

شبیه‌سازی رفتار عدسی کر در نوسانگر لیزر تیتانیوم سفایر با کاواک متقارن یا غیرمتقارن

عبدالله ملک‌زاده^{*}، محمدجواد کامجو^۲، سید رضا زارع کلاته^۳

۱- استادیار، ۲- دانشجوی کارشناسی ارشد، ۳- کارشناس ارشد، دانشگاه جامع امام حسین (ع)

(دریافت: ۹۴/۰۵/۱۴، پذیرش: ۹۴/۱۲/۰۵)

چکیده

لیزرهای فمتوثانیه از پرکاربردترین لیزرهای فوق‌کوتاه می‌باشند. نوسانگر فمتوثانیه اولین گام برای تولید پالس‌های فمتوثانیه پرتوان می‌باشد. در این مقاله ابتدا با شبیه‌سازی انتشار باریکه لیزر در نوسانگر خطی تیتانیوم سفایر در ساختار متقارن و نامتقارن بدون درنظر گرفتن اثر عدسی کر در محیط بهره، نقاط پایدار عملکرد لیزر را به دست می‌آوریم. سپس برای قفل شدگی مدي با عدسی کر موقعیتی که آستیگماتیسم باریکه را خنثی می‌کند، به دست می‌آوریم. در این شبیه‌سازی از روش تقسیم گام‌به‌گام برای پیدا کردن تغییرات شدت باریکه درون بلور و از روش پرتابی برای محاسبه اندازه قطر لکه بر روی آینه استفاده می‌شود. تأثیر طول کاواک بر روی مشخصات پرتو در داخل، بدون درنظر گرفتن اثر عدسی کر، شبیه‌سازی می‌شود، در ادامه با استفاده از نواحی عملکرد پایدار لیزر در این حالت و با درنظر گرفتن عدسی کر، تأثیر مکان محیط بهره بر روی انتشار پرتو مورد ارزیابی قرار می‌گیرد. در انتها نیز با توجه به نتایج شبیه‌سازی شرایط مختلف جهت دست‌یابی به قفل شدگی مددی در حالت‌های روزنه سخت و نرم بررسی می‌گردد.

کلید واژه‌ها: فمتوثانیه، نوسانگر، قفل شدگی مدي، اثر عدسی کر، آستیگماتیسم

Simulation of Kerr Lens Behavior in a Ti:Sapphire Oscillator with Symmetric and Asymmetric Resonator

A. Malakzadeh*, M. J. Kamjoo, S. R. Zare Kalate

Imam Hossein University

(Received: 05/08/2015, Accepted: 24/02/2016)

Abstract

Femtosecond pulse lasers are one of the most widely used lasers. Femtosecond oscillator is first step to generate powerful femtosecond pulses. In this work, the laser beam propagation in an oscillator in symmetric and asymmetric designs without Kerr lens effect inside a Ti:Sa medium was simulated and the cavity stable operation conditions have been obtained. Then, Kerr lens modelocking behavior is simulated and the situation compensating the beam astigmatism is achieved. Split-step method has been used to obtain the beam intensity change in the Ti:Sa rod and shooting method has been utilized to calculate the beam spot size on the first cavity mirror. Assuming no Kerr lens effect, influence of the cavity length changes in laser beam characteristics is investigated and considering the Kerr lens effect in the laser rod, influence of the rod position in the beam characteristics and beam propagation is simulated. Finally, by considering the simulations results, conditions to achieve soft or hard aperture modelocking are discussed.

Keywords: Femtosecond, Oscillator, Kerr Lens Effect, Astigmatism, Modelocking, Soft Aperture Modelocking, Hard Aperture Modelocking.

برای شروع راحتتر قفل شدگی مدي از مدولاسيون اکوستواپتیک [۱۱، ۱۰]، قفل شدگی مد جاذب های اشباع پذیر [۱۲]، قفل شدگی مد پالس افروزنی [۱۳]، حرکت دادن آينه خارجی کاواک [۱۴ و ۱۵]، ارتعاش آينه های تشديدگر [۱۶]، يا پمپ کردن همزمان [۱۷]، برای فرآيند توليد پالس های فوق كوتاه استفاده می شد. اندک زمانی پس از ظهر قفل شدگی مدي خودبخود که به قفل شدگی مدي جادوبی لقب گرفت، معلوم شد که قفل شدگی خودبخود، ناشی از فرآيند عدسی کر بوده است [۱۸]. يك روزنه در مكانی مناسب پالس های با شدت بالاتر و کانونی تر شده را کم اتلاف تر خواهد ساخت در اين حالت اتلاف انتشار پرتوهای پيوسته بيش تر از اتلاف اين پالس ها می گردد و ترکيب روزنه و عدسی کر منجر به مدولاسيون گذرا سريع می شود. به عبارت ديگر تصحیح نمایه پرتو در ماده بهره لیزر را می توان به صورتی تغيير داد که تقویت برای پالس لیزر نسبت به تابش های پيوسته لیزر بيش تر شود، در اين حالت عدسی کر منجر به مدولاسيون گذرا در محیط بهره می شود [۵ و ۱۹-۲۲].

در اين مقاله قفل شدگی مدي عدسی کر لیزر تیتانیوم سفایر برای يك نوسانگر خطی با کاواک آينه انحنادار با ساختار متقارن و نامتقارن و به کارگیری تکنیک ردیابی پرتو برای يك باریکه گاوی شبهیه سازی شده، سپس با ردیابی پرتو توسط ماتریس ABCD موقعیتی که آستیگماتیسم باریکه را خنثی می کند، بدست می آید. در این شبهیه سازی از روش تقسیم گام به گام^۳ برای پیدا کردن تغییرات شدت باریکه درون بلور و از روش پرتایی^۴ برای محاسبه اندازه قطر لکه بر روی آينه اول کاواک استفاده می شود. با انجام شبهیه سازی بدون درنظر گرفتن اثر عدسی کر تأثیر طول کاواک لیزر بر روی نمایه پرتوی درون کاواک نشان داده می شود، در ادامه با استفاده از نواحی عملکرد پایدار لیزر که در این حالت به دست آمده و با درنظر گرفتن عدسی کر، تأثیر مکان بلور درون کاواک لیزر بر روی انتشار پرتو شبهیه سازی شده است. در انتها نیز شرایط مختلف جهت دست یابی به قفل شدگی مدي در حالت های گوناگون با توجه به نتایج شبهیه سازی بررسی می گردد. وجود آينه های کروی و همچنین محیط غیر خطی کر باعث ایجاد آستیگماتیسم در پرتوی لیزر می گردد. از آنجایی که لحظه کردن این آستیگماتیسم در شبهیه سازی انتشار پرتو در نوسانگر باعث دشواری و پیچیدگی در حل معادلات می گردد، در اکثر شبهیه سازی ها انجام شده در این زمینه از اعمال آن صرف نظر شده است و اثر آن ناچیز در نظر گرفته شده است [۲۴ و ۲۲]. در این مقاله برای تحلیل

۱. مقدمه

پالس های فمتو ثانیه با پمپ کردن يك محیط لیزر مناسب توسط يك لیزر پمپ ایجاد می شود. انرژی پالس های خروجی از يك نوسانگر معمولاً پایین و از مرتبه نانو ژول می باشد. پالس هایي با اين سطح از انرژی فقط برای معدودی از آزمایش ها قابل کاربرد می باشند. از آنجایی که در بسیاری از آزمایش های فیزیکی مانند آزمایش های مربوط به برهمکنش های ماده و نور شدید، باریکه لیزر با توان و شدت زیاد مورد نیاز است، این پالس ها باید تقویت شوند؛ بنابراین طراحی و ساخت يك نوسانگر فمتو ثانیه، اولین مرحله تولید پالس های فمتو ثانیه پر از انرژی می باشد. در میان محیط های بهره لیزری، لیزر تیتانیوم سفایر به دلیل ویژگی های منحصر به فرد نظیر پهنه ای بهره وسیع، رسانندگی حرارتی بالا، پایداری زیاد، خواص غیرخطی مناسب مهم بیشترین برجستگی و توجه را در تولید پالس های فوق كوتاه داشته است. لیزر های فمتو ثانیه مدت هاست که از آزمایشگاه ها و مراکز تحقیقاتی صرف خارج شده است و در زندگی روزمره جوامع وارد شده است و کاربردهای آن روز افزون می گردد. کاربردهایی همچون: اندازه گیری پدیده های فوق سریع در علوم و صنعت، انهدام هدایتگرهای الکترو اپتیکی موشك ها به منظور پدافند از فرودگاه ها و مراکز حساس، طیف سنجی های متنوع، تولید امواج تراهنگرز، تشكیل و کاربردهای پلاسمما، ساخت میکروساختارهای سه بعدی، تولید انرژی، شتاب دهنده های نوین، ماشین کاری، سوراخ کاری، فاصله یابی فوق دقیق، ارتباطات فوق سریع، شاخه های مختلف پزشکی از قبیل چشم پزشکی، جراحی گوش، اعصاب، پوست، ساخت استنت های دقیق پزشکی مورد استفاده در بسیاری از جراحی ها مانند جراحی قلب.

