علمی– پژوهشی

# شبیهسازی سهبعدی اثر هندسه و توزیع دما بر عملکرد پیل سوختی

## اکسید جامد

مهدی کیهان پور او مجید قاسمی آ\*

دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی (تاریخ دریافت: ۱۴۰۰/۰۴/۲۵؛ تاریخ پذیرش: ۱۴۰۰/۰۸/۱۱)

#### چکیدہ

رشد سریع جمعیت، نیاز به منابع تجدید پذیر انرژی را افزایش خواهد داد. از طرفی وسعت آلودگی ناشی از سوختهای فسیلی، زندگی در کره خاکی را دچار مشکل ساخته است. به هر ترتیب ضرورت انتخاب جایگزین مناسب، ارزان قیمت و تمیز برای سوختهای فسیلی آشکار است. از جمله انرژی مطرح، انرژی الکتریکی تولیدشده بهوسیله پیلهای سوختی است که به دلیل بازدهی بالا، عدم آلایندگی محیط زیست و نیز مصرف هیدروژن بهعنوان سوخت، در حال حاضر راه حل مناسبی میباشد. در این پژوهش پیل سوختی اکسید جامد با دو هندسه متفاوت به-صورت سه بعدی شبیهسازی شده است. معادلات حاکم بر عملکرد پیل سوختی شامل الکتروشیمیایی، مومنتم، انتقال جرم و انرژی بهصورت همگیر(کوپل شده) با استفاده از یک کد المان محدود ، حل و بررسی شدهاند. نتایج نشان داد که هندسه لولهای با مشخصههای یکسان هندسی و مکانیکی دارای عملکرد بهتری نسبت به مدل صفحهای است. از حل معادله انرژی در حالت توزیع غیریکنواخت دما ملاحظه گردید که چگالی توان پیل سوختی تا حدود ٪۷ کاهش می یابد. همچنین مشخص شد تغییرات فشار کاتدی بر عملکرد پیل سوختی اثر بیشتری نسبت به فشار آندی دارند. در پایان نتایج نشان داد افزایش ضامت آند اثر قابل توجهی نسبت به افزایش ضخامت سایر اجزای پیل سوختی اثر میلاد بر عملکرد آن دارد.

واژههای کلیدی: پیل سوختی اکسید جامد لولهای، انرژی، المان محدود، شبیهسازی سه بعدی

## **3D** Simulation of Effect of Geometry and Temperature Distribution on SOFC Performance

#### Keyhanpour, M.

#### Ghasemi. M.

Mechanical Engineering Department, K. N. T. University of Technology (Received: 16/July /2021; Accepted: 23/October/2021)

## ABSTRACT

Rapid population growth will increase the need for renewable energy resources. On the other hand, the extent of pollution from fossil fuels has made life on Earth difficult. However, the need to choose a suitable, cheap and clean alternative to fossil fuels is obvious. One of the proposed energy sources is electrical energy generated by fuel cells, which are currently a suitable solution due to high efficiency, non-pollution of the environment and the use of hydrogen as fuel. In this research, a solid oxide fuel cell with two different geometries is simulated in three dimensions. The equations governing the performance of the fuel cell, including electrochemical, momentum, mass transfer, and energy, were coupled, solved and investigated by using a finite element code,. The results showed that the tubular geometry with the same dimensions and mechanical characteristics has a better performance than the planar type. By solving the energy equation in the case of non-uniform temperature distribution, it was shown that the power density of the fuel cell reduces by about 7%. It was also found that cathodic pressure changes have a greater effect on fuel cell performance than anodic pressure changes. Furthermore, the results showed that increasing the thickness of the anode has a significant effect on increasing its performance compared to increasing the thickness of other fuel cell components.

Keywords: Tubular SOFC, Energy, Finite Element, 3D Simulation

#### ۱– مقدمه

در سالهای اخیر کشورهای مختلف به دنبال منابع انرژی نو و سازگار با محیط زیست هستند. منابعی که بتوانند جای خالی سوختهای فسیلی را در سالهای آینده پر کنند. سوختهای فسیلی بهعنوان منابعی تمام شدنی و محدود و همچنین آلاینده محیط زیست روز به روز کمتر شده و بنابر پیشبینیها در سالهای نه چندان دور به اتمام خواهند رسید. در این شرایط، پیلهای سوختی بهعنوان یکی از منابع انرژی در دسترس، سازگار با محیط زیست و با بازدهی مناسب در میان منابع مختلف مطرح هستند. پیل سوختی دستگاهی است که سوخت معمولاً هیدروژن را دریافت و از راه واکنشهای الکتروشیمیایی، گرما و الكتريسيته توليد مىكند. پيلهاى سوختى شامل انواع مختلفی از جمله پیلهای سوختی پلیمری، قلیایی، اسید فسفریک، کربنات مذاب و اکسید جامد می شوند. تفاوت گونههای متفاوت پیل سوختی میتواند در نوع سوخت، واكنشهاى الكتروشيميايي، جنس قطعات مختلف، اندازهها و دمای عملکردی آنها باشد [۱]. پیلهای سوختی اکسید جامد و غشا پلیمری انواع پیلهای سوختی کاربردیتر هستند. پیل سوختی اکسید جامد با دمای کارکرد متوسط و بالا در بازه C ۷۰۰° تا C ۱۰۰۰ و همچنین ویژگیهای مفیدی از جمله بازدهی مناسب، کار با انواع سوخت مانند هیدروژن و سوختهای پایه کربن، دوام بالای قطعات و همچنین قابلیت کارکرد در سیستمهای تولید انرژی هم-زمان از منابع انرژی امید بخش است [۲]. همانطور که اشاره شد پیل سوختی اکسید جامد یک فناوری پیشرفته برای تبدیل انرژی شیمیایی در سوختهای هیدروکربن به انرژی الکتریکی و گرمایش با استفاده از یک واکنش الكتروشيميايي است [٣]. فنّاوري پيل سوختي اكسيد جامد دارای مزایای زیادی نسبت به فناوریهای احتراقی است که در ذیل به اختصار تشریح گردیده است:

۱ - راندمان بالا، بهویژه در مقیاس کوچک:

پیل سوختی اکسید جامد از فنّاوریهای متداول مانند موتورهای احتراق و توربینهای گازی متفاوت است و دارای مراحل احتراق و تبدیل حرارت به کار مکانیکی بهمنظور تولید الکتریسیته نیست و مستقیم بهوسیله استفاده از واکنشهای شیمیایی برق تولید میکند.

