

دوفصلنامه مکانیک سیالات و آیرودینامیک

جلد ۱۱، شماره ۱، بهار و تابستان ۱۴۰۱، صفحه ۱۳۵ الی ۱۴۶

شاپا الكترونيكي: ۸۱۱۱-۲۹۸۰ شاپا چاپي: ۳۲۷۸-۲۳۲۲

علمی– پژوهشی

دینامیک حرکت یک حباب در کانال شیبدار در اعداد رینولدز محدود

امیرہ نوربخش¹* [©] عباس عيني ۲

دانشگاه بوعلی سینا، همدان ، ایران (دریافت: ۱۴۰۱/۰۱/۲۶، بازنگری: ۱۴۰۱/۰۴/۱۰ ، پذیرش: ۱۴۰۱/۰۶/۳۱، انتشار: ۱۴۰۱/۰۶/۰۱)

DOR: https://dorl.net/dor/20.1001.1.23223278.1401.11.1.9.1

چکیدہ

حرکت حبابها روی سطوح شیبدار مانند کانالهای شیبدار، دارای کاربردهای علمی و صنعتی بی شماری است. در پژوهش حاضر به بررسی و شبیه سازی سه بعدی حرکت عرضی یک حباب درون کانال شیبدار در جریان پواسل، با حضور نیروی گرانش پرداخته شده است. معادلات ناویر – استوکس که شامل کشش سطحی است، به صورت عددی به وسیله روش اختلاف محدود/ ردیابی جبهه حل می شوند. این روش، ترکیبی از روش های تسخیر و ردیابی قطره است. نظامی از روش اختلاف محدود از دیابی جبهه حل می شوند. این روش، ترکیبی از روش های تسخیر و ردیابی قطره است. این روش، ترکیبی از روش های تسخیر و ردیابی قطره است. نتایج شبیه سازی حاکی از آن است که سرعت بدون بعد در جهت جریان با افزایش عدد کاپیلاری از روش های تسخیر و ردیابی قطره است. نتایج شبیه سازی حاکی از آن است که سرعت بدون بعد در جهت جریان با افزایش عدد کاپیلاری افزایش می یابد؛ همچنین با افزایش شیب سطح، مقدار نیروی گرانش در راستای جریان (g_x) افزایش و مقدار نیروی گرانش در جهت عمود بر حریان (g_z) کاهش می یابد؛ همچنین با افزایش شیب سطح، مقدار نیروی گرانش در راستای جریان (g_x) افزایش و مقدار نیروی گرانش در جهت عمود بر جریان (g_z) کاهش می یابد؛ همچنین با افزایش شد که سرعت بدون سرعت محوری حباب نسبت به مرکز کانال نزدیکتر می شود. در بررسی سرعت محوری حباب نسبت به زمان در زاویه های شیب سطح مخریان (g_z) کاهش می یابد و حباب به مرکز کانال نزدیکتر می شود. در بررسی سرعت محوری حباب نسبت به زمان در زاویه های شیب سطح مختلف (40 & 10,20 له حباب نسبت به افزایش مقدار زاویه شیب، سرعت حباب افزایش می یابد.

واژههای کلیدی: حباب، روش اختلاف محدود/ردیابی جبهه، جریان پواسل، عدد کاپیلاری، زاویه شیب کانال، عدد فرود.

Motion Dynamics of a Bubble in an Inclined Channel at Finite Reynolds Numbers

Nourbakhsh, A.

Eini, A.

Bu-Ali Sina University, Hamadan, Iran

(Received:2022/04/15, Revised: 2022/07/01, Accepted: 2022/07/22, Published: 2022/08/23)

ABSTRACT

The movement of bubbles on inclined surfaces, such as inclined channels, has numerous scientific and industrial applications. In the present study, a three-dimensional study of the lateral motion of a bubble within an inclined channel due to the pressure gradient (Poiseuille flow) in the presence of gravity force is investigated. The Navier-Stokes equations are solved numerically using the finite difference/front tracking method. This method is a combination of drop capture and tracking methods. The results demonstrate that the dimensionless velocity in the flow direction is enhanced with the capillary number. Also, as the channel inclination angle increases, the amount of gravitational force in the direction of the flow (g_x) increases and the amount of gravitational force in the flow (g_z) decreases, and the bubble becomes closer to the channel center. It is found that the axial velocity of the bubble increases with the channel inclination angle.

Keywords: Bubble, Finite Difference/Front Tracking Method, Poiseuille Flow, Capillary Number, Channel Inclination Angle, Froude Number.

nourbakhsh@basu.ac.ir – استادیار(نویسنده پاسخگو): ۱-

einiabbas@gmail.com:دانشجوی دکتری-۲

This article is an open-access article distributed under the terms and conditions of the Creative Commons Attribution (CC BY) license.

