



ساخت شبیه‌ساز پتانسیل عمل سلول عصبی

علیرضا جلفایی

کارشناس ارشد ریاضی و رمز، دانشگاه جامع امام حسین(ع)، دانشکده و پژوهشکده فناوری اطلاعات و ارتباطات

E-mail: Jolfaei@yahoo.com

(دریافت: ۸۸/۱۰/۲۰، پذیرش: ۸۹/۰۷/۰۵)

چکیده

در این مقاله سازوکار تولید پتانسیل عمل یک سلول عصبی و عوامل مؤثر بر ضربان‌سازی آن بررسی شده است. با استفاده از اسیلاتورهای مدل‌کننده یک نرون عصبی، می‌توان سازوکار پتانسیل عمل سلول را از طریق ساخت‌مدار معادل برای جریان‌های یکسو شده یونی بررسی کرد. مدار معادل با استفاده از خازن، مقاومت و ترانزیستور شبیه‌سازی و با تغییر در ظرفیت غشاء و مقاومت نشستی کانال سدیمی و پتاسیمی، تغییر در پتانسیل عمل مشاهده شد. در گام بعدی مدارهای مدل‌کننده نرون عصبی در میکروکنترلر پیاده‌سازی شدند. جهت ارسال معادلات به میکروکنترلر ابتدا باید آن‌ها را به فرم گسسته تبدیل نمود که به همین منظور، روش گسسته‌سازی معادلات ارائه شده و معادلات مدل FHN به فرم گسسته حل و شبیه‌سازی شدند. فایل هنگز معادله تولید و با استفاده از آن میکروکنترلر پروگرام گردید. در واقع مدار معادل به‌گونه‌ای ساخته شد که بتوان تک‌تک بارامترها را توسط آن کنترل نمود تا بتواند شبیه‌ساز مناسبی برای بیماری‌ها و نارسایی‌های سلولی باشد.

کلیدواژه‌ها: پتانسیل عمل؛ اسیلاتور؛ جریان‌های یکسو شده یونی؛ مدل FHN

Fabrication of a Simulator for Neuron Cell's Action Potential

A. Jolfaei

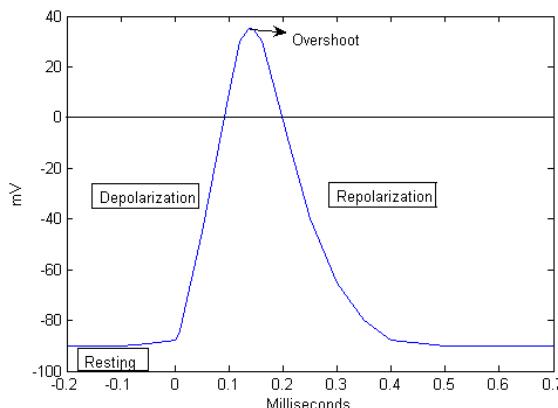
Faculty and Research Center of Communication and Information Technology, Imam Hossein University

Email: Jolfaei@yahoo.com

Abstract

In this paper, neuron cell's action potential and its effective parameters over beating are analyzed. Cell's action potential mechanism can be simulated by fabrication of an equivalent circuit for directed ionic currents using a neuron modeling oscillator. Equivalent circuit consists of capacitor, resistor and transistor. Changing membrane properties such as capacitance and sodium-potassium leakage resistance causes a significant change in action potential. Then, the neuron cell modulating circuit is implemented in microcontroller. The equations should be digitized in order to be sent to microcontroller. Therefore, a discrete algorithm is presented to solve the equations and FHN equations are solved and simulated in discrete form. Then, microcontroller is programmed by the generated hex file of solved equations. In fact, each parameter of the model can be controlled in the fabricated circuit so that it becomes a proper simulator for cellular behavior such as disease and cells malfunction.

Keywords: Action Potential; Oscillator; Directed Ionic Currents; FHN Model



شکل ۱. پتانسیل عمل یک سلول عصبی

۲-۱. مرحله غیرقطبی یا دپلاریزه: در این مرحله که در بالای نمودار شکل (۱) نشان داده شده است، غشاء نسبت به Na^+ بسیار نفوذپذیر می‌شود و بسیاری از یون‌های Na^+ وارد سلول می‌شوند و حالت طبیعی -90 -میلی ولت از بین می‌رود.

۲-۲. مرحله رپلاریزاسیون: در این مرحله، غشاء نفوذپذیری خود را نسبت به یون Na^+ از دست می‌دهد و همزمان نسبت به یون‌های K^+ نفوذپذیرتر می‌شود؛ یعنی غشاء به حالت اول خود برگردید.

۲-۳. مرحله هایپرپلاریزیشن: در این مرحله یون‌های Na^+ بیشتر از حد اولیه خارج می‌شوند و داخل غشاء بار منفی تری پیدا می‌کند.