### ۲- انعطاف پذیری سوخت:

پیل سوختی اساساً وسیلهای است که سوخت (مانند هیدروژن، متانول، گاز طبیعی، بنزین و…) و اکسیدان (مانند هوا و اکسیژن) را به برق، آب و حرارت تبدیل میکند. بهعبارت دیگر پیل سوختی شبیه یک باتری بوده ولی بر خلاف باتری نیاز به انبارش (شارژ) ندارد. تا زمانی که سوخت و هوای مورد نیاز پیل تأمین شود، سامانه کار خواهد کرد. پیلهای سوختی میتوانند سوختهای حاوی هیدروژن مانند متانول، اتانول، گاز طبیعی و حتی بنزین و گازوئیل را مورد استفاده قرار دهند.

## ۳- کاهش انتشار آلایندههای خروجی:

سیستمهای پیل سوختی برای فرآیند تولید توان نیازی به احتراق ندارند، به همین دلیل تولید گازهای گلخانهای از جمله اکسیدهای نیتروژن یا ذرات ریز معلق، از این سیستمها کم است. بهعلاوه، ترکیبات گوگرد برای پیل سوختی، سمی هستند که باید از سوخت استخراج گردند بنابراین اکسیدهای گوگرد خروجی از پیل ناچیز می گردد.

۴- عملکرد بدون صدا و عدم لرزش:

تبدیل الکتروشیمیایی سوخت نیاز به بخشهای متحرک برای تولید توان را از بین میبرد. سیستمهای پیل سوختی فاقد اجزای متحرک هستند. با توجه به این ویژگی سیستم پیل سوختی اکسید جامد دارای ارتعاش و سروصدا نیستند که یک ویژگی مطلوب در فضاهای باز و بسته است [۴].

در ادامه نحوه عملکرد پیل سوختی به اختصار بیان گردیده است. پیل سوختی اکسید جامد معمولی از دو کانال، یکی برای سوخت و دیگری برای هوا (اکسیدکننده) تشکیل شده است که جریان سوخت و هوا را هر کدام به ترتیب به سطح الکترودهای آند و کاتد میرساند. الکترودهای آند و کاتد متخلخل میباشند لذا تخلخل الکترودها باعث میشود که اجزاء گازی هوا و سوخت از میان روزنههای موجود عبور کنند و خود را به نزدیکی سطح مشترک الکترود و الکترولیت برسانند که با لایهای از یک مشترک الکترود و الکترولیت برسانند که با لایهای از یک الکتروشیمیایی که در الکترود کاتد اتفاق میافتد یون الکتروشیمیایی که در الکترود کاتد اتفاق میافتد یون

ساختند که در الکترولیت آن ZrO2/۸۵ و ٪/CaO وجود داشت و از پلاتينيوم متخلخل بهعنوان الكترود استفاده می کرد. مساحت و ضخامت آن بهترتیب<sup>2</sup>۵/۲ و ۱۵ cm بود. روشن است که تلاشهای صورت گرفته برای بهبود بازدهی و عملکرد پیل سوختی اکسید جامد روندی را دنبال کرده که بیشتر بر استفاده از جنسهای مختلف در الكترودها، الكتروليت و پارامترهاى هندسى پيل تمركز داشته است [۵]. در سال ۲۰۱۷ راناسینگ و همکارانش، یک پیل سوختی اکسید جامد صفحهای را در شرایط پایا و سهبعدی بررسی کردند. در این پژوهش دماهای عملکردی و همچنین نوع الگوی جریان در پیل سوختی مطالعه شد. نتایج نشان داد بازدهی پیل سوختی در دمای عملکردی بالاتر و همچنین با جریان با الگوی شعاعی افزایش مییابد [8]. در سال ۲۰۱۳ کایا و همکارانش یک پیل سوختی اکسید جامد لولهای به صورت پایا و دوبعدی شبیه سازی و بررسی کردند. در این پژوهش انتقال حرارت در پیل سوختی صفحهای بررسی شد. نتایج نشان داد ٪۸۰ گرمای تولید در پیل از راههای گوناگون انتقال حرارت از آن دفع می گردد. آنها با شبیه سازی یک مدل توانستند بیشترین اختلاف دما را در نقاط مختلف پیل که منجر به تنشهای گرمایی می گردد به ۶ درجه برسانند. در این حالت W ۲۳/۰۳ گرمای تولیدی در پیل در ولتاژ V V/۰ و دمای کاری C° ۷۰۰ به مقدار ۴/۶۱ رسید [۷]. در سال ۲۰۱۸ پارک و همکارانش یک پیل سوختی اکسید جامد در دمای کارکرد پایین را مورد بررسی قرار دادند. نتایج آنها نشان داد ضخامت الكترودها و الكتروليت، دماى عملكرد و رسانایی یونی و الکتریکی با بازدهی پیل سوختی رابطه مستقیم دارد. آنها همچنین نشان دادند در پیل سوختی ميكرو- لولهاى، بيشترين تلفات ولتاژ مربوط به كاتد است [۸]. چن و همکارانش در سال ۲۰۱۹ یک پیل سوختی اکسید جامد میکرو- لولهای را بهمنظور تولید متان در فشارهای مختلف بهصورت آزمایشگاهی و عددی بررسی و مطالعه كردند. نتايج نشان داد، افزايش فشار با تشكيل متان رابطه مستقيم دارد بهنحوىكه افزايش سه بار فشار عملکردی منجر به تشکیل بیشتر  $\frac{mol}{m^3}$ ۰، متان می گردد [۹]. صیادیان و همکارانش در سال ۲۰۲۱ پیل سوختی