به طور کلی در این کار ما به دنبال بررسی و شبهیه سازی رفتار قفل شدگی مدي در يك نوسانگر فمتو ثانیه می باشیم. اثر کر القا شده توسط خود کانونی [۱ و ۲]، در هنگام عبور پالس های نوری با شدت بالا از محیط بهره عموماً برای قفل شدگی مدي مورد استفاده قرار می گیرد [۳]. اثر اپتیکی کر پاسخ ضریب شکست به تغییرات شدت می باشد، که سبب می شود بلور به عنوان يك عدسی عمل کند. نمایه^۱ باریکه لیزر در تشديد کننده توسط عدسی کر تغییر می کند. مطالعات بر روی قفل شدگی مدي با عدسی کر در تحقیقات متعددی گزارش شده است [۴-۸] قفل شدگی مدي لیزر توسط عدسی کر را قفل شدگی مدي عدسی کر^۲ می نامند. در ابتدای ابداع قفل شدگی مدي، نوسانات شدت برای راه اندازی قفل شدگی مدي و حفظ آن در آغاز کار لیزر به اندازه کافی نبود [۹ و ۱۰].

³ Split-Step
⁴ Shooting

¹ Profile
² Kerr lens modelocking (KLM)

به طور کلی رابطه میان پارامترهای خروجی و ورودی یک دستگاه نوری، به کمک ماتریس ABCD به شکل زیر نمایش داده می‌شود.

$$\begin{pmatrix} r_o \\ r'_o \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} A & B \\ C & D \end{pmatrix} \begin{pmatrix} r_i \\ r'_i \end{pmatrix} \quad (1)$$

برای یک رفت و برگشت کامل در یک تشدیدگر مطابق شکل (۱) ماتریس کلی M_t به صورت زیر می‌باشد:

$$M_t = \begin{pmatrix} A_t & B_t \\ C_t & D_t \end{pmatrix} = \prod_i M_i = \prod_i \begin{pmatrix} A_i & B_i \\ C_i & D_i \end{pmatrix} \quad (2)$$

$$= M_1 M_{12} M_2 M_{2k} M_k M_{3k} M_3 M_{34} M_4 M_{34} M_3 M_{3k} M_k M_{2k} M_2 M_{12}$$

متغیرهای ماتریس ABCD که در انتشار نور مورد نظر هستند در جدول آمده است. شرط پایداری تشدیدگر لیزر $|A_t + D_t| \leq 2$ می‌باشد [۲۷]. این وضعیت برای پیدا کردن ناحیه مجاز جدایی بین دو آینه کروی یعنی $|l_{23}| = l_{2k} + l_B + l_{3k}$ که در آن فرآیند لیزری، پایدار می‌باشد استفاده می‌گردد. حساسیت ناهم ترازی تشدیدگر در ناحیه پایدار توسط پارامتر $1/Ct$ مشخص می‌شود [۲۸] و هرچه اندازه $1/Ct$ کوچک‌تر باشد بهتر است هم ترازی بیشتر است. مدل فضایی (باریکه گاوی) در تشدیدگر توسط $q(z)$ مشخص می‌شود [۲۷]:

$$\frac{1}{q(z)} = \frac{1}{R(z)} - \frac{i\lambda_L}{\pi W^2(z)} \quad (3)$$

که $R(z)$ انحنای جبهه موج در مکان z ، $W(z)$ شعاع باریکه در مکان z و طول موج می‌باشد.

اندازه لکه باریکه لیزر با فرمول $d(z) = [2\ln(2)]^{\frac{1}{2}} W(z)$ مشخص می‌شود. پارامتر باریکه $q(z)$ را در طول انتشار از z_1 تا z_2 می‌توان بدین صورت نوشت:

$$q(z_2) = \frac{A_{12}q(z_1) + B_{12}}{C_{12}q(z_1) + D_{12}} \quad (4)$$

برای تشكیل یک مدل پایدار شعاع انحنای جبهه موج در محل آینه برابر با شعاع انحنای آینه می‌باشد [۲۹]. برای تشدیدگر ما آینه تخت M_1 در مکان $Z=0$ می‌باشد و شعاع انحنای آن $R(0)=\infty$ است، به طور دقیق‌تر پارامتر q بعد از یک رفت و برگشت باید به صورت زیر باشد:

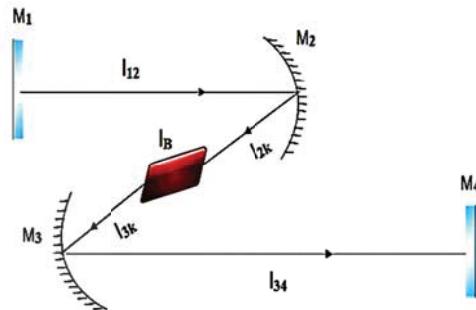
$$q(0) = \frac{i\pi W^2(0)}{\lambda_L} = \frac{[A_t q(0) + B_t]}{[C q(0) + D]} \quad (5)$$

در اینجا عناصر ABCD مربوط به ماتریس یک رفت برگشت در کاواک از آینه یک می‌باشند.

دقیق‌تر انتشار پرتو درون نوسانگر، این آستیگماتیسم در نظر گرفته شده و انتشار باریکه در محورهای عمودی^۱ و مماسی^۲ به صورت جداگانه شبیه‌سازی شده است.

۲. مدل انتشار پرتو در نوسانگر

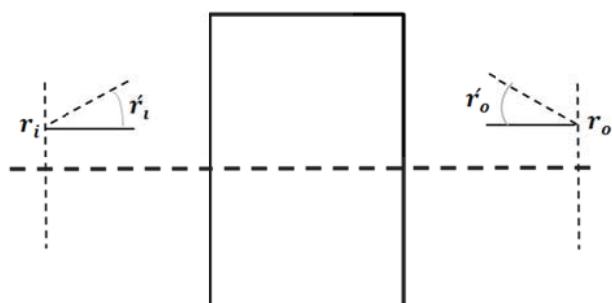
تشدیدگر مورد استفاده با کاواک چهار آینه در شکل (۱) دیده می‌شود. چیدمان کاواک انحنادار منجر به رفتاری متفاوت در انتشار باریکه در صفحات مماسی و عمودی و خروج از انطباق محل کانون پرتوهای مماسی و عمودی می‌گردد. می‌توان با قراردادن آینه‌های کروی در یک زاویه خاص و برش محيط بهره تحت زاویه بروستر آستیگماتیسم آینه‌ها را جبران کرد [۲۵]. نمایه باریکه در درون تشدیدگر توسط تکنیک ردیابی پرتو ABCD برای باریکه گاوی تعیین می‌شود [۲۶].



شکل ۱. تشدیدگر خطی با کاواک چهار آینه‌ای با محیط بهره برشی زاویه بروستر.

۱-۲. ردیابی پرتو

مفهوم ماتریس ABCD یک پرتو به طور کلی به صورت شکل (۲) می‌باشد. ردیابی پرتو از میان یکرشته قطعات اپتیکی به صورت ضرب ماتریس^۲*۲ تبدیل شده است. یک پرتو از یک قطعه اپتیکی عبور می‌کند، پرتو در مکان r_i به قطعه با زاویه $\frac{\partial r_i}{\partial z}$ وارد و در مکان r_o با زاویه $\frac{\partial r_o}{\partial z}$ خارج می‌شود (مسیر انتشار می‌باشد).



شکل ۲. انتشار باریکه از صفحه ورودی ۰ و صفحه خروجی ۰.

¹ Sagittal

² Tangential

$$q_{m+1}(0) = \frac{i\pi W_{m+1}^2(0)}{\lambda_L} = \\ [A_t q_m(0) + B_t] / [C q_m(0) + D] \quad (6)$$

در این رابطه، m تعداد انتخاب فرضی اندازه لکه است. اگر فرض ما درست باشد باید اندازه لکه در حالت دوم برابر اندازه لکه فرضی باشد، در غیر این صورت، دوباره یک شعاع لکه دیگر انتخاب می کنیم و محاسبات بالا را تکرار تا به شرط برابری بررسیم. شرط برابری توسط رابطه زیر تعیین می شود:

$$[W(0)_{m+1} - W(0)_m] / W(0)_m < \epsilon \quad (7)$$

که در این رابطه، ϵ حد دقت برابری می باشد (در اینجا برابر با $10-5$ درنظر گرفته شده است). برای محاسبه تغییرات شدت درون عدسی کر، ابتدا بلور را به تکه های کوچکتری تقسیم می کنیم سپس انتشار پرتو در بلور را با محاسبه انتشار پرتو در هریک از این تکه های کوچک به دست می آوریم. دلیل انجام این کار این است که اگر بخواهیم انتقال پرتو در عدسی کر را بررسی کنیم به دلیل واپس ته بودن عناصر ماتریس به شدت و تغییر شدت در طول بلور، برای هر مکان از بلور یک ماتریس مخصوص آن مکان داریم. با تقسیم بلور به عدسی های کر کوچک و ثابت در نظر گرفتن شدت در طول این عدسی های کوچک می توانیم شدت را بعد از هر عدسی حساب و در عدسی دیگر جایگذاری و به همین ترتیب شدت را در انتهای بلور بدست آوریم.