۳. مدار معادل برای جریان یونی

برای شبیه‌سازی واقعی فرآیند فعل اسازی و غیر فعل اسازی نرون عصبی، به استفاده از نمونه‌های بسیار واقعی جریان یونی نیاز داریم. سه یون اصلی Cl^- و Na^+ و K^+ در حالت استراحت، به صورت متفاوتی در دو طرف غشاء سلول و در امتداد کانال‌های یونی غیرفعال توزیع شده‌اند که منجر به جداسازی بار در امتداد غشاء می‌شود. در نتیجه پتانسیل V_m طبق رابطه گلمن نتیجه می‌شود [۸]:

$$V_m = \frac{KT}{q} \ln \left\{ \frac{P_K [K^+]_o + P_{Na} [Na^+]_o + P_{Cl^-} [Cl^-]_i}{P_K [K^+]_i + P_{Na} [Na^+]_i + P_{Cl^-} [Cl^-]_o} \right\} \quad (1)$$

۱. مقدمه

هدف این مقاله، پیاده‌سازی معادلات دیفرانسیل FHN توسط میکروکنترلر PIC به منظور ساخت شبیه‌ساز پتانسیل عمل سلول عصبی FHN می‌باشد. با تغییر پارامترهای معادله، تغییر در شکل موج و تاثیر آریتمی‌های مختلف بر سیگنال بیولوژیک طبیعی مشخص می‌شود و بدین صورت به روند تشخیص و درمان سرعت می‌بخشد. A.F. Huxley و A. L. Hodgkin با ارتباط با هدایت جریان الکتریکی در سطح غشاء ایک فیبر عصبی ارائه کردند [۱]. آنها در سال ۱۹۵۲، در مقاله‌ای [۲] یک توصیف کمی از جریان غشاء و کاربرد آن برای هدایت و تحریک در عصب، ارائه و تمام نتایج را خلاصه کردند و در مدل‌های ریاضی قرار دادند. این مدل دارای پارامترهای غیرخطی بسیاری می‌باشد. لذا در سال ۱۹۶۱ R. FitzHugh ساده‌سازی مدل، در مقاله [۳] سیستم را با استفاده از طرحی با حفظ خواص فیزیولوژیک مورد نظر از [۴] متغیر دینامیک به دو متغیر دینامیک کاهش داد. Nagumo J. و همکارانش در سال ۱۹۶۲ به نتایج مشابه دست یافته‌اند [۴]. Makino و Maeda نشان دادند که چگونه می‌توان یک نرون نوع Fitz Hugh-Nagumo (FHN) را با استفاده از سه ترانزیستور مدل کرد [۵ و ۶]. در این تحقیق، معادلات FHN با استفاده از مدل سخت‌افزاری به منظور بررسی دقیق‌تر و مدل‌سازی سیگنال الکتریکی عصبی پیاده‌سازی شدند. تحلیل‌ها ابتدا در نسخه ۸ نرم‌افزار SPICE و نسخه ۷/۱ نرم‌افزار PROTEUS شبیه‌سازی و سپس در مدار واقعی ساخته شده و آزمایش شدند.

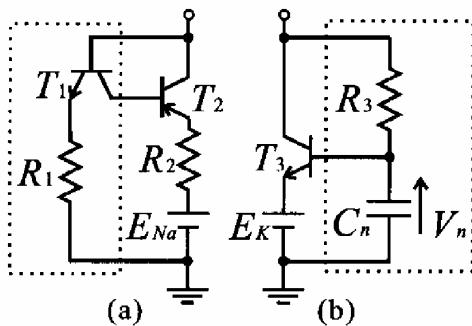
۲. معرفی پتانسیل عمل عصبی [۷]

پتانسیل عمل، تغییرات سریع در پتانسیل غشاء می‌باشد. هر پتانسیل عمل با یک تغییر ناگهانی از پتانسیل منفی به پتانسیل مثبت شروع می‌شود و مجدد با رسیدن به پتانسیل منفی تقریباً با همان سرعت تمام می‌شود و به انتهای آن رسید. پتانسیل عمل، حامل اطلاعات در سیستم عصبی می‌باشد. شکل (۱) پتانسیل عمل یک سلول عصبی را نشان می‌دهد.

پتانسیل عمل ۴ مرحله دارد:

۲-۱. مرحله پلاریزه: در این مرحله قبل از اعمال هرگونه تحریکی یک اختلاف پتانسیل بین داخل و خارج وجود دارد که در این حالت سلول به شدت قطبی است.

۱-۳. مدل شارژ و دشارژهای تناوبی

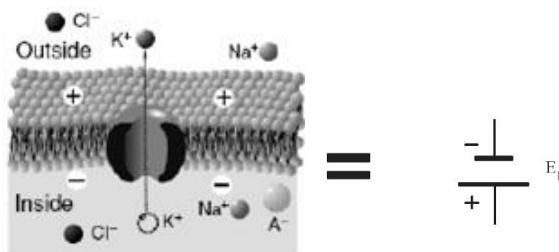


شکل ۴. بخش فعال ساز جریان سدیمی و پتانسیمی: (a) بخش فعال ساز جریان سدیمی، (b) بخش فعال ساز جریان پتانسیمی

در شکل (۴)، (a) و (b) به ترتیب نشان دهنده بخش فعال ساز جریان سدیمی و پتانسیمی می‌باشند [۶]. ولتاژ cut-in ترانزیستور T_1 به عنوان آستانه تحریک عمل می‌کند. جریان سدیمی هنگامی برقرار می‌شود که پتانسیل غشاء (V_m) از پتانسیل استراحت Na بیشتر شود. جریان پتانسیمی هنگامی برقرار می‌شود که V_n از ولتاژ cut-in ترانزیستور T_2 بیشتر شود. در این مدل اگر پتانسیل استراحت را معادل پتانسیل حالت تعادل نرنست پتانسیم در نظر بگیریم ($E_k < 0$)، آنگاه این مدل می‌تواند نمایشگر شارژ و دشارژهای تناوبی با استفاده از یک تحریک جریان DC مناسب باشد. مکانیسم تولید پتانسیل عمل در این مدل به شکل زیر است:

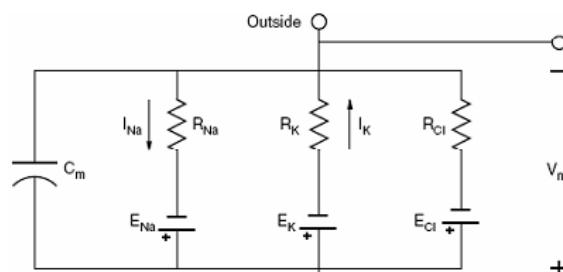
- ۱ - خازن C را آنقدر شارژ می‌کند تا زمانی که V_m از ولتاژ cut-in ترانزیستور T_1 بیشتر شود.
- ۲ - T_1 روشن می‌شود. با روشن شدن T_1 ، T_2 نیز روشن می‌شود.
- ۳ - جریان I_{Na} که از منبع E_{Na} به سمت داخل غشاء آزاد می‌شود، C را شارژ می‌کند و در نتیجه، V_m به سمت E_{Na} بیشتر مثبت می‌شود (تولید پتانسیل عمل).
- ۴ - خازن C_n را کنترل از خازن C شارژ می‌کند.
- ۵ - V_n به سمت بیشتر شدن شیفت پیدا می‌کند تا زمانی که به ولتاژ Cut-in ترانزیستور T_2 برسد.
- ۶ - T_2 روشن می‌شود.
- ۷ - V_m به وسیله I_k (از طریق کلکتور به امیتر T_2) به سرعت به سمت پایین شیفت پیدا می‌کند.
- ۸ - V_m به طور ناگهانی به سمت E_k می‌رود.

در امتداد هر کanal خاص، یونی برای هر یون گرادیان غلظت وجود دارد که موجب تولید نیروی Electromotive می‌شود. این نیرو، یون را با نرخی ثابت در کanal به حرکت در می‌آورد. در واقع پتانسیل استراحت نرنست^۱ برای یون، تفاوت پتانسیل الکتریکی در امتداد کanal است. این پتانسیل را می‌توان با باتری مدل‌سازی کرد. شکل (۲) نیروی Electromotive دو طرف غشاء را برای پمپ پتانسیمی نشان می‌دهد.



شکل ۲. نیروی Electromotive دو طرف غشاء برای پمپ پتانسیمی [۹]

هر کanal یونی با مدار معادل مشابهی که دارای پتانسیل نرنست و مقاومت نشتی مناسب است، نشان داده می‌شود. برای هر غشاء یک ظرفیت خازنی C_m تعریف می‌شود. خاصیت خازنی غشاء بدین معنی است که یون‌ها فقط از طریق کanal‌های یونی غشاء می‌توانند جابجا شوند. ظرفیت خازنی غشاء به صورت تقریبی برابر $\mu F/cm^2$ است. خازن در حالت مانا همانند مدار باز عمل می‌کند. شکل (۳) مدل سه کاناله یک غشاء تحریک‌پذیر برای ناحیه کوچکی از عصب در حالت استراحت را نشان می‌دهد [۹]. V_m هنگامی که پتانسیل داخل غشاء نسبت به خارج آن بزرگ‌تر شود، مثبت است.



شکل ۳. مدل سه کاناله یک غشاء تحریک‌پذیر برای ناحیه کوچکی از عصب در حالت استراحت

1. Nernst

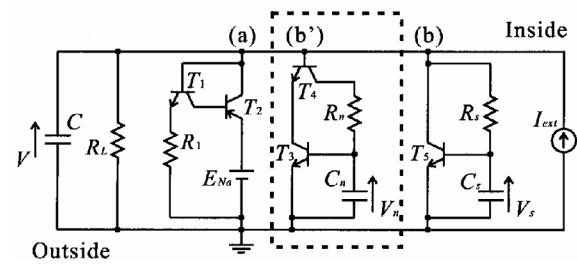
جريان سدیمی سریع مدل HH را با یک فرآیند فعال سازی و دپلاریزاسیون ساده سریع جایگزین کرده همچنین غیر فعال سازی کند، جريان سدیمی و ریلاریزاسیون آهسته جريان پتانسیمی را با یک فرآیند غیر فعال سازی آهسته جایگزین می کند [۱۰]. در این مقاله سه طرح از مدار معادله های ذکر شده انتخاب و در محیط نرم افزار PSPICE شبیه سازی شدند.

شکل ۶- (a) مدل یک نرون ضربان ساز بر اساس طرح Maeda و Makino را نشان می دهد. مدار (b) یک مدل برای نرون FHN با فرآیند هدایت بیشتر را نشان می دهد. در این مدار اعوجاج در کفه پتانسیل عمل مشهود است. هدف از بررسی مدار (c) از بین بردن اثر باتری E_{Na} به ترتیب b و b' به ترتیب نشان دهنده کانال یونی درون سو، کانال یونی برون سوی سریع و کانال یونی برون سوی کند است.

در طرح های فوق می توان به جای مقاومت ها از پتانسیومتر و به جای خازن ها از خازن متغیر استفاده کرد و بدین ترتیب اثرات تغییر در مقاومت کانال ها و ظرفیت غشاء را هم در نرم افزار و هم در سخت افزار مشاهده کرد. با تغییر در پارامترهای مدار معادل از جمله مقاومت و ظرفیت خازنی، می توان طرح های مختلفی از شکل پتانسیل عمل ایجاد کرد. از آنجا که آریتمی و نارسایی های سلولی به دلیل تغییر در ماهیت پمپ های پروتئینی (مقاومت نشتی و ظرفیت خازنی) می باشد، لذا با کنترل پارامترهای مداری ذکر شده می توان تغییر در شکل موج پتانسیل عمل را مشاهده کرد.