سرامیک است که در محدوده دمای عملکرد پیل سوختی اکسید جامد یعنی C° ۶۰۰ تا C° ۱۰۰۰ (به فناوری مواد بکار رفته در پیل بستگی دارد) خاصیت هدایت یونی دارد لذا الكتروليت يون اكسيژن توليدشده در سطح الكترود كاتد را از درون خود عبور مىدهد و آن را به سطح الكترود آند مىرساند تا با هيدروژن سوخت واكنش دهد و الكترون توليد گردد. با توجه به اينكه الكتروليت تنها خاصيت هدايت يونى دارد لذا الكترون توليدشده در سطح الكترود كاتد نمی تواند از الکترولیت عبور کند بنابراین از یک مدار خارجی خود را به سمت الکترود کاتد میرساند و این سیکل مدام تکرار می گردد. در اثر عبور الکترون از مدار خارجی برق تولید می گردد که می تواند برای مصارف گوناگون مورد استفاده قرار گیرد. دو طرح متداول پیل سوختی اکسید جامد معمولی شامل هندسه صفحهای و لولهای است. همان طور که بیان شد چهار جزء اصلی یک پیل سوختی اكسيد جامد بدين قرارند: آند، الكتروليت، كاتد و اتصال دهنده. در پایان این بخش به اختصار پیشینه کار کرد پیل سوختی و چند نمونه از تحقیقات صورت گرفته در این حوزه شرح داده می شود. پیل سوختی اکسید جامد تقریباً از ۱۰۰ سال قبل به کار برده شده است. تحقیقات بر روی پیل سوختی اکسید جامد از دهه ۱۹۳۰ با کارهای بور و پریس که نشأت گرفته از کشف تحسینبرانگیز رسانایی یونی بود، آغاز شد. به هرحال این نوع از پیل سوختی تنها توجهات را تا دهه ۱۹۷۰ به خود جلب کرد. به نظر میرسید این طرح پتانسیل بالایی برای تولید الکتریسیته با بازدهی بالا تا حدود ٪۷۰ و ٪۹۰ را در مواقع ترکیب با توربینهای گازی دارد ولی با توجه به هزینههای ساخت بالا و ارزان تر بودن استفاده از سوختهای فسیلی، توانایی رقابت با نیروگاههایی که از سوخت فسیلی استفاده می کردند را نداشت. بور و پریس بر اساس نیاز به الکترولیتی با قابلیت کنترل بیشتر نسبت به الكتروليتهاي مذاب، پيل سوختي اكسيد جامد را توسعه دادند. آنها از جزئی جامد که توسط ویلهلم نرنست در سال ۱۸۹۹ گسترش یافته بود استفاده نمودند. یک الكتروليت مشابه بر اساس زير كونيوم توسط ويسبارت و روكا در سال ۱۹۶۲ در شرکت الکترونیکی وستینگ هَوس استفاده شده بود. آنها در این شرکت یک پیل سوختی

اکسید جامد را بهصورت دوبعدی و چند فیزیکی مورد بررسی قرار دادند. در این پژوهش پیل سوختی صفحهای به صورت پایا و با حل همزمان معادله انرژی مطالعه گردید. نمایش توزیع دما، محاسبه و استخراج اعداد بیبعد اثر گذار و همچنین اثر آنها بر بازدهی پیل سوختی از جمله نتایج پژوهش بود [۱۰]. در سال ۲۰۲۰ عماد فحص و همکارانش اثر تنشهای گرمایی را در یک پیل سوختی اکسید جامد صفحهای به صورت دو بعدی مورد بررسی قرار دادند. آنها نشان دادند با توجه به دمای کاری بالای پیل سوختی اکسید جامد، تنش گرمایی میتواند منشأ ایجاد و گسترش تنش باشد. گوشه پایینی آند و گوشه بالایی کاتد بهعنوان محلهای مستعد برای رشد ترک پیشبینی شد و همچنین نشان داده شد که تنش میتواند تا ٪۱/۵ موجب تغییر اندازه کاتد گردد [11]. در سال ۲۰۱۷ کامور و همکارانش یک پیل سوختی اکسید جامه صفحهای تک محفظهای را با مخلوط اکسیژن، نیتروژن و متان بهعنوان سوخت ورودی بهصورت عددی و با حل همزمان معادله انرژی مورد مطالعه قرار دادند. نتایج آنها نشان داد بالاترین در قسمت آند اتفاق میافتد که بهدلیل واکنشهای اکسید متان است. در پایان نشان داده شد دلیل ناکارآمدی این نوع پیل سوختی مقدار قابل توجه هیدروژن است که بدون شرکت در واکنش از پیل سوختی خارج می گردند [۱۲]. آنها همچنین در پژوهشی دیگر در سال ۲۰۲۰ کامور و همکارانش یک پیل سوختی صفحهای تک محفظهای را بهصورت پایا و گذرا بررسی کردند. در این پژوهش همچنین اثر آند، کاتد و الكتروليت حمايتشده مورد بررسي قرار گرفت. نتايج نشان داد اثر آند حمایتشده بر عملکرد پیل سوختی بیشتر از سایر موارد است و در پایان عملکرد کاتد با گذشت زمان مطالعه گردید [۱۳].

در این پژوهش عملکرد یک پیل سوختی اکسید جامد لولهای در مقایسه با نوع صفحهای آن مورد مطالعه قرار گرفته است. همچنین در ادامه با حل معادله انرژی، اثر توزیع دما بر عملکرد پیل مطالعه شد. هندسه پیل سوختی در دو حالت صفحهای و لولهای به صورت سه بعدی شبیه-سازی شده و معادلات مربوطه که شامل الکتروشیمیایی، انتقال جرم، انرژی و ممنتوم می باشند به صورت کوپل شده و

با یک کد المان محدود تعریف، حل و بررسی شدهاند. خواص سیالاتی و ترموفیزیکی مخلوط گازها مانند لزجت دینامیکی، چگالی و غیره با استفاده از ماژول ترمودینامیک کامسول بهصورت تابعی از دما، فشار و کسر مولی گونههای مختلف تعریف شده است. همچنین اثر پارامترهای گوناگون همچون دمای کاری، فشار کاتدی و آندی و ضخامت قسمتهای گوناگون پیل سوختی مورد بررسی قرار گرفته است.

#### ۲- هندسه

در این پژوهش ابتدا هندسه یک پیل سوختی اکسید جامد صفحهای بهصورت سهبعدی مطابق شکل ۱ شبیهسازی شد. در ادامه با ضخامتها و اندازههای یکسان مدل لولهای آن نیز جهت مقایسه مورد شبیهسازی قرار گرفت. دو هندسه مذکور در شکلهای ۱ و ۲ نشان داده شده است.



у 📜 х

**شکل (۱):** هندسه پیل سوختی اکسید جامد صفحهای



شکل (۲): هندسه پیل سوختی اکسید جامد لولهای

اندازههای بخشهای گوناگون پیل سوختی در جدول ۱ نشان داده شده است [۶].

هندسه	گوناگون	بخشهای	اندازه	:(1)	جدول
-------	---------	--------	--------	------	------

اندازه (میلیمتر)	پارامتر	
۱.	طول پیل سوختی	
• / ١	ارتفاع كاتد	
•/\	ارتفاع آند	
• / ١	ارتفاع الكتروليت	
•/۵	ارتفاع کانال ورودی سوخت و هوا	

