Zhang Z. Comparative investigation of combustion and thermal characteristics of a conventional micro combustor and micro combustor with internal straight/spiral fins for thermophotovoltaic system. Int. J. Hydrogen Energy. 2021;46(42):22165-79.DOI :10.1016/j.ijhydene.2021.04.030

[14] Zuo W, Zhang Y, Li Q, Li J, He Z. Numerical investigations on hydrogen-fueled micro-cylindrical combustors with cavity for micro-thermophotovoltaic applications. Energy. 2021;223:120098.DOI :10.1016/j.energy.2021.120098

[15] Pourali M, Esfahani JA, Fanaee SA, Bastiaans RJ, Kim KC. Effect of hydrogen addition on conjugate heat transfer in a planar micro-combustor with the detailed reaction mechanism: An analytical approach. Int. J. Hydrogen Energy. 2020;45(30):15425-40.DOI: 10.1016/j.ijhydene.2020.03.236

[16] Peng Q, Yang W, Jiaqiang E, Li Z, Xu H, Fu G, et al. Investigation on H2/air combustion with C3H8 addition in the combustor with part/full porous medium. Energy

بررسی قرار گرفت. سه ضخامت مختلف ۸/۰۲، ۳۸۳ و ۲۸۳۸ در نسبت همارزی ثابت ۲/۰ و سرعتهای ۲۳/۶ و ۳۳/۶ شبیهسازی شد. نتایج نشان داد با کاهش ضخامت دیواره، بیشینه دمای دیواره خارجی افزایش یافته است. بیشینه دما در سرعت ۲۳/۶ و در ضخامت ۲۲۲۳ نسبت به ضخامتهای ۲۸۵۳ و در ضخامت ۱۱۱۰ نسبت ۱۴۱۰ و در سرعت ۳۳/۶ به میزان ۵°۷۷ و ۵°۷۰ افزایش داشته و این افزایش دمای دیواره خارجی به بهبود راندمان تابشی محفظه در ضخامتهای پایین دیواره کمک کرده است. ضخامت دیواره همچنین در سرعتهای پایین مخلوط ورودی تأثیرگذاری بالاتری بر راندمان تابشی محفظه داشته است.

حضور دو ناحیه متخلخل به دلیل افزایش هدایت حرارتی موثر منجر به افزایش بیشینه دمای دیواره خارجی در نسبتهای همارزی ۰/۶، ۸/۸ و ۱ به میزان ٪۴، ٪۵/۳ و ٪۸/۸ گردیده است.

راندمان تابشی در محفظه با حضور دو ناحیه متخلخل نسبت به محفظه تک ناحیه در نسبتهای هم ارزی ۶/۰، ۸/۰ و ۱ به ترتیب به میزان ۲۴٬۰ ۲۴٬۰ و ۲۸٪ افزایش داشته که برگرفته از افزایش دمای دیواره (شکل ۱۲) است. بالاترین راندمان تابشی به ترتیب به مقدار ۱۳/۰، ۰۳٬۰ ۶ بالاترین راندمان تابشی به ترتیب به مقدار ۱۳۱۰، stainless Steel (SS316) و SiC به عنوان جنس دیواره به دست آمده است.

۵- مراجع

[1] Wang Y, Zeng H, Shi Y, Cao T, Cai N, Ye X, et al. Power and heat co-generation by micro-tubular flame fuel cell on a porous media burner. Energy. 2016;109:117-23.DOI:10.1016/j.energy.2016.04.095

[2] Wu M, Hua J, Kumar K. An improved microcombustor design for micro gas turbine engine and numerical analysis. J. Micromech. Microeng. 2005;15(10):1817.DOI:10.1088/0960-1317/15/10/005

[3] Chou S, Yang W, Li J, Li Z. Porous media combustion for micro thermophotovoltaic system applications. Appl. Energy. 2010;87(9):2862-7.DOI :10.1016/j.apenergy.2009.06.039

[4] Su S-S, Hwang S-J, Lai W-H. On a porous medium combustor for hydrogen flame stabilization and operation. Int. J. Hydrogen Energy. 2014;39(36):21307-16.DOI :10.1016/j.ijhydene.2014.10.059