در گام بعدی سعی می کنیم معادلات مدل FHN را با استفاده از میکرو کنترل حل کنیم. برای حل دستگاه معادلات دیفرانسیل ابتدا لازم است معادلات گسسته شوند. پارامترهایی که در فرمول اصلی استفاده شدند در جدول (۱) نشان داده شده است.

۲-۳. مدل کامل تر ضربان ساز



شکل ۵. مدل کامل تر ضربان ساز

شکل (۵) مدل سخت افزاری ضربان ساز کامل تری از یک سلول عصبی را نشان می دهد [۶]. قسمت a و b و b' به ترتیب نشان دهنده کانال یونی درون سو، کانال یونی برون سوی سریع و کانال یونی برون سوی کند است.

۳-۳. مدل Fitz Hugh -Nagumo

فرمول اساسی مدل دو متغیری FHN به طریق زیر به دست می آید [۱]:

$$\frac{dv}{dt} = c_1 v (v - a)(1 - v) - c_2 w + i_{app} \quad (2)$$

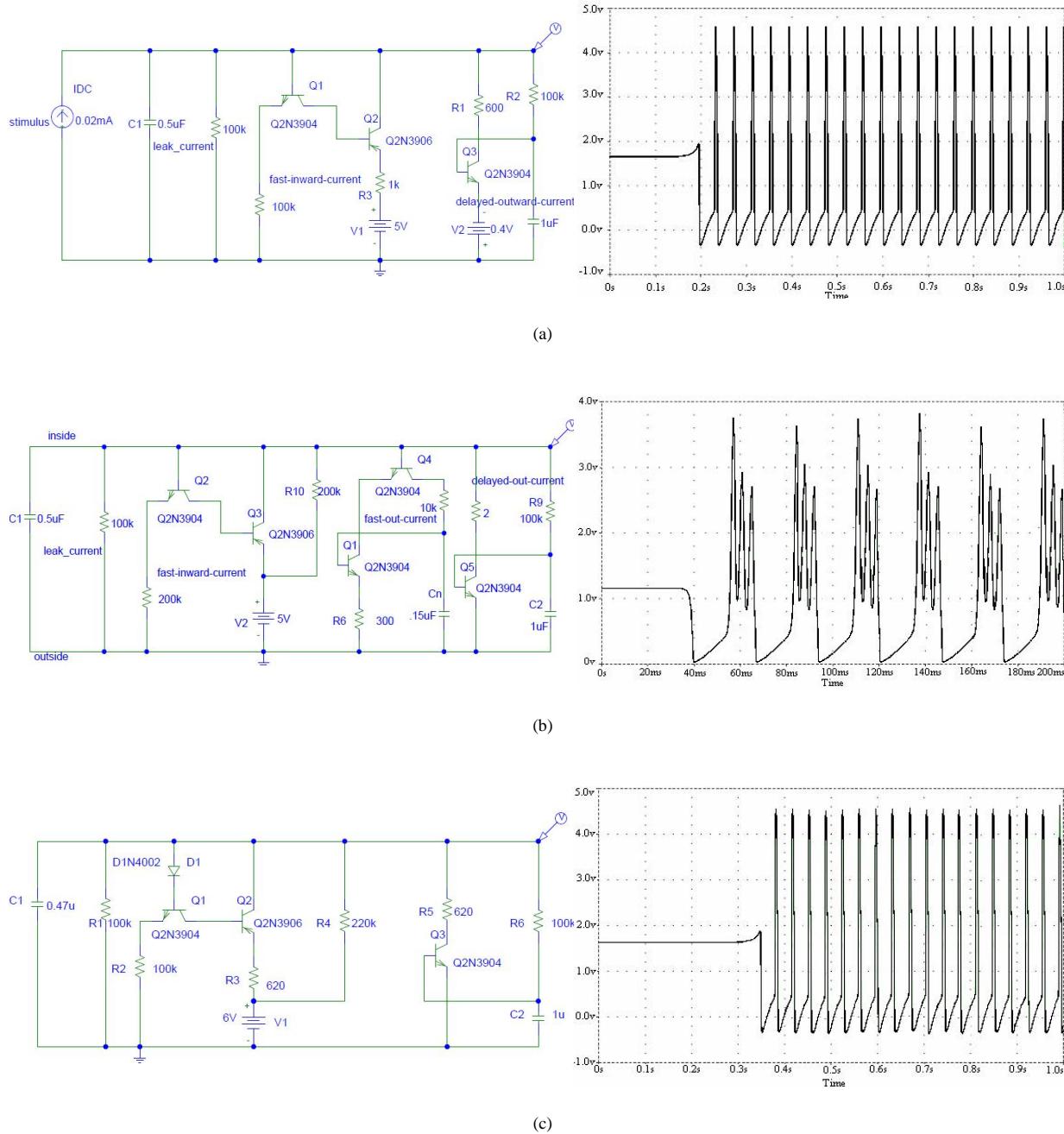
$$\frac{dw}{dt} = b(v - c_3 w) \quad (3)$$

در اینجا c_1 و c_2 و b و a پارامترهای کنترل هستند که برای شبیه سازی انواع مختلف سلول ها تنظیم می شوند. این پارامترهای انتخابی فعالیت نرمال شده ای را به ما ارائه می دهند که پتانسیل استراحت آن صفر است. جريان کاربردی i_{app} برای رسیدن به این مدل نرمالیزه مقیاس بندی شده و v معرف متغیر سریع (پتانسیل) و w معرف متغیر کنترل (گیتینگ کانال سدیمی) است.