#### ۳- معادلات

واکنشهای الکتروشیمیایی که با ولتاژهای متفاوت الکترود و الکترولیت به ترتیب در آند و کاتد انجام میشود، بهصورت ذیل است:

$$H_2 + 0^{2-} \Leftrightarrow H_2 0 + 2e^- \tag{1}$$

$$\frac{1}{2}O_2 + 2e^- \Leftrightarrow O^{2-} \tag{(Y)}$$

رابطه کلی واکنش الکتروشیمیایی نیز بهصورت ذیل خواهد بود:

$$H_2 + \frac{1}{2}O_2 \Leftrightarrow H_2O \tag{(7)}$$

برای تحلیل میدان جریانهای سوخت و هوا در کانالهای آند و کاتد از معادلات بقای جرم و ممنتوم استفاده می شود. جریانهای سوخت و هوا با فرض گاز ایده آل، به صورت پایا و تراکم پذیر در نظر گرفته شده است. معادلات مذکور به-صورت ذیل می باشند [۱۴]:

$$\nabla \left( \rho. \, \mathrm{V} \right) = \mathrm{S}_{\mathrm{mass}} \tag{(f)}$$

$$\rho \frac{DV_f}{Dt} = -\nabla P + \nabla .\tau \tag{(a)}$$

در معادله ۱، S<sub>mass</sub> چشمه جرمی حاصل از واکنشهای الکتروشیمیایی است. این عبارت در الکترودهای آند و کاتد به کار میرود. در معادله (۲) نیز، عبارتهای Γ ، ۲ و ρ به ترتیب میدان سرعت، تنشهای برشی، فشار و چگالی جریان میباشند. برای بررسی جریان در محیط متخلخل الکترود با صرفنظر کردن از نیروی وزن، از معادله دارسی-

برینکمن استفاده میشود. در معادله زیر ٤ و K به ترتیب ضریب تخلخل و نفوذپذیری محیط میباشند.

$$\frac{\rho}{\varepsilon} \left( (V, \nabla) \frac{V}{\varepsilon} \right) = -\nabla P + \nabla \cdot \left( \frac{V}{\varepsilon} (\tau) \right) \\ - \left( K^{-\nu} \mu + \frac{S_{mass}}{\varepsilon^{\nu}} \right) V$$
(F)

انتقال جرم با دو روش نفوذ و جابجایی در کانالها و الکترودها انجام می گردد.

برای بررسی انتقال جرم هرگونه از معادله ماکسول-استفان مطابق با رابطه (۷) استفاده شده است. تعاریف عبارتهای معادله (۷) در ذیل نشان داده شده است.

$$\nabla . j_i + \rho(V. \nabla) \omega_i = R_i \tag{Y}$$

$$j_{i} = -\rho\omega_{i}\sum_{k}D_{ik,eff}d_{k} \tag{$\lambda$}$$

$$d_{k} = \nabla x_{k} + \frac{1}{P} [(x_{k} - \omega_{k}) \nabla P]$$
<sup>(9)</sup>

$$D_{ik} = 1.883 \times 10^{1.5} \frac{\left(\frac{1}{M_i} + \frac{1}{M_k}\right)^{\frac{1}{2}}}{P\sigma_{ik}^2 \Omega_D}$$
(\.)

$$M_n = (\sum_i \frac{\omega_i}{M_i})^{-1}$$
(11)

$$x_k = \frac{\omega_k}{M_k} M_n \tag{11}$$

 $D_{ik,eff} = D_{ik} \times \varepsilon^{1.5} \tag{17}$ 

در معادله (۷)،  $W_i \cdot W_i = R_i + T_i$  و  $R_i + T_i$  و شار جرمی، تولید جرم حاصل از واکنشهای الکتروشیمیایی و شار جرمی از راه نفوذ برای هرگونه (زیربند i) میباشند. در معادلات ۸ و ۹،  $M_n \cdot d_k$  ، و  $M_n \cdot d_k$  به ترتیب عامل محرک انتقال به روش نفوذ<sup>1</sup>، جرم مولی و کسر مولی میباشند. در رابطه ۱۰،  $\Omega_0$  و  $\sigma$  بهترتیب انتگرال برخورد نفوذ<sup>۲</sup> و طول مشخصه<sup>۳</sup> را نشان میدهند. با استفاده از روابط ۱۰ و ۱۳ ضریب نفوذ دوتایی<sup>1</sup> و ضریب نفوذ مؤثر دوتایی در محیط متخلخل محاسبه

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Diffusional Driving Force

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Diffusion Collision Integral

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Characteristic Length

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Binary Diffusion Coefficient

(٢٠)

(۲۱)

i<sub>loc</sub>

$$= i_{0,a}\left(\left(\frac{C_{H_2}}{C_{H_2,ref}}\right)\exp\left(\frac{0.5F\eta}{RT}\right) - \left(\frac{C_{H_{20}}}{C_{H_20,ref}}\right)\exp\left(-\frac{1.5F\eta}{RT}\right)\right)$$

i<sub>loc</sub>

$$= i_{0,C} \left( \exp\left(\frac{3.5F\eta}{RT}\right) - x_{O_2} \left(\frac{C_{tot}}{C_{O_2,ref}}\right) \exp\left(-\frac{0.5F\eta}{RT}\right) \right)$$
$$i = a_V i_{loc}$$
(77)

در روابط (۲۰–۲۲) عبارتهای i<sub>loc</sub> ،i<sub>0</sub> مار<sup>2</sup>. C<sub>H2O</sub>. C<sub>H2O</sub> و av بهترتیب چگالی جریان تبادلی، چگالی جریان محلی، غلظت کل گونهها، غلظت مولی آب، غلظت مولی مرجع آب و سطح ویژه میباشند.

مقدار مشخصههای فیزیکی و الکتریکی الکترولیت و الکترودها در جدول **۱** نشان داده شده است.

جدول (۲): مشخصه های فیزیکی و الکتریکی پیل سوختی

اندازه	واحد	پارامتر (نماد)
۲۵	$\frac{S}{m}$	رسانندگی یونی در الکترولیت (o <sub>m</sub> )
۱۰۰۰	$\frac{S}{m}$	رسانندگی الکترونی در الکترود (σ <sub>s</sub> )
• / ١	$\frac{A}{m^2}$	چگالی جریان تبادلی در آند (i <sub>0,a</sub> )
۰/۰ ۱	$\frac{A}{m^2}$	چگالی جریان تبادلی در کاتد (i <sub>0,C</sub> )
<b>۱۰</b> -۹	$\frac{1}{m^2}$	سطح ویژه (a <sub>V</sub> )
1.	$\frac{1}{m^2}$	ضریب نفوذپذیری (K)
٠/۴	-	ضريب تخلخل (٤)

واکنشهای الکتروشیمیایی درون الکترودها و جریانهای یونی و الکتریکی باعث ایجاد چشمههای گرمایی و توزیع دمای غیریکنواخت در پیل سوختی می گردند. میشود. در معادلات (۱، ۳ و ۴) S<sub>mass</sub> نیز بهصورت زیر تعریف میشود.