[5] Pan J, Wu D, Liu Y, Zhang H, Tang A, Xue H. Hydrogen/oxygen premixed combustion characteristics in micro porous media combustor. Appl. Energy. 2015;160:802-7.DOI :10.1016/j.egypro.2014.11.1081 [29] Li J, Chou S, Li Z, Yang W. Characterization of wall temperature and radiation power through cylindrical dump micro-combustors. Combust. Flame. 2009;156(8):1587-93.DOI

:10.1016/j.combustflame.2009.05.003

[30] Weinberg F. Combustion temperatures: the future?. Nature. 1971;233(5317):239-41.DOI :10.1038/233239a0

[31] Wu Y, Peng Q, Yang M, Shan J, Yang W. Entropy generation analysis of premixed hydrogen–air combustion in a micro combustor with porous medium. Chem. Eng. Process. Process Intensif. 2021; 168:108566.DOI :10.1016/j.cep.2021.108566

Convers. Manage. 2021;228:113652.DOI:10.1016/j.enconman.2020.113652

[17] Li J, Chou S, Li Z, Yang W. Experimental investigation of porous media combustion in a planar micro-combustor. Fuel. 2010;89(3):708-15.DOI: 10.1016/j.fuel.2009.06.026

[18] Qian P, Liu M, Li X, Xie F, Huang Z, Luo C, et al. Effects of bluff-body on the thermal performance of micro thermophotovoltaic system based on porous media combustion. Appl. Therm. Eng. 2020;174:115281.DOI :10.1016/j.applthermaleng.2020.115281

[19] Guessab A, Aris A, Bounif A. Simulation of turbulent piloted methane non-premixed flame based on combination of finite-rate/eddy-dissipation model. Mechanics. 2013;19(6):657-64.DOI :10.5755/j01.mech.19.6.6000

[20] Fanaee SA, Abbaszadeh M. The thermal-fluid investigation of effects of different wall boundary conditions on platinum catalytic micro-channel combined with a thermoelectric system. Alexandria Eng. J. 2021;60(6):5675-85.DOI :10.1016/j.aej.2021.04.049

[21] Bidabadi M, Abedinejad M, Fereidooni J. Modeling of the propagation of a reaction front in fixed bed combustion of wood particles. J. Mech. 2011;27(3):453-9.DOI :10.1017/jmech.2011.48

[22] Bazdidi-Tehrani F, Sharifi-Sedeh E, Abedinejad MS. Effects of alumina nanoparticles on evaporation and combustion characteristics of diesel fuel droplets. J. Taiwan Inst. Chem. Eng. 2023;143:104713.DOI: 10.1016/j.jtice.2023.104713

[23] Bazdidi-Tehrani F, Yazdani Ahmadabadi H, Abedinejad MS. Analysis of Influence of Variable Airflow Distribution on Reactive Flow in a Gas Turbine Model Combustion Chamber. Fuel and Combustion. 2015;8(2):13-32. (In Persian)

[24] Bazdidi Tehrani F, Sharifi Sade E, Abedinejad MS. Analysis of Influence of Alumina Nanoparticles Addition on Diesel Fuel Droplets Evaporation in A Model Gas Turbine Combustion Chamber. Fluid Mechanics & Aerodynamics Journal. 2021;9(2):101-11.(InPersian) https://dor.isc.ac/dor/20.1001.1.23223278.1399.9.2.8.8

[25] Mohammadi M, Abedinejad MS. Analysis of NO Formation and Entropy Generation in a Reactive Flow. Aerospace. 2022;9(11):666.DOI: 10.3390/aerospace9110666

[26] Bazdidi-Tehrani F, Abedinejad MS, Yazdani-Ahmadabadi H. Influence of Variable Air Distribution on Pollutant Emissions in a Model Wall Jet Can Combustor. Heat Transfer Res. 2018;49(17).DOI: 10.1615/HeatTransRes.2018025102

[27] Shih T-H, Liou WW, Shabbir A, Yang Z, Zhu J. A new k- ϵ eddy viscosity model for high reynolds number turbulent flows. Comput. Fluids. 1995;24(3):227-38.DOI :10.1016/0045-7930(94)00032-T

[28] Sazhin S, Sazhina E, Faltsi-Saravelou O, Wild P. The P-1 model for thermal radiation transfer: advantages and limitations. Fuel. 1996;75(3):289-94.DOI :10.1016/0016-2361(95)00269-3