۲-۲. جبران آستیگماتیسم

برای آینه های کروی فاصله کانونی در محور عمودی $fs=R/2Cos\theta$ (که در آن R شعاع انحنای آینه و θ زاویه انجنا) بزرگ تر از فاصله کانونی آینه کروی ($f=R/2$) و همچنین فاصله کانونی در محور مماسی ($ft=RCos\theta/2$) کوچک تر از فاصله کانونی آینه کروی می باشد. این آستیگماتیسم را می توان با برش میله لیزری در زاویه بروستر (طول مماسی $L_B = l_B / 2$) جبران کرد. خنثی کردن آستیگماتیسم نیازمند این است که طول کانونی محورهای عمودی و مماسی پرتوی عبوری از آینه کروی و صفحه بروستر یکسان باشد. با استفاده از رابطه (۱) و ماتریس ABCD آینه کروی ضرب در ماتریس صفحه بروستر، برای طول کانونی $f = \frac{r_0}{r_1}$ با $r_1 = 0$ (داریم):

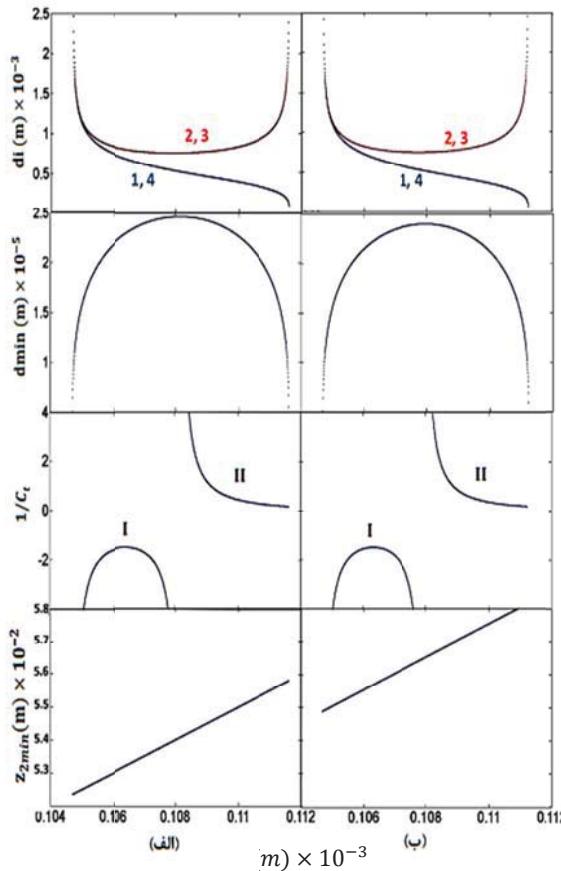
$$f_t = -\frac{RCos\theta}{2} + \frac{l_B}{n_L^3} \\ f_s = -\frac{R}{2Cos\theta} + \frac{l_B}{n_L} \quad (8)$$

که n_L ضریب شکست صفحه بروستر می باشد. در شرایط رابطه ای بین زاویه چرخش آینه (θ) و ضخامت صفحه بروستر (l_B) به صورت زیر می باشد.

جدول ۱. ماتریس های عناصر اپتیکی مورد استفاده در شبیه سازی

عنصر اپتیکی	ماتریس	نمونه ها
آینه ها		
بر خورد معمولی	$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2/R & 1 \end{pmatrix}$	M_1, M_4
محور عمودی	$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2cos\theta/R & 1 \end{pmatrix}$	M_2, M_3
محور مماسی	$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -2/Rcos\theta & 1 \end{pmatrix}$	M_2, M_3
انتشار در فضا	$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ L & 1 \end{pmatrix}$	$M_{12}, M_{2k}, M_{3k}, M_{34}$
لایه بدون عدسی کر		
بر خورد معمولی	$\begin{pmatrix} 1 & L/n_L \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$	
با زاویه بروستر		
محور عمودی	$\begin{pmatrix} 1 & L_B/n_L \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$	M_k
محور مماسی	$\begin{pmatrix} cos(\gamma L) & (1/n\gamma)sin(\gamma L) \\ -n\gamma sin(\gamma L) & cos(\gamma L) \end{pmatrix}$	M_k
لایه عدسی کر		
بر خورد معمولی	$\begin{pmatrix} cos(\gamma L) & (1/n\gamma)sin(\gamma L) \\ -n\gamma sin(\gamma L) & cos(\gamma L) \end{pmatrix}$	
با زاویه بروستر		
محور عمودی	$\begin{pmatrix} cos(\gamma_s L_B) & (1/n_B\gamma_s)sin(\gamma_s L_B) \\ -n_B\gamma_s sin(\gamma_s L_B) & cos(\gamma_s L_B) \end{pmatrix}$	M_k
محور مماسی	$\begin{pmatrix} cos(\gamma_t L_B) & (1/n_B\gamma_t n_L^2)sin(\gamma_t L_B) \\ -n_B\gamma_t sin(\gamma_t L_B) & cos(\gamma_t L_B) \end{pmatrix}$	M_k

با در نظر گرفتن عدسی کر، آرایه های ماتریس رفت و برگشت ABCD، خود از طریق ماتریس عبور از محیط بهره و وابستگی آنها با ضرایب غیرخطی و شدت باریکه وابسته به شعاع باریکه لیزر ($W(z)$) می گردد. در این حالت ما برای محاسبه اندازه باریکه لیزر بر روی آینه اول از روش پرتابی استفاده می نماییم. برای این کار ابتدا با انتخاب یک شعاع لکه فرضی برای آینه اول تمام محاسبات را با این اندازه لکه انجام داده و ماتریس رفت و برگشت را محاسبه می کنیم، سپس با استفاده از رابطه زیر و با استفاده از اندازه لکه فرضی، شعاع لکه را دوباره روی آینه اول به دست می آوریم.



شکل ۳. پارامترهای باریکه برای تشیدیگر متقارن ($L_{12}=L_{34}$) با خنثی کردن آستیگماتیسم و بدون در نظر گرفتن عدسی کر ($p=0$). مرکز صفحه بروستر در $(l_{23}/2)$ می‌باشد. پارامترهای چدول (۲) به کارگرفته شده است. (الف) محور عمودی (ب) محور مماسی.

در نتیجه برای محور عمودی در صفحه بروستر خواهیم داشت:

$$\begin{aligned} n_s &= \tilde{n}_B \left(1 - \frac{1}{2} \gamma_s^2 r^2\right) \\ \gamma_s &= \left(\frac{4n_2 I_{0L}}{n_L^2 c_0 \epsilon_0 \tilde{n}_B}\right)^{1/2} \frac{1}{w} \\ &= \left(\frac{8n_2 P}{n_L^2 \pi c_0 \epsilon_0 \tilde{n}_B}\right)^{1/2} \frac{1}{w^2} \end{aligned} \quad (15)$$

و برای محور مماسی خواهیم داشت:

$$\begin{aligned} n_t &= \tilde{n}_B \left(1 - \frac{1}{2} \gamma_t^2 r^2\right) \\ \gamma_t &= \left(\frac{4n_2 I_{0L}}{n_L^4 c_0 \epsilon_0 \tilde{n}_B}\right)^{1/2} \frac{1}{w} \\ &= \left(\frac{8n_2 P}{n_L^4 \pi c_0 \epsilon_0 \tilde{n}_B}\right)^{1/2} \frac{1}{w^2} \end{aligned} \quad (16)$$

$$\theta = \pi - \arccos \left(\frac{l_B^2}{R n_L^3} \left[n_L^2 - 1 - \left(n_L^4 - 2n_L^2 + \frac{R^2 n_L^6}{l_B^2} \right) \right] \right) \quad (9)$$

با استفاده از این فرمول می‌توان آستیگماتیسم آینه‌های کروی M_3 و M_2 که در شکل (۱) نشان داده شده است را جبران کرد. در واقع این فرمول زاویه چرخش آینه‌ها، برای جبران آستیگماتیسم تعیین می‌کند.

۳-۲. عدسی کر

هنگامی که شدت باریکه لیزر به اندازه کافی زیاد باشد، پاسخ ماده به این شدت فرودی، غیرخطی خواهد بود. در این حالت ضریب شکست را می‌توان به صورت زیر توصیف کرد [۲].

$$n = n_L + \frac{1}{2} n_2 E_{0L}^2 = n_L + \gamma_2 I_L = n_L + \frac{n_2}{n_L c_0 \epsilon_0} I_L \quad (10)$$

که، n_2 و γ_2 به ترتیب ضریب میدان الکتریکی و ضریب شکست برای ضریب شکست غیرخطی می‌باشند. E_{0L} دامنه نیروی الکتریکی، $I_L = \frac{n_L c_0 \epsilon_0}{2} E_{0L}^2$ شدت نور، ϵ_0 نفوذپذیری الکتریکی در خلاء و c_0 سرعت نور در خلاء می‌باشد. در اینجا رابطه بین n_2 و γ_2 به صورت $\gamma_2 = \frac{n_2}{n_L c_0 \epsilon_0}$ می‌باشد. توزیع شدت فضایی باریکه گاوسی لیزر (TEM₀₀) توسط تیلور تقریباً برابر است با:

$$I_L = I_{0L} \exp \left[-2 \left(\frac{r}{w} \right)^2 \right] \approx I_{0L} \left[-2 \left(\frac{r}{w} \right)^2 \right] \quad (11)$$

توزیع ضریب شکست فضایی مطابق معادلات زیر سه‌می می‌باشد [۳۰].

$$n = \left(n_L + \frac{n_2 I_L}{n_L c_0 \epsilon_0} \right) \left(1 - \frac{2n_2 I_{0L}}{n_L c_0 \epsilon_0 \left(n_L + \frac{n_2 I_L}{n_L c_0 \epsilon_0} \right) w^2} \right) = \tilde{n} \left(1 - \frac{1}{2} \gamma^2 r^2 \right) \quad (12)$$