$$S_{mass} = \sum_{i} M_i R_i$$
 (14)

$$R_i = -\frac{\upsilon_i i}{nF} \tag{10}$$

در معادله فوق، i، vi و n بهترتیب ضریب استوکیومتری واکنش الکتروشیمیایی، چگالی جریان الکتریکی، ثابت فارادی و تعداد الکترونهای شرکتکننده در واکنش می-باشند. علامت منفی برای مصرف اکسیژن و هیدروژن و علامت مثبت برای تولید آب است. پروتونها از راه غشا و الکترونها از طریق الکترودها حرکت میکنند و موجب جریانهای یونی و الکتریکی میشوند. معادلات بقای شارژ (اهم) برای بررسی میدان جریانهای یونی و الکتریکی به-صورت ذیل تعریف میشوند:

$$\nabla \left(\sigma_{\rm m} \nabla \varphi_{\rm m}\right) = S_{\rm pot} \tag{19}$$

$$\nabla \cdot \left(\sigma_{\rm s} \nabla \varphi_{\rm s}\right) = -S_{\rm pot} \tag{1Y}$$

در معادلات فوق،  $\sigma_m \ embed{m} \ embed{m}$  به ترتیب رسانندگی یونی و  $\sigma_s$  پتانسیل الکتریکی در الکترولیت اکسید جامد میباشند.  $\sigma_s$  نیز معرف رسانندگی الکتریکی و پتانسیل الکتریکی است در الکترودها هستند. Spot چشمه پتانسیل الکتریکی است که در لایه الکترود کاتدی i و در لایه الکترود آندی i– است. که در لایه الکترود کاتدی c او در لایه الکترود آندی i– است. پتانسیل اضافی (تلفات) در آند ( $\eta_{act, c}$ ) و کاتد ( $\eta_{act, c}$ ) به-

$$\eta_{act,a} = \varphi_s - \varphi_m - E_{eq, H_v}$$
(1A)

$$\eta_{act,c} = \varphi_s - \varphi_m - E_{eq, O_{\gamma}}$$
(19)

در روابط فوق، E<sub>eq</sub> پتانسیل تعادلی<sup>۲</sup> است که با رابطه نرنست مشخص میشود [۱۱]. در ادامه برای تعیین رابطه بین جریان و افت پتانسیل آند و کاتد از رابطه بوتلر- ولمر استفاده می گردد.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Over Potential

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Equilibrium Potential

معادله انرژی برای تحلیل میدان دما در پیل سوختی بهصورت ذیل است.

$$\nabla \cdot \left( \left( \rho C_p \right)_{\text{eff}} VT \right) = \nabla \cdot \left( k_{\text{eff}} \nabla T \right) + S_{\text{temp}}$$
(17)

در معادله فوق، K<sub>eff</sub>، K<sub>eff</sub>) به ترتیب چشمه گرمایی، رسانندگی گرمایی مؤثر و ظرفیت گرمایی ویژه مؤثر میباشند. S<sub>temp</sub> شامل تلفات گرمایی اهمی و واکنش-های الکتروشیمیایی میشود. تلفات اهمی با توجه به جریان یونها و الکترونها در الکترولیت، آند و کاتد ایجاد می گردد. چشمههای گرمایی مذکور با روابط ذیل محاسبه می شوند:

$$Q_{ohm} = \frac{i^2}{2}$$
(15)

$$Q_{elec} = \left(\eta_{act} + \frac{T.\Delta S_r}{n.F}\right)i$$
(7 $\Delta$ )

در روابط فوق، i م ۵، ۵، م م Sr، ۹ و F بهترتیب چگالی جریان الکتریکی، رسانندگی الکتریکی، تلفات فعالسازی، تغییر آنتروپی ناشی از واکنشهای الکتروشیمیایی، تعداد الکترونها در آند و یا کاتد و ثابت فارادی میباشند.

عبارتهای استفاده شده برای تحلیل معادلات میدان دما در جدول ۲ نشان داده شده است [۶ و ۱۱].

جدول (۳): مشخصههای ترموفیزیکی پیل سوختی

_		
اندازه	واحد	پارامتر (نماد)
۶/۲۳	W m. K	رسانندگی گرمایی آند (k <sub>eff,a</sub> )
١.	W m. K	رسانندگی گرمایی کاتد (k <sub>eff,c</sub> )
۲/۷	W m. K	رسانندگی گرمایی الکترولیت (k <sub>eff,e</sub> )
۵۹۵	j kg. K	ظرفیت گرمایی ویژه آند (C <sub>p,a</sub> )
۵۷۳	j kg. K	ظرفیت گرمایی ویژه کاتد (C <sub>p,c</sub> )
8.8	j kg. K	ظرفیت گرمایی ویژه الکترولیت (C <sub>p,e</sub> )
۶۸۷۰	$\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$	چگالی آند (p <sub>a</sub> )
۵۹۰۰	$\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$	چگالی کاتد (ρ <sub>c</sub> )
۶۵۷۰۰	$\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$	چگالی الکترولیت (p <sub>e</sub> )

## ۴- حل عددی و اعتبار سنجی

برای اعتبارسنجی حل عددی با نرمافزار کامسول، پژوهش عددی راناسینگ و همکارانش شبیهسازی شد. نتایج نمودار چگالی توان- چگالی آمپر در نمودار شکل ۳ با یکدیگر مقایسه شد. با توجه به شکل، انطباق نتایج بر یکدیگر مشاهده می گردد.



**شکل (۳):** اعتبار سنجی

۴ شرایط کاری پیل سوختی صفحهای در جدول مشخص شده است.

		2 22
اندازه	واحد	پارامتر (نماد)
۱۰۰۰-۹۰۰-۸۰۰	°C	دمای کاری (T)
١	Atm	فشار مرجع (P <sub>ref</sub> )
٢	Pa	اختلاف فشار در کانال آند (P)
۶	Pa	اختلاف فشار در کانال کاتد (P)
•/80816	-	کسر مولی H <sub>2</sub> در آند (x <sub>H2</sub> )
۰/۱۱۰۵۹	-	کسر مولی 0 <sub>2</sub> در کاتد (x <sub>02</sub> )
•/۴⋏۴٩۶	-	کسر مولی H <sub>2</sub> 0 در کاتد (x <sub>H2O</sub> )

جدول (۴): شرایط پیل سوختی

در پژوهش راناسینگ و همکارانش، پیل سوختی صفحهای سهبعدی در دو حالت جریان مخالف و شعاعی بهصورت عددی بررسی گردید.

## ۵- روش حل و استقلال از شبکه

در این پژوهش معادلات الکتروشیمیایی، پیوستگی، ممنتوم، انتقال جرم و انرژی در نرمافزار کامسول تعریف، کوپل و حل شدهاند. حل عددی کامسول بر مبنای روش المان محدود انجام میشود. در این مسأله الگوریتم حل GMRES است. هندسه سهبعدی مسأله با نرمافزار سالیدورک ترسیم شده است.