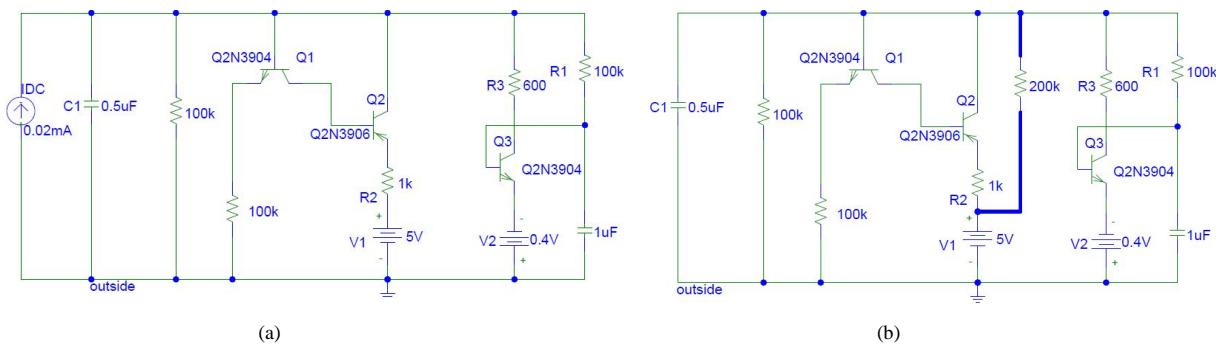
۴. مواد و روش ها

مدى و مکینو^۱ و نشان دادند چگونه می توان یک نرون نوع Hodgkin (FHN) Fitz Hugh -Nagumo (Huxley) را با استفاده از سه ترانزیستور مدل کرد [۶]. طرح

1. Maeda & Makino



شکل ۶. سه طرح از مدار معادلهای Makino و Maeda مبتنی بر مقاله [۶] و شبیه‌سازی آن‌ها در محیط PSPICE

شکل ۷. استفاده مناسب از مقاومت R_L در (b) به جای استفاده از منبع جریان DC در (a)

$$W_{k+1} = 0.0026 V_k + 0.9974 W_k \quad (7)$$

فرض اولیه:

$$\begin{cases} V_0 = 0 \\ W_0 = 0 \end{cases} \quad (8)$$

در این مقاله از ساده‌ترین و رایج‌ترین میکروکنترلر (PIC16F84A) استفاده می‌شود. این میکروکنترلر دارای ۶۴ EEPROM بایتی و حافظه RAM ۶۸ بایتی و حافظه گستاخ ۶۴ بایتی است. بنابراین حافظه کمی دارد و هنگام عملیات گستاخ‌سازی و حل معادلات در آن با مشکل پرشدن حافظه مواجه می‌شویم. بنابراین ابتدا معادلات را در محیط Simulink برنامه MATLAB به فرم گستاخ‌سازی می‌کنیم. شکل (۸) بلوک دیاگرام مدل‌سازی گستاخ‌سازی معادلات FHN را نشان می‌دهد. شکل موج حاصل از گستاخ‌سازی در شکل (۹) نشان داده شده است.

دقت حل دستگاه معادلات دیفرانسیل به انتخاب طول گام T بستگی دارد. با توجه به اینکه پاسخ معادله FHN مجموعه‌ای از اعداد اعشاری است، پس از تبدیل به معادل باینری در PIC و ارسال آن‌ها به پورت خروجی، اعداد مورد انتظار نمایان نخواهند شد. زیرا اعداد اعشاری به دلیل داشتن دو جزء صحیح و اعشاری، حداقل ۱۶ بیتی هستند. در صورتی که پورت خروجی PIC، ۸ بیتی است و قادر به نمایش ۱۶ بیت نیست. جهت تبدیل داده ۱۶ بیتی به ۸ بیتی و حل این مشکل، راه‌کار ساخت Look up table به کار گرفته شد. ابتدا داده‌ها با استفاده

جدول ۱. پارامترهای کنترلی که در فرمول اصلی مدل FHN استفاده شده است

a	۰/۱۳
b	۰/۰ ۱۳
c ₁	۰/۲۶
c ₂	۰/۱
c ₃	۱/۰
i _{app}	۰/۰ ۱

گستاخ‌سازی را با استفاده از تعریف مشتق انجام می‌دهیم [۱۱]. تعريف مبنای مشتق به شکل زیر است:

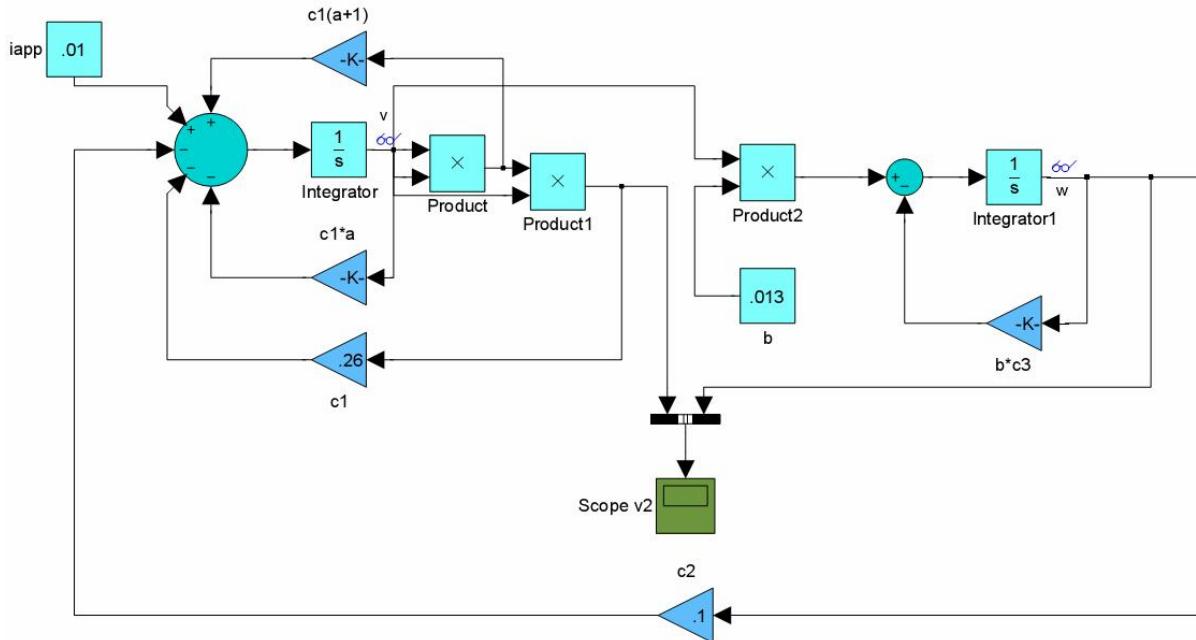
$$x' = \lim_{\Delta T \rightarrow 0} \frac{x(t+T) - x(t)}{T} \quad (4)$$

این تعريف را برای مشتق به کاربرده و مقدار $x(t)$ را وقتی t به فواصل کوچک $\Delta t = T$ تقسیم می‌شود، محاسبه می‌نماییم. بنابراین مشتق به صورت زیر تقریب زده می‌شود:

$$x' = \frac{x(t+T) - x(t)}{T} \quad (5)$$

با فرض $T = 0.2$ (مقدار بهینه در مقایسه با جواب معادله به فرم گستاخ) داریم:

$$\begin{aligned} V_{k+1} = & -0.052 V_k^3 + 0.05876 V_k^2 \\ & + 0.99324 V_k - 0.02 W_k + 0.002 \end{aligned} \quad (6)$$



شکل ۸. بلوک دیاگرام مدل FHN گستته

۸ بیت شوند. روش کوانتیزه کردن به شرح زیر است:

```

for j = 1 to 256
    for i = 1 to Number_of_iterations
        if (j-1)/256 < Data(i) < j/256
            Data(i) = j;
        end if
    end for
end for

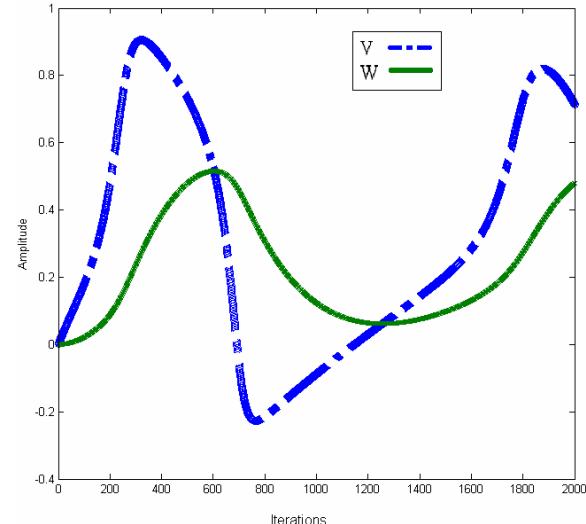
```

پس از اینکه معادله در نرم‌افزار MATLAB حل شد و داده‌ها به اندازه ۸ بیت توسط توسیط look up table کوانتیزه شدند، برای افزایش سرعت و صرفه‌جویی در حافظه تعداد ۲۵۶ نمونه از جواب‌های خروجی انتخاب شد. سپس در میکروبیسیک نمونه‌ها یکی‌یکی در پورت خروجی B ریخته شده و در داخل یک حلقه قرار گرفتند تا کل داده‌ها به طور مکرر از پورت B خارج شوند. نحوه انتقال ۲۵۶ نمونه به خروجی میکروکنترلر در محیط میکروبیسیک به شرح زیر است:

```

program FHN
dim DATA_SET as byte
dim i as byte
main:
TRISB = 0
PORTB = 0
for i = 0 to 256
    PORTB = DATA_SET
next i
end

```



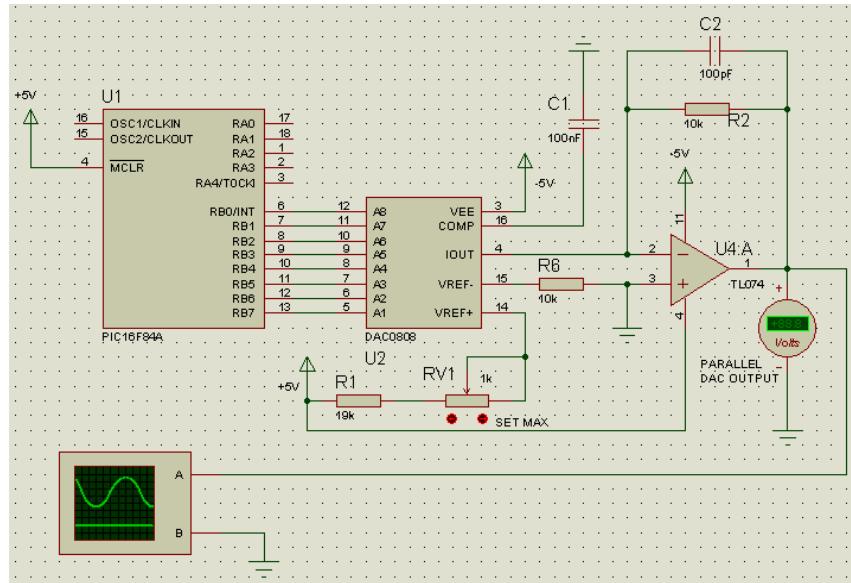
شکل ۹. شکل موج حاصل از حل گستته معادله FHN