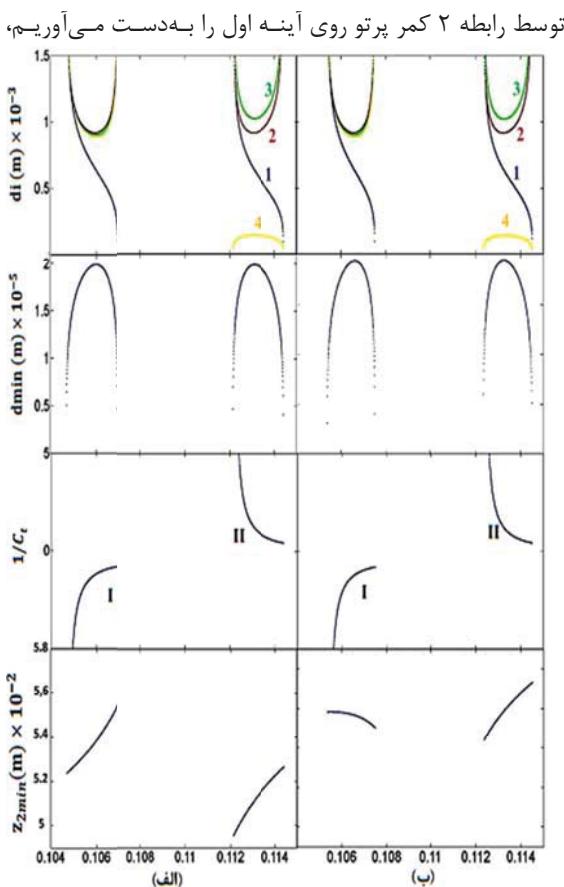
که در آن، $\tilde{n} = n_L + \frac{n_2 I_L}{n_L c_0 \epsilon_0}$

$$\gamma = \left(\frac{4n_2 I_L}{n_L c_0 \epsilon_0 \tilde{n}} \right)^{1/2} \frac{1}{w} = \left(\frac{8n_2 P}{\pi n_L c_0 \epsilon_0 \tilde{n}} \right)^{1/2} \frac{1}{w^2} \quad (13)$$

توان لیزر برابر است با:

$$P = \frac{\pi w^2}{2} I_{0L} \quad (14)$$

برای برخورد با صفحه بروستر، اثر عدسی کر در سطوح عمودی و مماسی متفاوت می‌باشد؛ بنابراین ضروری است تا در رابطه‌های ۱۲، ۱۳ و ۱۴ کمر پرتو به این صورت $w \rightarrow w_s = w$ و $w \rightarrow w_t = n_L w$ و شدت پرتو به صورت $I_{0L} w^2 / (w_s w_t) = I_{0L} / n_L$ تغییر نماید.



شکل ۴. پارامترهای باریکه برای تشدیدگر نامتقارن ($L_{12}=3L_{34}$) با خنثی کردن آستیگماتیسم و بدون درنظر گرفتن عدسی کر ($p=0$). مرکز صفحه بروستر در $(L_{23}/2)$ می‌باشد. پارامترهای جدول ۲ به کار گرفته شده است. (الف) محور عمودی (ب) محور مماسی.

سپس توسط رابطه ۴ می‌توانیم اندازه و انحنای پرتو را در هر جایی از کاواک حساب کنیم.

برای محاسبه اندازه لکه d روی آینه‌ها، ابتدا اندازه لکه روی آینه اول را محاسبه سپس از رابطه $\Delta d(z) = [2\ln(2)]^{1/2}W(z)$ استفاده می‌نماییم. عبارت C_t مربوط به آرایه سطر دوم و ستون اول ماتریس یک رفت و برگشت در کاواک می‌باشد. برای محاسبه اندازه لکه درون بلور، از روی کمر پرتو روی آینه اول، اندازه لکه بر روی لبه فرودی بلور را حساب می‌کنیم.

برای محاسبه اندازه و انحنای لکه در هرجایی کاواک خواهیم داشت:

$$W(z)^2 = \frac{-A^2 \frac{\pi^2 W_{01}^4}{\lambda_L^2} - B^2}{\frac{\pi^2}{\lambda_L^2} W_{01}^2 (CB - DA)} \quad (17)$$

$$R(z) = \frac{-A^2 \frac{\pi^2 W_{01}^4}{\lambda_L^2} - B^2}{-\frac{\pi^2}{\lambda_L^2} W_{01}^4 CA - DB} \quad (18)$$

جدول ۲. مشخصات تشدیدگر به کار رفته در شبیه‌سازی (شکل‌های ۳، ۴).

پارامتر	ساختار نامتقارن	ساختار متقاضی
انحنای آینه (cm)		
∞	∞	R_1
10	10	R_2
10	10	R_3
∞	∞	R_4
زاویه‌های خم کردن آینه (درجه)		
0	0	θ_1
9.71	9.71	θ_2
9.71	9.71	θ_3
0	0	θ_4
طول کل تشدیدگر (متر)	1.7	L_t
فاصله بین آینه‌ها		
$3(L_t - L_{23})/4$	$(L_t - L_{23})/2$	L_{12}
متغیر	متغیر	$L_{23} = L_{2k} + L_B + L_{k3}$
$L_t - L_{12} - L_{23}$	$L_t - L_{12} - L_{23}$	L_{34}
لایه داخل کاواک (بلور Ti:Sapphire با برش بروستر)		
1.76	1.76	n_1
$1.6 \times 10^{-22} m^2 V^2$	$1.6 \times 10^{-22} m^2 V^2$	n_2
0.75 cm	0.75 cm	L_B
متغیر	متغیر	L_{2k}
800nm	800nm	λ_L

و برای هردو محور $\tilde{n}_B = n_L + \frac{n_2 L_L}{n_L c_0 \epsilon_0}$ یکسان می‌باشد.

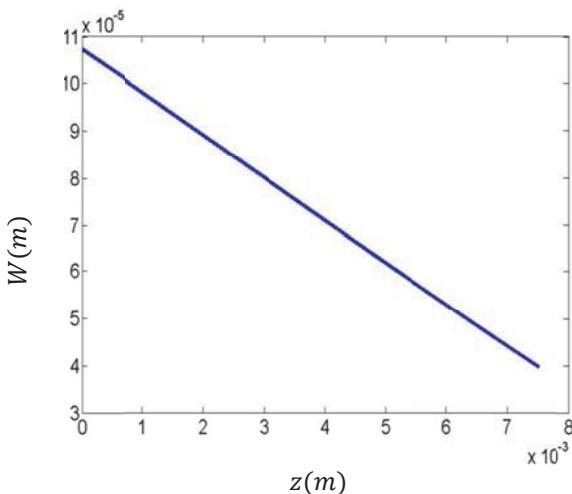
ماتریس ABCD عدسی کر برای سطوح عمودی و مماسی در صفحه بروستر و طول بلور LB در جدول (۱) آمده است.

۳. شبیه‌سازی

برای کاواک انحنادار هنگامی که آستیگماتیسم کاواک بدون درنظر گرفتن عدسی کر توسط صفحه بروستر خنثی شده باشد، با تغییر مکان عدسی کر (L_{2k}) و ردبایی پرتو در سطوح مماسی و عمودی شکل‌های ۳ و ۴ با هم مقایسه شده‌اند. بررسی‌های ما باید تاثیر عدسی کر روی پرتو لیزر را نشان دهند. پارامترهای اعمال شده برای شبیه‌سازی بلور Ti:Sapphire (۲) آورده شده است. در نتایج بدست آمده، d_i نیم‌پهنا (FWHM) پرتوی لیزر روی آینه‌ها را نمایش می‌دهد، d_{min} و Z_{2min} بهترتیب اندازه کمر پرتو در کاواک و مکان آن از آینه دوم، C_t ۱/ پارامتر میزان حساسیت سیستم اپتیکی می‌باشد.

۱-۱. کاواک بدون عدسی کر

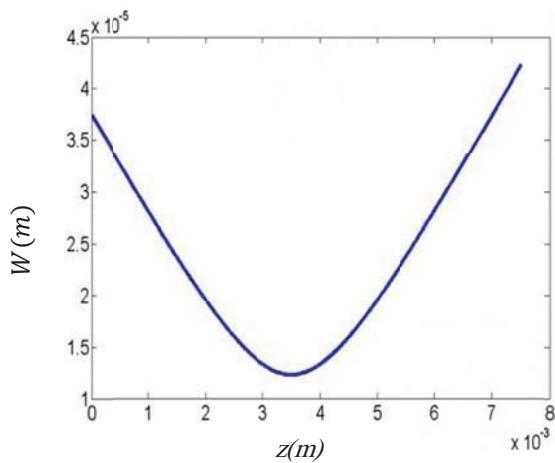
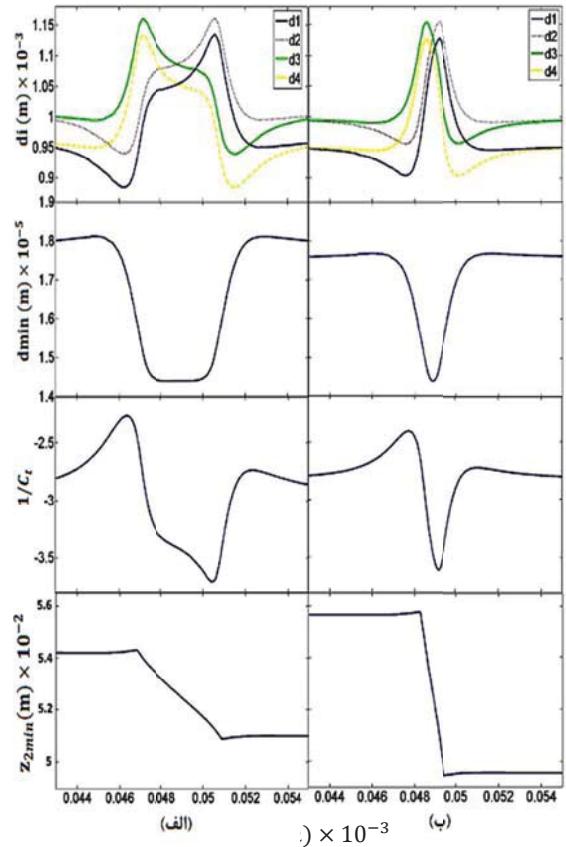
در ابتدا حالتی که عدسی کر وجود ندارد (n_2 برابر صفر) را در نظر می‌گیریم. با داشتن ماتریس‌های انتقال و محاسبه ماتریس یک رفت و برگشت درون کاواک با شروع از آینه ۱

شکل ۷. مقدار کمر پرتو درون بلور با $L_2=44.5\text{mm}$

برای محاسبه کمر پرتو درون کاواک (d_{\min}), از آنچایی که در اینجا (بدون درنظر گرفتن اثر عدسی کر) بلور را وسط کاواک درنظر گرفته‌ایم، از روی کمر پرتو روی آینه اول (W_{01}) اندازه که برروی بلور را حساب می‌کنیم (توسط رابطه ۱۷). سپس توسط روابط ۲۰ و ۲۱ مکان کمر پرتو درون بلور و اندازه کمر پرتو را به دست می‌آوریم.