برای حل معادلات از ماژول پایا با چهار پله<sup>۱</sup> به شرح ذیل استفاده میشود:

۱- معادلات الكتروشيميايي براي توزيع جريان

۲- سپس میدان جریانهای سوخت و هوا در آند و کاتد (معادلات بقای مومنتوم و جرم)

۳- معادلات انتقال جرم (استفان- ماکسول) برای توزیع گونهها

۴- معادله انرژی برای توزیع دما با فرض چشمههای گرمایی ماژولهای الکتروشیمیایی و انتقال جرم

همچنین ماژولهای مومنتوم و انتقال جرم با توجه به واکنشهای شیمیایی و الکتروشیمیایی و اثر آن بر تغییر چگالی جریانها کوپل شده است. برای دقت حل عددی، معیار هم گرایی <sup>۶</sup>-۱۰ در نظر گرفته شده است.

برای شبکه محاسباتی از ماژول مش کنترلشده<sup>۲</sup> با قابلیت مشزنی خودکار با حساسیت نسبت به ضخامت و هندسه دامنههای مختلف پیل سوختی استفاده شده است. از اینرو، برای بررسی استقلال از شبکه محاسباتی مقدار کسر مولی هیدروژن در راستای کانال آند در ولتاژ V ۶/۰ در چهار حالت مقایسه شده است. با توجه به شکل ۴ مشاهده میشود که تقریباً مقدار کسر مولی هیدروژن در دو حالت درشت<sup>۳</sup> و عادی<sup>1</sup> یکسان است. بنابراین، از حالت

- <sup>1</sup> Step
- <sup>2</sup> Controlled Mesh
- $^{3}$  Coarse
- <sup>4</sup> Norrmal

مشزنی عادی با میانگین کیفیت مش ۰/۸۴ برای سایر مراحل حل استفاده می گردد.



#### ۶- شرایط مرزی

برای حل معادلات مسأله، شرایط مرزی مطابق با جدول ۵ تعیین و اعمال گردید.

با فرض تغییرات ولتاژ ۷ ۰/۹۵ تا ۷ ۰/۲ و حالت پایا معادلات در دو هندسه صفحهای و لولهای مورد حل قرار گرفتهاند. هندسه لولهای در دو حالت عدم حل و حل معادله انرژی بررسی شده است.

با توجه به شکل **۵** مشاهده می گردد که در هندسه لولهای با فرض ضخامتهای یکسان و شرایط مشابه با پیل سوختی صفحهای، عملکرد افزایش مییابد. همچنین نشان داده شد که حل معادله انرژی و اثر توزیع غیریکنواخت دما بر پارامترهای گوناگون منجر به کاهش عملکرد پیل سوختی در مقایسه با حالت دما ثابت می گردد. تغییر موختی در مقایسه با حالت دما ثابت می گردد. تغییر میدسه از صفحهای به لولهای تأثیر قابل ملاحظهای بر عملکرد پیل سوختی دارد. از جمله دلایل آن می توان به مصرف بیشتر هیدروژن در آند لولهای اشاره کرد که با سطح تماس بیشتر بین جریان سوخت و الکترود در حالت لولهای

میسر می گردد. در شکل ۶ میانگین کسر مولی موجود در الکترود در دو حالت لولهای و صفحهای نشان داده شده است.

**جدول (۵):** شرایط مرزی مسأله

نوع	شرایط مرزی و مقادیر اولیه	معادله	
۱۰۰۰-۹۰۰-۸۰۰	دمای جریانهای ورودی (C°)		
شار حرارتی جابجایی غالب است	شرط مرزی خروجی کانالهای آند و کاتد	معادله انرژی	
فشار ثابت	شرط مرزی ورودی کانالهای آند و کاتد		
فشار ثايت	شرط مرزی خروجی کانالهای آند و کاتد	معادله بقای جرم و ممنتوم	
عدم لغزش	ديواره كانالها		
کسر مولی ثابت	شرط مرزی ورودی کانالهای آند و کاتد		
شار جرمی جابجایی غالب است	شرط مرزی خروجی کانالهای آند و کاتد	معادله انتقال	
کسر مولی	مقدار اولیه گونهها در داخل پیل سوختی	جرم	
عدم شار جرمی	دیوارہ بیرونی کانال کاتد		
مقدار ولتاژ كارى	مقدار اولیه پتانسیل الکتریکی در کاتد		
مقدار ولتاژ برابر صفر	مقدار اولیه پتانسیل الکتریکی در آند و کاتد	مرادام تربيه	
مقدار ولتاژ برابر صفر	شرط مرزی پتانسیل الکتریکی آند	جريان	
مقدار ولتاژ كارى	شرط مرزی پتانسیل الکتریکی کاتد		

۷- نتايج

نمودار تغییرات ولتاژ-جریان در شکل **۵** نشان داده شده است.



شکل (۶): تغییرات میانگین کسر مولی هیدروژن در محیط آند نسبت به تغییر ولتاژ برای دو هندسه صفحهای و لولهای

همان طور که در شکل ۶ نشان داده شده است، کسر مولی هیدروژن موجود در آند با کاهش ولتاژ و افزایش واکنش-های الکتروشیمیایی در هندسه لولهای نسبت به هندسه

صفحهای روند کاهشی قابل ملاحظهای دارد که منجر به عملکرد مناسب پیل سوختی در هندسه لولهای میگردد. همچنین در شکل ۷ مشاهده میگردد که بیشترین غلظت هیدروژن در اوایل کانال و آند انباشته میگردد که با مصرف هیدروژن در ادامه مقدار آن کاهش محسوسی مییابد. با توجه به شکل ۸ روند تغییرات غلظت اکسیژن نیز مشابه هیدروژن خواهد بود.



**شکل (۷): تغییرات میانگین کسر مولی هیدروژن در محیط** کانال سوخت و آند در ولتاژ ۷ ۰/۹



شکل (۸): تغییرات میانگین کسر مولی اکسیژن در محیط کانال هوا و کاتد در ولتاژ ۷ ۰/۵

با توجه به شکل **۹** مشاهده می گردد که کاهش ولتاژ منجر به افزایش دمای پیل سوختی می شود. کاهش ولتاژ مطابق شکل **۵** افزایش چگالی جریان را در پی دارد. نرخ بیشتر انجام واکنشهای الکتروشیمیایی، چگالی جریان الکتریکی بیشتر، اثر مقاومتهای اهمی و تلفات بیشتر کاتدی و آندی باعث دمای بیشتر پیل سوختی در ولتاژهای پایینتر می شود.

با توجه به الگوی توزیع دمای شعاعی در شکل ۱۰ مشاهده می گردد که بیشترین درجه حرارت در ناحیه الکترولیت و کاتد است که مناسب است برای جلوگیری از آسیب ناشی از تنشهای گرمایی این ناحیه قطورتر طراحی گردد. در ادامه اثر حل معادله انرژی بر جریان و غلظت سوخت در کانال مورد بررسی قرار گرفته است.