از نرم‌افزار MATLAB رسم شدند. سپس ملاحظه شد که ماکریم داده کمتر از یک است. پس داده‌ها در یک حلقه ۲۵۶ تایی با $\frac{1}{256}, \frac{2}{256}, \dots, \frac{255}{256}, \frac{256}{256}$ مقایسه شدند و به آن‌ها ارزش ۱ تا ۲۵۶ داده شد (عدد ۸ بیتی در مبنای دهدهی مقداری بین ۰ تا ۲۵۵ دارد) تا بدین وسیله قابل نمایش در

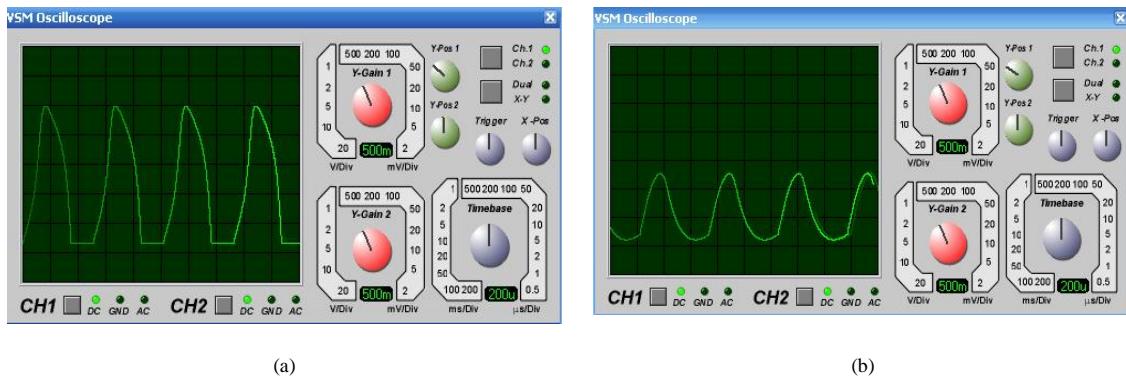
۵. نتایج و بحث

شكل موج خروجی میکروکنترلر و شکل موج مدل FHN اصلی از نظر تنابع یکسان هستند ولی در گین تفاوت دارند. برای رفع این مشکل می‌توان از Scaling استفاده کرد. جهت بهتر دیده شدن خروجی میکروکنترلر، می‌توان برنامه میکروبیسیک را در یک حلقه قرار داد تا مرتبه تکرار شود. با تغییر پارامترهای کنترلی مدل می‌توان رفتارهای متفاوتی در شکل موج مشاهده کرد. شکل (۱۲) تغییر در تک تک پارامترها و اثر آن بر روی شکل موج را نشان می‌دهد. تغییر اعمال شده به اندازه ۱۰۰ واحد می‌باشد.

سپس فایل هگر مربوطه ساخته شد. در گام بعدی، سختافزار در محیط PROTEUS شبیه‌سازی شد تا شکل موج خروجی بررسی گردد. شکل (۱۰) پیاده‌سازی مدل FHN را با استفاده از میکروکنترلر در محیط PROTEUS نشان می‌دهد. جهت مشاهده خروجی گسسته میکروکنترلر بر روی نمایشگر، از یک آی‌سی D/A برای تبدیل سیگنال گسسته به پیوسته استفاده می‌شود. در شکل (۱۱)، پتانسیل عمل به دست آمده از حل گسسته مدل FHN در میکروکنترلر نشان داده می‌شود.



شکل ۱۰. شبیه‌سازی مدل FHN با استفاده از میکروکنترلر PIC16F84A در محیط نرم‌افزار PROTEUS



شکل ۱۱. پتانسیل عمل به دست آمده از حل گسسته مدل FHN در میکروکنترلر (v) (a) متغیر سریع پتانسیل (w) (b) گیتینگ کانال سدیمی (W)



شکل ۱۲. بررسی و مقایسه تغییر در پارامترهای کنترل و اثر آن بر شکل موج پتانسیل عمل؛ تغییر اعمال شده به اندازه ۱۰٪ واحد می‌باشد.

حل شدند و نهایتاً فایل هگز آنها در MATLAB میکروبیسیک تولید شد. در انتهای استفاده از فایل هگز تولید شده و میکروکنترلر PIC16F84A، مدل FHN در نرم افزار PROTEUS بررسی و شبیه سازی شد. در مرحله سخت افزار، پس از پروگرام کردن PIC و اتصال پورت خروجی آن به یک مبدل D/A، پاسخ بر روی اسیلوسکوپ مشاهده گردید. از آنجا که ماهیت و عملکرد سلول وابستگی شدیدی به نحوه عملکرد غشاء دارد لذا یک تغییر اندازک در پارامترهای غشاء منجر به تغییرات قابل ملاحظه ای در پتانسیل عمل می شود. بنابراین، این شبیه ساز پتانسیل عمل سلولی می تواند جهت ارزیابی الگوریتم های پردازش سیگنال های بیولوژیک و اهداف آموزشی مورد استفاده قرار گیرد. می توان با تغییر در خواص سلول به طور مصنوعی در شکل پتانسیل عمل تولید ناهمجاري کرد و به طور کلی می توان آریتمی و بیماری تولید کرد. همچنین می توان با اندازه گیری دقیق این پارامترها در بافت نمونه در محیط آزمایشگاه و پیاده سازی آنها در مدل، یک شبیه ساز عملی از نارسایی سلولی ساخت.