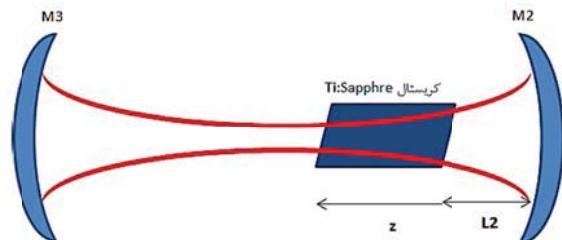
۲-۳. کاواک با درنظر گرفتن عدسی کر

در این حالت عناصر ماتریس رفت و برگشت خود وابسته به اندازه لکه می‌باشند، بنابراین برای تعیین اندازه لکه روی آینه اول از روش پرتایی استفاده می‌کنیم. پس از یافتن مقدار صحیح W_{01} اندازه پرتو روی صفحه ورودی بلور را حساب می‌کنیم. سپس روش تقسیم گام به گام را مورد استفاده قرار می‌دهیم و ماتریس کلی بلور را از ماتریس مجموع این قطعات به دست می‌آوریم.

شکل ۸. مقدار کمر پرتو درون بلور با $L_2=49\text{ mm}$ و مشخصات شکل .(۸)شکل ۵. اثرات مکان عدسی کر I_{2k} بر روی پارامترهای باریکه، $L_{23}=105.2\text{mm}$ و $P=2*10^5\text{W}$

برای بدست آوردن اندازه لکه روی آینه اول با W_{01} به جای $W(z)$ در رابطه ۱۷، خواهیم داشت:

$$W_{01} = \left[\frac{-\lambda^2 B^2}{\pi^2 (CB - DA + A^2)} \right]^{1/4} \quad (19)$$



شکل ۶. ساختار درون کاواک نوسانگر لیزری.

برای مکان اندازه و انحنای لکه داریم:

$$z = z_0 \left[\left(\frac{W(z)}{W_0} \right)^2 - 1 \right]^{1/2} \quad (20)$$

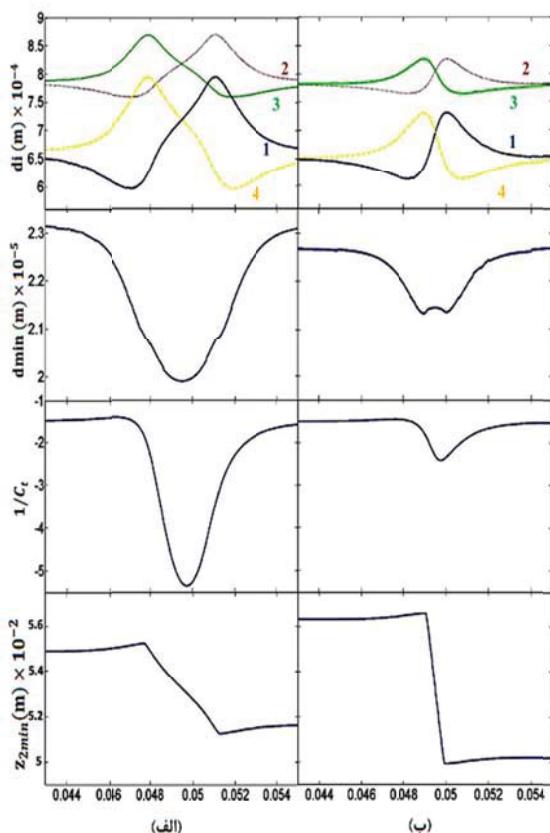
بنابراین خواهیم داشت:

$$W_0 = \frac{W(z)}{\sqrt{\left[\pi W(z)^2 \right]^2 + 1}} \quad (21)$$

در این حالت کمر پرتو داخل بلور به صورت پیوسته کاهش می‌یابد. شکل (۷) کاهش کمر پرتو (W) در بلور غیرخطی با فاصله $L_2 = 44.5\text{ mm}$ از آینه دوم را نشان می‌دهد. اما با افزایش فاصله بلور غیرخطی از آینه دوم کمرپرتو وارد بلور می‌شود. این مورد در شکل (۸) دیده می‌شود که در آن فاصله بلور از آینه برابر 49 mm است.

اگر این افزایش فاصله از آینه دوم ادامه پیدا کند، کمر پرتو قبیل از بلور تشکیل می‌شود. در شکل (۹) مقدار کمر پرتو در طول بلور و برای فاصله‌های متفاوت از آینه دوم رسم شده است. در این شکل به خوبی تغییر محل کمر پرتو از مکانی که وارد بلور می‌شود تا خروج از بلور مشخص است.

برای $L_{2k} < Z_{2min} - L_B$ صفحه بروستر به سرعت از ناحیه حداکثری شدت انتشار نور لیزر خارج و اثر عدسی کر کوچک می‌شود.



شکل ۱۰. اثرات مکان عدسی کر l_{2k} بر روی پارامترهای باریکه. پارامترهای شکل (۵) به استثناء $L_{23}=106.5\text{ mm}$ (ناحیه I).

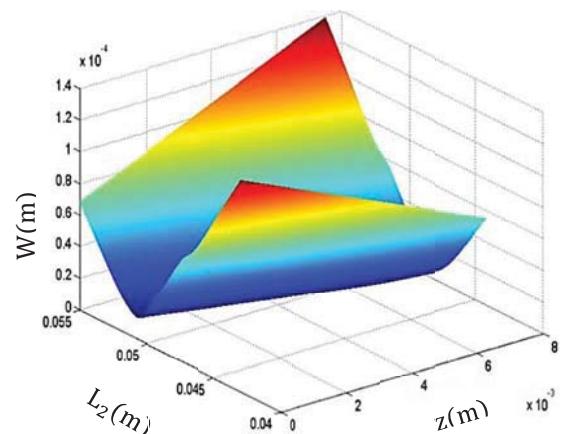
همواره مکان Z_{2min} به دلیل شکست باریکه در محیط بلور (تغییر جزئی فاصله کانونی) به مکان واقعی عدسی کر وابسته است. شدت زیاد باریکه لیزر روی صفحات بروستر $Z_{2min} = L_B - L_{2k}$ و $L_{2k} = Z_{2min}$ (آثر عدسی کر بزرگ‌تر خواهد کرد [۱۱]. واگرایی متغیر پرتو در صفحه بروستر باعث کاهش اندازه لکه بر روی

با داشتن ماتریس عبور پرتو از درون بلور و اندازه لکه روی آینه اول می‌توانیم اندازه و انحنای پرتوی لیزر در هر مکان از تشیدیدگر را بررسی نماییم؛ در اینجا به علت وجود اثر کر و متغیربودن مکان عدسی کر برای محاسبه مقدار و مکان کمر پرتو داخل کاواک لیزر (بین آینه دوم و سوم) سه حالت وجود دارد.

در یکی از این حالت‌ها، بلور نزدیک آینه دوم قرار دارد و هنوز کمر پرتو وارد بلور نشده است. برای این حالت ابتدا اندازه پرتو در انتهای بلور را محاسبه و سپس توسط آن و رابطه 21 مقدار کمر پرتو را بدست می‌آوریم. همچنین، توسط رابطه 20 فاصله کمر پرتو را نیز از انتهای بلور بدست می‌آوریم. برای این حالت فاصله کمر پرتو از آینه دوم برایر است با:

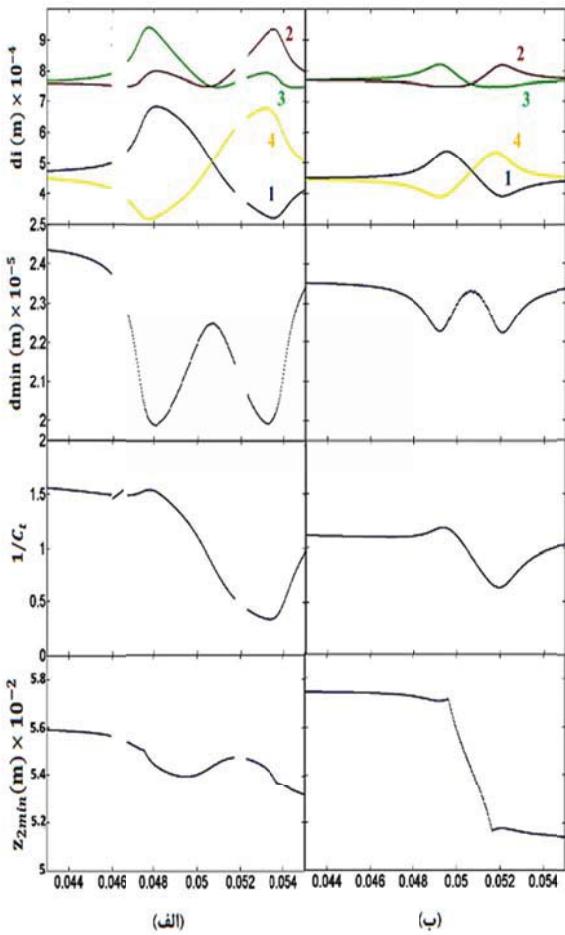
$$Z_{2min} = Z + L_B + L_2$$

نکته‌ای که باید به آن توجه شود نحوه محاسبه مکان کمر پرتو برای استفاده کردن از سه حالت بالا است. برای این‌که بفهمیم کمر پرتو در کجا قرار دارد، هنگام محاسبه اندازه پرتو داخل بلور، کوچک‌ترین مقدار آن را در نظر می‌گیریم. اگر این مقدار برابر با اندازه پرتو در آخرین قطعه بلور نازک باشد بنابراین هنوز کمر پرتو وارد بلور نشده است و عدسی کر مانند پرتو را متمرکز می‌کند و اگر مقدار حداقلی اندازه پرتو داخل بلور برابر با اندازه لکه در ابتدای بلور باشد نتیجه می‌گیریم که بلور در حال واگرایی پرتو است و کمر پرتو از آن خارج شده است. اگر دو حالت بالا صادق نباشد بدین معنی است که کمر پرتو داخل بلور قرار دارد. در ادامه تغییرات کمر پرتو داخل بلور را با توجه به مکان بلور در کاواک لیزر بررسی می‌کنیم. برای این کار ساختاری مشابه شکل (۶) را در نظر می‌گیریم؛ که در آن L_2 فاصله بلور از آینه دوم و Z طول بلور با جهت اندازه‌گیری نشان داده شده می‌باشد. در ابتدای بلور را در فاصله‌ای نزدیک آینه دوم به صورتی که کمر پرتو داخل کاواک خارج از بلور تشکیل شود، قرار می‌دهیم.



شکل ۹. مقدار کمر پرتو در طول بلور برای L_2 های متفاوت با مشخصات شکل (۵).

بستگی اندازه کمر باریکه لیزر (d_{min}) به شدت لیزر و مکان صفحه بروستر بستگی دارد، این رفتار منجر به تغییر وابسته به شدت در ۱- میزان همپوشانی پرتو لیزر و پرتو پمپ و ۲- دامنه تقویت لیزر می‌شود (قفل مد بهره عدسی کر، قفل مد بهره روزنہ سخت) [۳۱، ۵ و ۱۹].

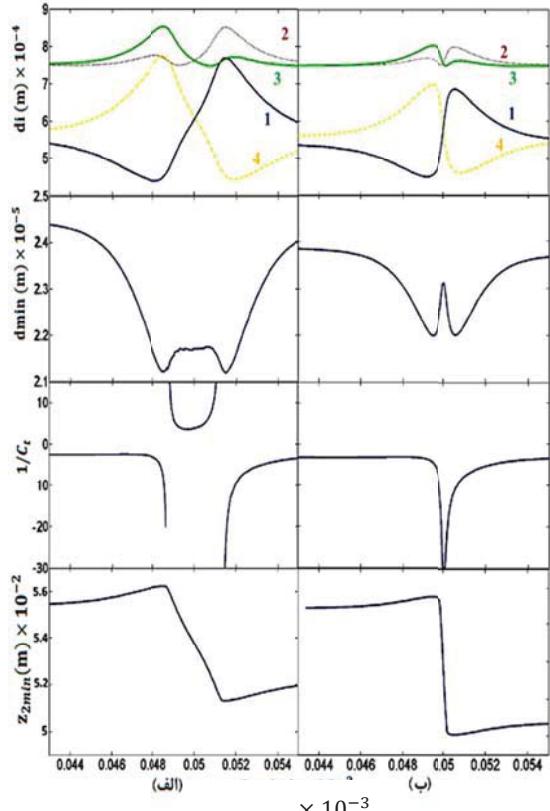


شکل ۱۲. اثرات مکان عدسی کر I_{2k} بر روی پارامترهای باریکه. پارامترهای شکل ۵ به استثناء $L_{23}=108.8\text{mm}$ (ناحیه II).

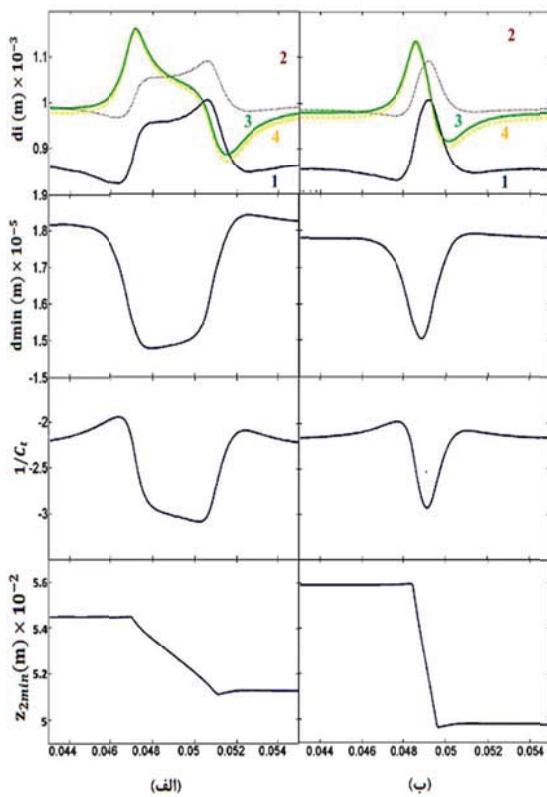
جزیئات پرتو لیزر و پمپ $W_L = W_0[1 + (z - z_0)^2/z_R^2]$ و $W_L = W_0[1 + (z - z_0)^2/z_R^2]$ در شکل ۱۷) نمایش داده شده است. در آن یک مقدار بهینه همپوشانی پرتو پمپ و پرتو لیزر در بلور لیزر برای حداکثر بهره در توان ثابت پمپ وجود دارد، اگر پرتو پمپ برای چیدمان تشیدگر متقارن در ناحیه II قفل شدگی مد عدسی کر روزنہ سخت در مرز چپ L_{23} (نزدیک $L_{23min}+L_{23max}/2$) بزرگ‌تر است در صورتی که یک روزنہ در مکانی نزدیک M_4 (شکل ۱۲) و صفحه بروستر در L_{2k} قرار دارد. در یک مکان بهینه قفل-شدگی مد روزنہ سخت، Δd_{min} توسط عدسی کر کاهش می‌یابد و قفل شدگی مد عدسی کر نیازمند کانونی کردن پرتو پمپ در

بعضی از آینه‌ها و پهن شدگی پرتو روی بعضی دیگر از آینه‌ها می‌شود. شبیه‌سازی‌های برای کاواک نامتقارن در شکل‌های ۱۴، ۱۵ و ۱۶ نمایش داده شده است. برای $L_{2k} < Z_{2min}-L_B$ صفحه بروستر از تاچیه حداکثری شدت انتشار نور لیزر خارج و اثر عدسی کر کوچک می‌شود. یک رفتار کلی در همه این نتایج مشاهده می‌شود، عدسی کر برای پرتوهای مماسی در مقایسه با پرتوهای عمودی از اثر کمتری برخوردارند؛ زیرا پارامتر غیرخطی $\gamma t = \gamma s/nL$ کوچک‌تر از γs می‌باشد. به کار گیری یک روزنہ در ناحیه‌ای که پرتو باریک می‌شود منجر به قفل شدگی مد عدسی کر می‌شود (قفل مدی اتلاف روزنہ سخت) [۳۱].

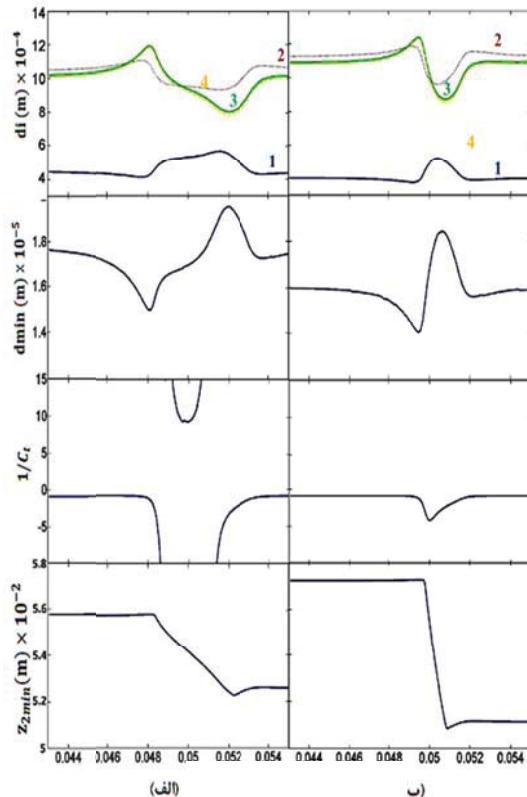
برای $J_{B/2}^L = Z_{2min}-L_B$ انتگرال پرتو غیرخطی در حالت خود قرار دارد (اثر عدسی کر برای کوتاه‌ترین طول کانونی). پارامترهای پرتو برای مکان‌های متفاوت از بلور، مورد تغییر واقع می‌شود که این تغییر به طور کامل برای قفل شدگی مد عدسی کر روزنہ سخت مفید نیست (اضافه کردن عدسی در ناحیه کانونی پرتو). با داشتن قوان $P=2*10^{-5}\text{W}$ ، در یک فاصله آینه‌های کاواک L_{23} و مکان صفحه بروستر L_{2k} معین، تغییرات پرتو در صفحه عمودی آن قدر بزرگ است که پایداری ردیابی پرتو در بعضی از مکان‌ها از می‌رود (شکل‌های ۱۱ و ۱۲).