در شکلهای ۱۱ و ۱۲ به ترتیب تغییرات سرعت جریان سوخت و کسر مولی هیدروژن نشان داده شده است. از روند نمودارها مشاهده می گردد که حل معادله انرژی و افزایش دما در بخشهای گوناگون پیل سوختی باعث کاهش سرعت جریان سوخت و در نتیجه نفوذ کمتر هیدروژن به الکترودها می شود که با توجه به اثر دما بر مشخصههای سیالاتی هیدروژن و بخار آب بهعنوان سوخت است. در شکل ۱۳ اثر دمای کاری پیل سوختی نشان داده شده است.





**شکل (۱۰): تغییرات** دما در راستای شعاعی پیل سوختی لولهای در ولتاژ ۷ ۰/۳



شکل (۱۱): تغییرات سرعت جریان در راستای مرکز پیل سوختی لولهای در دو ولتاژ متفاوت ۱- بدون حل معادله انرژی ۲- حل معادله انرژی



با توجه به شکل **۱۳**، مشاهده می شود که افزایش دمای کاری باعث کاهش عملکرد پیل سوختی می گردد. کاهش عملکرد با حل معادله انرژی نسبت به عدم حل آن، قابل ملاحظه تر است. در پایان نمودار توان- جریان پیل سوختی

در حالتهای مختلف نمایش داده شده است. در ادامه توان خروجی پیل سوختی مورد ارزیابی قرار گرفته است. با توجه به شکل **۱۳ و ۱۴،** چگالی جریان نسبت به چگالی توان در دماهای کاری متفاوت تغییرات کم تری دارد. کاهش چگالی توان با افزایش دمای کاری حاکی از کاهش نفوذ سوخت به آند، کاهش سرعت مصرف هیدروژن و واکنشهای الکتروشیمیایی کندتر است.

در شکل **۱۴** چگالی توان با تغییر دما از ۵°۸۰۰ به ۵۰۰۰ حدود ۱۲٪ و از ۵°۹۰۰ به ۵°۰۰۰ حدود ۱۴٪ کاهش مییابد. همچنین نمودارهای شکلهای **۱۳** و **۱۴** نشان میدهند که با افزایش دمای کاری در بیشینه چگالی توان و جریان تولیدی پیل سوختی محدودیت ایجاد می-گردد.

شکل **۱۵** توان و بازدهی بیشتر پیل سوختی در هندسه لولهای نشان میدهد.

با توجه به شکل **۱۵** مشاهده می شود که با حل معادله انرژی و توزیع غیریکنواخت دما، چگالی توان پیل سوختی در دو هندسه صفحهای و لولهای دچار تغییر می گردد. از اینرو، چگالی توان پیل سوختی در دو هندسه لولهای و صفحهای به ترتیب ٪۲ و ٪۸ کاهش می یابد. همچنین نمودار شکل **۱۵** نشان می دهد که با حل معادله انرژی ولتاژ مربوط به بیشینه چگالی توان در دو هندسه لولهای و صفحهای به-ترتیب ۶٪ و ۳٪ افزایش می یابد.







انرژی ۲- حل معادله انرژی

در این پژوهش اختلاف فشار در کانال هوا Pa و اختلاف فشار در کانال سوخت Pa در نظر گرفته شده است. در ادامه تأثیر اختلاف فشار در کانالهای آندی و کاتدی مورد بررسی قرار گرفته است. ابتدا با فرض اختلاف فشار Pa در آند، فشار کانال کاتدی از Pa ۲ تا Pa ۶ تغییر داده می شود. نتایج اثر تغییرات فشار در کاتد بر چگالی جریان و توان در شکلهای **۱۶ و ۱۷** نشان داده شده است.

از نمودار شکل ۱۶ مشاهده می شود که کاهش فشار در کانال هوا موجب کاهش چگالی جریان در ولتاژهای یکسان می گردد. همچنین شکل ۱۶ نشان می دهد که کاهش چگالی جریان از ولتاژ ۷ ۱/۶ تا ۷ ۲/۲ محسوس تر است. بنابراین می توان نتیجه گرفت که افزایش فشار هوا با فرض ثابت بودن سایر پارامترها، می تواند باعث بهبود چگالی ثابت بودن سایر پارامترها، می تواند باعث بهبود چگالی جریان تولیدی شود. لازم به توضیح است که افزایش چگالی جریان در تغییر فشار از ۴ Pa به ۹۵ بیش تر از تغییر فشار از ۹۵ ۵ به ۹۵ ۶ است که نشان می دهد روند تغییرات چگالی جریان نسبت به تغییرات فشار کاهشی است. در ادامه چگالی توان نیز مورد بررسی قرار گرفته است.

با توجه به شکلهای **۱۶** و **۱۷** مشاهده می شود که چگالی توان با تغییرات فشار رابطه مستقیم دارد. از شکل **۱۷** مشاهده می شود که بیشینه مقدار چگالی توان در سه حالت تفاوت چندانی با هم ندارند ولی مقدار توان در فشار بالاتر افت کمتری خواهد داشت. دو شکل **۱۶** و **۱۷** نشان می دهند که افزایش فشار تا مقدار معینی می تواند موجب بهبودی چگالی جریان و توان پیل سوختی گردد. در ادامه اثر تغییرات فشار در کانال آند جهت مقایسه با تغییرات فشار در کانال کاتدی مورد بررسی قرار گرفته است.

با توجه به شکلهای **۱۸ و ۱۹ و** در مقایسه با تغییرات فشار در کانال هوا مشاهده می شود که اثر تغییرات فشار در کانال سوخت نسبت به تغییرات فشار در کانال هوا کم تر است. چگالی جریان در بیشینه حالت تغییرات فشار حدود ٪۱ تغییر می کند که با توجه به شرایط اقتصادی و آزمایشگاهی پیل سوختی اکسید جامد، این مقدار می تواند مقرون به صرفه نباشد. در مقایسه با اثرات تغییرات فشار کاتدی، چگالی توان بهبود کم تری را نشان می دهد. بر این اساس حتی می تواند در صورت فراهم نبودن شرایط فشار بالاتر از فشارهای کاری کمتر نیز استفاده نمود. در پایان برای جمعبندی مناسب از اثر هندسه بر عملکرد پیل سوختی، اثر ضخامتهای گوناگون قسمتهای مختلف پیل سوختی بر عملکرد آن مورد ارزیابی قرار گرفته است.