شبیه سازی که در این مقاله ارائه شد، بر اساس مقادیر ثابتی از پارامترهای معادله FHN می باشد. در مرحله بعد و جهت بهبود کار می توان از مدار واسطی استفاده کرد که به واسطه آن، شبیه ساز برای مقادیر مختلفی از پارامترها قابل تنظیم می باشد. اضافه کردن صفحه نمایش در کنار سخت افزار از راهکارهای دیگر در جهت بهبود تحقیق می باشد. از این شبیه ساز می توان در کارهای تحقیقاتی و آزمایشگاهی استفاده کرد.

در انتهای بایستی ذکر کرد که مدل FHN یک مدل ریاضی از رفتار کلی سلول عصبی می باشد. بدین معنی که این مدل تمام فرضیات در نظر گرفته شده برای یک سلول عصبی را نشان نمی دهد. به طور مثال در مغز انسان، سلول های عصبی متفاوتی وجود دارد که نسبت به ورود عامل خارجی مانند الكل پاسخ های متفاوتی دارند. لذا جهت بررسی عملکرد مدل و مقایسه با رفتار بیولوژیک واقعی بایستی اندازگیری های فیزیولوژیک و آزمایشگاهی از موضع صورت پذیرد.

در راستای بهبود این تحقیق پیشنهاد می شود از PIC های خانواده ۲۴ استفاده شود تا دیگر نیازی به ساخت look up table نباشد. این خانواده از میکروکنترلرها دارای پایه ها و حافظه بیشتری هستند. بنابراین، معادلات داخل میکروکنترلر قابل حل می شوند و حافظه میکروکنترلر سرریز نمی شود. بدین جهت می توان از برنامه زیر برای حل معادلات FHN در میکروکنترلر استفاده کرد:

```
program FHN
dim T as byte
dim vp as byte
dim vn as byte
dim wp as byte
dim wn as byte
dim i as byte
main:
TRISB = 0
PORTB = 0
T = 0.2
vp = 0
wp = 0
for i = 0 to 2000
    vn = T*((-0.26)*(vp*vp*vp) + 0.2938*(vp*vp)
        +0.0338*vp-(0.1)*wp+0.01)+vp
    wn = 0.013*(vp-wp)*T+wp
    vp = vn
    wp = wn
    PORTB = wn
next i
end
```

۶. نتیجه گیری

در این تحقیق، معادله FHN به عنوان مدل مناسبی جهت توصیف پتانسیل عمل طبیعی معرفی گردید. با استفاده از مدارهای نوسان ساز، پتانسیل عمل سلول عصبی در مدل FHN به صورت مداری شبیه سازی شد. اثر تغییر در پارامترهای غشاء از جمله ظرفیت خازنی و مقاومت نشتی بر روی شکل پتانسیل عمل بررسی شد. سپس یک روش گسسته سازی برای حل معادلات FHN معرفی گردید. برای بررسی صحت روش گسسته سازی، روش در محیط Simulink شبیه سازی شد. معادلات FHN طبق روش گسسته سازی پیشنهادی در نرم افزار

۷. مراجع

- [1] Houtman, G. "The FitzHugh-Nagumo Equations on an Unbounded Domain."; Master thesis, defended on August 25, 2006.
- [2] Hodgkin, A. L.; Huxley, A. F. "A Quantitative Description of Membrane Current and its Application to Conduction and Excitation in Nerve."; *J. Physiol.* 1952, 117, 500–544.
- [3] Folland, G. B. "Real Analysis, Modern Techniques and their Applications."; Pure and Applied Mathematics, A Wiley-Interscience Series of Texts, Monographs, and Tracts, New York, 1999.
- [4] Nagumo, J.; Arimoto, S.; Yoshizawa, S. "An Active Pulse Transmission Line Simulating Nerve Axon."; In *Proc. IRE*. 1962, 50, 2061–2070.
- [5] Yoshinobu, A.; Egiyagi, B.; Hideo Makino, C. "Synchronization with Low Power Consumption of Hardware Models of Cardiac Cells."; *Biosystems*, ELSEVIER Trans 2005, 79, 125–131.
- [6] Maeda, Y.; Makino, H. "A Pulse-Type Hardware Neuron Model with Beating, Bursting Excitation and Plateau Potential."; *BioSystems* 2000, 58, 93–100.
- [7] Guyton, A. C.; Hall, J. E. "Textbook of Medical Physiology."; 11th Ed., 2006.
- [8] Wright, S. H. "Generation of Resting Membrane Potential."; *Adv. Physiol. Educ.* 2004, 28, 139–142.
- [9] Plonsey, R.; Barr, R. C. "Bioelectricity: A Quantitative Approach."; Springer Science and Business Media, LLC, 3rd Ed., 2007.
- [10] Rocsoreanu, C.; Georgescu, A.; Giurgiteanu, N. "The FitzHugh-Nagumo Model: Bifurcation and Dynamics."; Kluwer Academic Publishers, Boston, 2000.
- [11] Dorf, R. C.; Bishop, R. H. "Modern Control Systems."; Prentice Hall, 10th Ed., 2004.