شکل ۱۱. اثرات مکان عدسی کر I_{2k} بر روی پارامترهای باریکه. پارامترهای شکل ۵ به استثناء $L_{23}=107.5\text{mm}$ (ناحیه I).

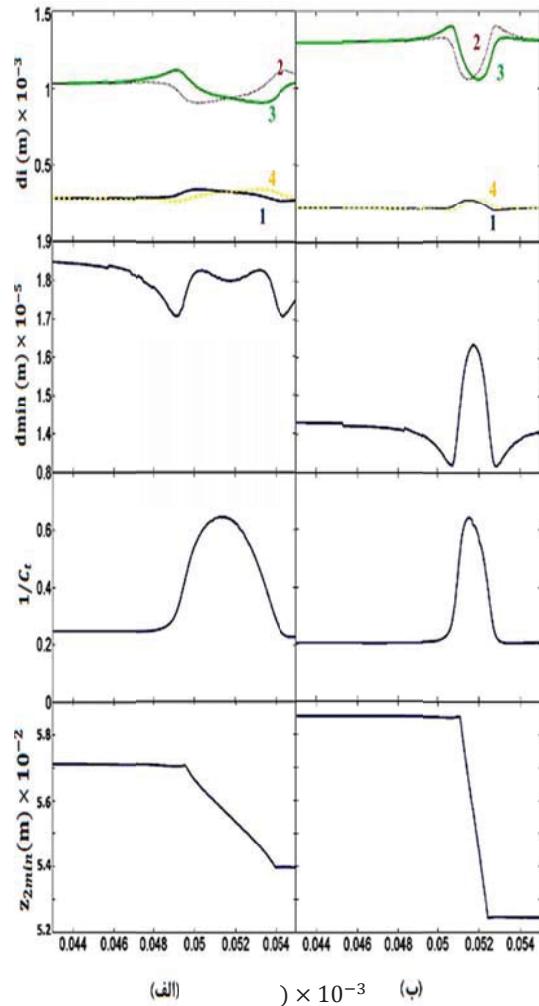


شکل ۱۴. اثرات مکان عدسی کر l_{2k} بر روی پارامترهای باریکه. تشیدگر نامتقارن ($L_{12}=L_{34}$) با $P=2 \times 10^{-5} W$ (ناحیه I). پارامترهای جدول (۲) به کار گرفته شده است.



شکل ۱۵. اثرات مکان عدسی کر l_{2k} بر روی پارامترهای باریکه. پارامترهای شکل (۱۴) به استثناء $L_{23}=106.6 mm$ (ناحیه I).

پس بهینه کردن تقویت لیزر می باشد (شکل ۱۷-ج). برای چیدمان تشیدگر غیرمتقارن (شکل (۴)) عمل قفل مد عدسی کر روزنه سخت در ناحیه I بزرگتر از مرز سمت راست می باشد در صورتی که یک روزنه در مکان آینه M_3 و M_4 و صفحه بروستر در $L_{2k}=Z_{2min}$ واقع باشند (شکل (۱۵)).



شکل ۱۳. اثرات مکان عدسی کر l_{2k} بر روی پارامترهای باریکه. پارامترهای شکل (۵) به استثناء $L_{23}=111 mm$ (ناحیه II).

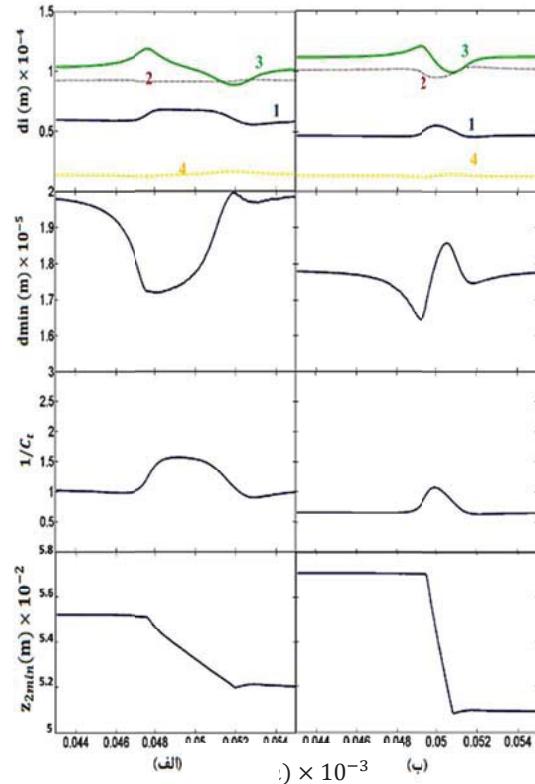
برای ناحیه II اثر قفل مد عدسی کر روزنه سخت تقریباً مستقل از فاصله کواک است اثر در مرز سمت راست کمی بزرگتر است، شکل (۱۶) در صورتی که یک روزنه در مکانی نزدیک آینه M_3 و صفحه بروستر در $L_{2k} \approx Z_{2min}$ قرار گرفته باشد. در مکان های مناسب عمل قفل مدی روزنه سخت، در صورتی که پرتو پمپ کاملاً برای تقویت لیزر پیوسته متوجه نشده باشد به دست می آید زیرا d_{min} توسط عدسی کر افزایش می یابد (شکل ۱۷-ب).

۴. نتیجه گیری

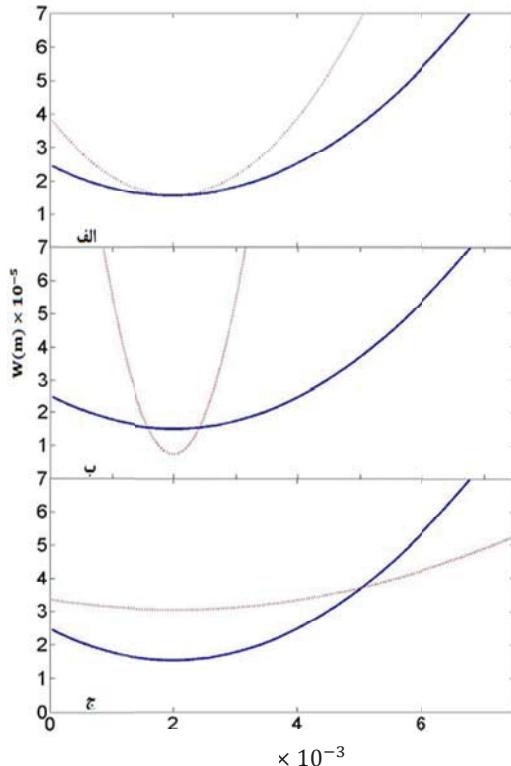
همان‌طور که مشاهده شد قفل‌شدنگی مدل عدسی کر لیزر قیتانیوم سفایر برای یک تشدیدگر خطی با کاواک آینه انحنایار با ساختار متقارن و نامتقارن و به کارگیری تکنیک ریدیابی پرتو برای یک باریکه گاوی شبیه‌سازی گردید، سپس با ریدیابی پرتو توسط ماتریس ABCD موقعیتی که آستیگماتیسم باریکه را خنثی می‌کند، به دست آمد. در این شبیه‌سازی از روش تقسیم گام به گام برای پیدا کردن تغییرات شدت باریکه درون بلور و از روش تیراندازی برای محاسبه اندازه قطر لکه بر روی آینینه اول کاواک استفاده شد. با انجام شبیه‌سازی بدون درنظر گرفتن اثر عدسی کر تاثیر طول کاواک لیزر بر روی نمایه پرتوی درون کاواک نشان داده می‌شود. نتایج به دست آمده در این حالت بیانگر نواحی پایدار عملکرد نوسانگر می‌باشد (ناحیه I و II). در ادامه با استفاده از طول‌های مجاز کاواک لیزر که در حالت قبلی به دست آمده و با درنظر گرفتن عدسی کر، تاثیر مکان بلور درون کاواک لیزر بر روی انتشار پرتو شبیه‌سازی گردید. در ادامه با درنظر گرفتن عدسی کر انتشار پرتو درون نوسانگر در محورهای عمودی و مماسی به صورت جداگانه شبیه‌سازی شد که پارامتر غیرخطی کوچک‌تر عدسی کر برای پرتوهای عمودی $\gamma_L = n_L / L_{2k}$ منجر آن در این محور، نسبت به پرتوهای مماسی به اثر کم‌تر خواهد شد. در ابتدا از شبیه‌سازی انتشار پرتو درون نوسانگر بدون درنظر گرفتن اثر عدسی کر نواحی پایدار عملکرد لیزر مشخص می‌گردد. با درنظر گرفتن اثر کر در ادامه بر روی انتشار پرتو مشاهده می‌گردد به دلیل پارامتر غیرخطی کوچک‌تر عدسی کر برای پرتوهای مماسی در مقایسه با پرتوهای عمودی از اثر کم‌تری برخوردار است.

برای چیدمان تشدیدگر متقارن در ناحیه II قفل‌شدنگی مدل عدسی کر روزنه سخت در مرز چپ ($L_{2k} < Z_{2min} - L_B$) و برای $L_{2k} > Z_{2min} - L_B$ صفحه بروستر از ناحیه حداکثری شدت انتشار نور لیزر خارج و اثر عدسی کر کوچک می‌شود. مکان Z_{2min} به مکان واقعی عدسی کر وابسته است.