همان طور که در شکل ۲۰ نشان داده شده است، عملکرد پیل سوختی در سه حالت افزایش ضخامتهای قسمتهای گوناگون شامل آند، کاتد و الکترولیت و حالت عدم تغییر ضخامتها نشان داده شده است. لازم به توضیح است که افزایش ضخامت قسمتهای گوناگون mm ۰/۰۵ در نظر گرفته شده است. چند نکته از شکل ۲۰ مشاهده می شود که در ذیل آورده شده است:

۱- افزایش ضخامت آند و کاتد عملکرد پیل سوختی را ارتقا میدهند.

۲- افزایش ضخامت الکترولیت موجب کاهش عملکرد پیل سوختی می گردد.

۳- افزایش ضخامت mm ۰/۰۵ آند موجب افزایش حدود
 ۱۶٪ بیشینه چگالی توان پیل سوختی می گردد.

۴- افزایش ضخامت ۰/۰۵ mm کاتد موجب افزایش حدود ۱۱٪ بیشینه چگالی توان پیل سوختی میگردد.

۵- افزایش ضخامت آند و کاتد باعث افزایش کمینه مقدار چگالی توان پیل سوختی می گردد.

۶- افزایش ضخامت آند و کاتد باعث افزایش بیشینه مقدار چگالی جریان پیل سوختی میگردد.

## ۸- جمع بندی و نتیجه گیری

در این پژوهش پیل سوختی اکسید جامد با دو هندسه متفاوت و دو حالت حل و عدم حل معادله انرژی شبیهسازی و بررسی شده است. نتایج نشان داد، عملکرد پیل سوختی در هندسه لولهای بیشتر از صفحهای است. حل معادله انرژی و توزیع غیریکنواخت دما در پیل سوختی باعث كاهش عملكرد نسبت به حالت دما ثابت مى گردد. افزايش دمای کاری پیل سوختی موجب کاهش عملکرد آن میشود. از توزیع دما شعاعی مشاهده شد که بیش ترین دما در ناحیه الكتروليت و كاتد است كه ميتوان با طراحي بهينه اين قسمت به جلوگیری از بروز آسیبهای ناشی از تنشهای گرمایی کمک نمود. در ادامه اثر افزایش دما بر سرعت جریان، نفوذ سوخت به داخل الکترود و نرخ واکنشهای الکتروشیمیایی نشان داده شد که حاکی از کاهش مصرف سوخت و بهدنبال آن افت عملکرد پیل سوختی بود. در پایان اثر تغییرات فشار در کانالهای سوخت و هوا و همچنین ضخامت قسمتهای گوناگون پیل سوختی بر عملكرد أن مورد ارزيابي قرار گرفت. نتايج نشان داد افزايش فشار در کاتد و آند عملکرد را افزایش میدهد ولی بهبود عملکرد در کاتد محسوس تر بود. افزایش ضخامت کاتد و آند نیز عملکرد پیل سوختی را افزایش داد که اثر تغییر ضخامت آندی قابل توجه بود. همچنین نشان داده شد ضخامت الكتروليت با عملكرد پيل رابطه عكس دارد.

## ۹- مراجع

- Wang, K., Hissel, D., Pera, M. C., Steiner, N., Mara, D., Sorrentino, M., Pianese, C., Monteverde, M., Cardone, P., and Saarinen, J. "A Review on Solid Oxide Fuel Cell Models", International journal of hydrogen Energy, Vol. 36, No. 12, pp. 7212-7228, 2011.
- Marinha, D., Dessemond, L., and Djurado, E. "Comprehensive Review of Current Developments in IT-SOFCs", Current Inorganic Chemistry (Discontinued), Vol. 3, No. 1, pp. 2-22, 2013.
- Gebregergis, A., Pillay, P., Bhattacharyya, D., and Rengaswemy, R. "Solid Oxide Fuel Cell Modeling", IEEE Transactions on Industrial Electronics, Vol. 56, No. 1, pp. 139-148, 2008.
- 4. Cigolotti, V., Genovese, M., and Fragiacomo, P.,

- Chen, Y., Luo, Y., Shi, Y., and Cai, N. "Theoretical Modeling of Methane Production in Pressurized Micro-Tubular R-SOFC", Energy Procedia, Vol. 158, pp. 2164-2169, 2019.
- Sayadian, S., Ghassemi, M., and Robinson, A.J. "Multi-physics Simulation of Transport Phenomena in Planar Proton-Conducting Solid Oxide Fuel Cell", Journal of Power Sources, Vol. 481, p. 228997, 2021.
- Fahs, I. and ghasemi, M. "Analysis of Thermal Stress Distribution Sensitivity in a Planar Solid Oxide Fuel Cell", Aerospace Mechanics Journal, Vol. 16, No. 4, pp. 25-37, 2020. (In Persian)
- Kamvar, M. and Ghassemi, M. "Performance Analysis of Coplanar Single Chamber Solid Oxide Fuel Cell with Oxygen-Methane-Nitrogen Mixture Under Steady State Conditions", Modares Mechanical Engineering, Vol. 17, No. 1, pp. 31-38, 2017. (In Persian)
- 13. Kamvar, M., Ghassemi, M., and Steinberger-Wilckens, R. "The Numerical Investigation of a Planar Single Chamber Solid Oxide Fuel Cell Performance with a Focus on the Support Types", International Journal of Hydrogen Energy, Vol. 45, No. 11, pp. 7077-7087, 2020.
- Fox, R.W., McDonald, A.T., and Mitchell, J.W. "Fox and McDonald's Introduction to Fluid Mechanics", John Wiley & Sons, 2020.

"Comprehensive Review on Fuel Cell Technology for Stationary Applications as Sustainable and Efficient Poly-Generation Energy Systems", Energies, Vol. 14, No. 16, p. 4963, 2021.

- Bove, R. and Ubertini, S. "Modeling Solid Oxide Fuel Cells: Methods, Procedures and Techniques", Springer Science & Business Media, 2008.
- Ranasinghe, S.N. and Middleton, P.H. "Modelling of Single Cell Solid Oxide Fuel Cells Using COMSOL Multiphysics", in 2017 IEEE International Conference on Environment and Electrical Engineering and 2017 IEEE Industrial and Commercial Power Systems Europe (EEEIC/I&CPS Europe), Milan, Italy, 2017.
- Bakal, A., Kaya, M., and Matc, M.D. "Numerical Investigation of Amounts of Heat, Power and Temperature Distribution In IT-SOFC", ECS Transactions, Vol. 58, No. 3, p. 115, 2013.
- Park, J.M., Kim, D.Y., Baek, J.D., Yoon, Y.-J., Su, P.-C., and Lee, S.H. "Numerical Study on Electrochemical Performance of Low-Temperature Micro-Solid Oxide Fuel Cells with Submicron Platinum Electrodes", Energies, Vol. 11, No. 5, p. 1204, 2018.