برای چیدمان تشدیدگر متقارن در ناحیه II قفل‌شدنگی مدل عدسی کر روزنه سخت در مرز چپ ($L_{2k} < Z_{2min} - L_B$) در صورتی که یک روزنه در مکانی نزدیک M_4 ($L_{23max}/2$) داشته باشد، بزرگ‌تر است. در یک مکان بهینه قفل‌شدنگی مدل روزنه سخت، d_{min} توسط عدسی کر کاهش می‌یابد و قفل‌شدنگی مدل عدسی کر نیازمند کانونی کردن پرتو پمپ در پس بهینه کردن تقویت لیزر می‌باشد (شکل ۱۷-ج). برای چیدمان تشدیدگر غیرمتقارن (شکل ۴) عمل قفل مدل عدسی کر روزنه سخت در ناحیه I در صورتی که یک روزنه در مکان آینه M_3 و M_4 و صفحه بروستر در $L_{2k} = Z_{2min}$ واقع باشد، بزرگ‌تر از مرز سمت راست می‌باشد (شکل ۱۵). برای ناحیه II اثر قفل مدل عدسی کر روزنه



شکل ۱۶. اثرات مکان عدسی کر L_{2k} بر روی پارامترهای باریکه. پارامترهای شکل (۱۴) به استثناء $L_{23}=113.2\text{mm}$ (ناحیه II).



شکل ۱۷. جزئیات پرتو لیزر (نقطه چین) و پمپ (ممتد)، برای $n_L=1.76$ $n_p=1.77$ $\lambda_L=800\text{nm}$ $\lambda_p=514\text{nm}$ $Z_0=2\text{mm}$ $d_{min}=2d$ - $d_{min}=(1/2)d_{minp}=9\mu\text{m}$ (ب) $d_{min}=d_{minp}=18\mu\text{m}$ $d_{minp}=36\mu\text{m}$ (ج)

- [17] Radzewicz, C.; Pearson, G. W.; Krasinski, J. S. "Use of ZnS as an Additional Highly Nonlinear Intracavity Self-Focusing Element in a Ti: Sapphire Self-Modelocked Laser"; Opt. comm. 1993, 102, 464-468.
- [18] Liu, Y. M.; Sun, K. W.; Prucnal, P. R.; Lyon, S. A. "Simple Method to Start and Maintain Self-Mode-Locking of a Ti: Sapphire Laser"; Opt. lett. 1992, 17, 1219-1221.
- [19] Emmerichs, U.; Bakker, H.; Kurz, H. "Generation of High-Repetition Rate Femtosecond Pulses Tunable in the Mid-Infrared"; Opt. comm. 1994, 111, 497-501.
- [20] Radzewicz, C.; Pearson, G. W.; Krasinski, J. S. "Use of ZnS as an Additional Highly Nonlinear Intracavity Self-Focusing Element in a Ti: Sapphire Self-Modelocked Laser"; Opt. Comm. 1993, 102, 464-468.
- [21] Spence, D. E.; Kean, P. N.; Sibbett, W. "60-fsec Pulse Generation from a Self-Mode-Locked Ti: Sapphire Laser"; Opt. lett. 1991, 16, 42-44.
- [22] Asaki, M. T.; Huang, C.; Jianping, D. G.; Kapteyn, Z. H.; et al. "Generation of 11-fs Pulses from a Self-Mode-Locked Ti: Sapphire Laser"; Opt. lett. 1993, 18, 977-979.
- [23] Kafka, J. D. Watts, M. L.; Pieterse, J. W. "Picosecond and Femtosecond Pulse Generation in a Regeneratively Mode-Locked Ti: Sapphire Laser"; IEEE Journal of Quantum Electronics. 1992, 28, 2151-2162.
- [24] Liu, K. X.; Flood, C. J.; Walker, D. R.; Van Driel, H. M. "Kerr Lens Mode Locking of a Diode-Pumped Nd: YAG Laser"; Opt. Lett. 1992, 17, 1361-1363.
- [25] Lee, Y. W.; Yi, J. H.; Cha, Y. H.; Yoo, B. D. "Numerical Analysis of Soft-Aperture Kerr-Lens Mode Locking in Ti: Sapphire Laser Cavities by Using Nonlinear ABCD Matrices"; Journal of the Korean Physical Society. 2005, 46, 1131-1136.
- [26] Rashidian Vaziri, M. R. "Z-Scan Theory for Nonlocal Nonlinear Media with Simultaneous Nonlinear Refraction and Nonlinear Absorption"; Appl. opt. 2013, 52, 4843-4848.
- [27] Kogelnik, H.; Dienes, A.; Shank, C. "Astigmatically Compensated Cavities for CW Dye Lasers"; J. Quantum Electronics 1972, 8, 373-379.
- [28] Vaziri, M. R.; Hajiesmaeilbaigi F.; Maleki, M. "New Ducting Model for Analyzing the Gaussian Beam Propagation in Nonlinear Kerr Media and its Application to Spatial Self-Phase Modulations"; J. Optics 2013, 15.
- [29] Saleh, B.; Teich M.; Slusher, R. E. "Fundamentals of Photonics"; Physics Today. 2008, 45, 87-88.
- [30] Milonni, P.; Eberly, J.; Wiley, J.; Sons. Lasers. New York, 1988.
- [31] Svelto, O.; Hanna, D. C. "Principles of Lasers"; Springer. (1976).
- [32] Meier, B.; Penzkofer, A. "Determination of Nonlinear Refractive Indices by External Self-Focusing"; Appl. Phys. 1989, 49, 513-519.
- [33] Siders, C. W.; Gaul, E. W.; Downer, M. C. "Self-Starting Femtosecond Pulse Generation from a Ti: Sapphire Laser Synchronously Pumped by a Pointing-Stabilized Mode-Locked Nd: YAG Laser"; Rev. Sci. Instrum. 1994, 65, 3140-3144.

سخت تقریبا مستقل از فاصله کاواک است و اثر در مرز سمت راست کمی بزرگ‌تر است (شکل (۱۶)), درصورتی که یک روزنه در مکانی نزدیک آینه M_3 و صفحه بروستر در $L_{2k} \approx Z_{2\min}$ قرار گرفته باشد. در مکان‌های مناسب عمل قفل مدی روزنه سخت، درصورتی که پرتو پمپ کاملا برای تقویت لیزر پیوسته متوجه نشده باشد، به دست می‌آید زیرا d_{\min} توسعه عدسی کر افزایش می‌یابد (شکل (۱۷) - ب).

۵. مراجع

- [1] Boyd, R. "Nonlinear optics"; Academic Press. 2003.
- [2] Shen, Y. "Recent advances in nonlinear optics", Rev. of Mod. Phys"; 1976, 48, 1.
- [3] Hnilo, A. A.; Kovalsky, M. G.; Agüero, M. B.; Tredicce, J. R. "Characteristics of the extreme events observed in the Kerr-lens Mode-Locked Ti: Sapphire Laser"; Phys. Rev. A, 2015, 91, 1-6.
- [4] Sheik-Bahae, M.; Said, A. A.; Hagan, D. J.; Soileau, M. J.; Van Stryland, E. W. "Nonlinear refraction and Optical Limiting in Thick Media"; Opt. Eng. 1991, 30, 1228-1235.
- [5] Salin, F.; Squier, J.; Piché, M. "Mode locking of Ti: Al₂O₃ Lasers and Self-Focusing: A Gaussian Approximation"; Opt. lett. 1991, 16, 1674-1676.
- [6] Brabec, T.; Spielmann, H.; Curley, P. F.; Krausz, F. "Kerr Lens Mode Locking"; Opt. lett. 1992, 17, 1292-1294.
- [7] Cerullo, G. S.; Silvestri, De.; Magni, V. "Self-Starting Kerr-Lens Mode Locking of a Ti: Sapphire Laser"; Opt. lett. 1994, 19, 1040-1042.
- [8] Diels, J. C.; Rudolph, W. "Ultrashort Laser Pulse Phenomena"; Academic Press, (2006)
- [9] Chen, S.; Wang, J. "Self-Starting Issues of Passive Self-Focusing Mode Locking"; Opt. lett. 1991, 16, 1689-1691.
- [10] Curley, P.; Ferguson, A. "Actively Mode-Locked Ti: Sapphire Laser Producing Transform-Limited Pulses of 150-fs Duration"; Opt. lett. 1991, 16, 1016-1018.
- [11] Spence, D. E.; Evans, J. M.; Sleat, WE.; Sibbett, W.; Allen, J. E. "Regeneratively Initiated Self-Mode-Locked Ti: Sapphire Laser"; Opt. Lett. 1991, 16, 1762-1764.
- [12] Sarukura, N.; Ishida, Y.; Nakano, H. "Generation of 50-Fsec Pulses From a Pulse-Compressed, Cw, Passively Mode-Locked Ti: Sapphire Laser"; Opt. Lett. 1991, 16, 153-155.
- [13] French, P.; Williams, J.; Taylor, J. "Femtosecond Pulse Generation from a Titanium-Doped Sapphire Laser using Nonlinear External Cavity Feedback"; Opt. Lett. 1989, 14, 686-688.
- [14] French, P. M. W.; Noske, D. U.; Rizvi, N. H.; Williams, J. A. R.; Taylor, J. R. "Characterisation of a Cw Titanium-Doped Sapphire Laser Mode-Locked with a Linear External Cavity"; Opt. comm. 1991, 83, 185-194.
- [15] Liu, Y. M.; Sun, K. W.; Prucnal, P. R.; Lyon, S. A. "Simple Method to Start and Maintain Self-Mode-Locking of a Ti: Sapphire Laser"; Opt. lett. 1992, 17, 1219-1221.
- [16] Emmerichs, U.; Bakker, H.; Kurz, H. "Generation of High-Repetition Rate Femtosecond Pulses Tunable in the Mid-infrared"; Opt. comm. 1994, 111, 497-501.