Publisher: Imam Hussein University

C Authors



فهرست علائم و اختصارات

а	شعاع حباب
b	کوچکترین فاصله سطح تا مرکز حباد
Са	عدد کاپیلاری
d	قطر حباب
D	تغيير شكل تيلور
$\frac{D}{Dt}$	مشتق مادی
f	نيروى حجمى
Fr	عدد فرود
g	شتاب جاذبه
Н	ارتفاع كانال
L	بزرگترین فاصله سطح تا مرکز حباب
n	بردار عمود بر سطح
	المان
Р	فشار
∇P	گرادیان فشار
Re_b	عدد رينولدز حجمى
и	ميدان سرعت
U _c	سرعت مرکز کانال
x	موقعيت اويلري
x´	موقعيت لاگرانژي
ds	المان کوچک سطح مشترک

علائم يونانى

نسبت چگالی
تعیینکننده دو یا سهبعدی بودن جریان
تابع دلتا
انحنا
نسبت چسبندگی
چسبندگی
چسبندگی سیال حباب
چسبندگی سیال بیرونی
چگالی
چگالی سیال حباب
چگالی سیال بیرونی
کشش سطحی
زمان بی بع د شده
اندازه بیبعد شعاع
زاويه شيب كانال

۱ – مقدمه

سوسپانسيون جريان ذرات معلق، نظير ذره صلب، حباب و قطره درون لولهها و کانال ها موضوع بسیاری از تحقیقات تئوری، عددی و آزمایشگاهی بوده است. از کاربردهای صنعتی حباب میتوان به خطوط انتقال نفت، مولدهای بخار و سیستمهای خنککننده اشاره نمود. مطالعاتی روی رفتار قطرات تحت جریان برشی ساده توسط تیلور [۱] در یک فاز پیوسته با نسبت ویسکوزیتههای مشخص انجام گرفت. او حرکت قطرهها را در تغییر شکلهای کوچک و اینرسیهای ناچیز بررسی کرد و نتیجه گرفت که تعادل بین تـنشهای تغییر شکل ویسکوز و نیروهای تولیدشده بهوسیله کشش سطحی می تواند باعث تغییر شکل قطره شود و در صورت قوی بودن نیروهای ویسکوز، قطره به دو یا چند تکه شکسته می شود. سگر و سیلبربرگ [۲]، به صورت آزمایشگاهی رفتار ماکروسکوپیک ذره جامد بدون حضور نیروی شناوری در جریان پواسل را موردبررسی قرار دادند. آنها دریافتند که نیروهای شعاعی باعث مهاجرت ذره به یک موقعیت تعادل (در محلی بین مرکز و دیواره) میشوند و عامل اصلی نیروهای ایجادکننده حرکت شعاعی، اینرسی سیال متحرک است. در تحلیل ذرات با شعاعهای مختلف دریافتند که توزیع ذرات کوچک و بزرگ به طور قابل توجهی متفاوت از یکدیگر است و همچنین در مورد ذرات کروی که موازی با دیوار در حرکتاند به این نتیجه رسیدند که نیروی درگ (توسط یک جمله خطی از شعاع ذره) از مقاومت استوکس، فاصله می گیرد. نتایج تجربی کارنیس و گلدسمیت و میسن [٣] و [۴]، این نتیجهها را تأیید کرد. آنها حرکت قطرهها را در جریان داخل لوله، در اعداد رینولدز محدود به صورت تجربی ارزیابی کردند و دریافتند که اگر چسبندگی قطرات كم باشد، آنها به سمت مركز لوله مهاجرت مي كنند، ولي قطرات با نسبتهای چسبندگی بالا مثل ذرات جامد در فاصله بین دیوار و خط مرکزی لوله قرار خواهند گرفت. شبیهسازی سهبعدی حرکت یک قطره در جریان برشی ساده بهوسیله کندی و همکاران [۵] در جریان استوکس، نشان داد که قطرات برای محدوده وسیعی از نسبت چسبندگی و عدد کاپیلاری، همیشه به سمت دور از دیواره، مهاجرت می کنند. حرکت یک قطرہ بدون نیروی شناوری بین دو صفحه موازی تحت جریان پواسل توسط نوربخش و مرتضوی [۶]، شبیهسازی شد. آنها دریافتند که در اعداد

رینولدز محدود، قطره به موقعیت تعادلی بین مرکز و دیواره كانال مهاجرت ميكند. افزايش عدد رينولدز و كاهش عدد کاپیلاری و نسبت چسبندگی، موقعیت تعادل را به دیواره کانال نزدیکتر میکند. سرعت قطره، با افزایش عدد کاپیلاری و نسبت چسبندگی افزایش می یابد. حرکت سوسپانسیون قطرات شکلپذیر در جریان برشی ساده در عدد رینولدز غیر صفر، توسط مرتضوی و همکاران [۷]، مطالعه شد. آنها نشان دادند که سوسپانسیون قطرات، رفتار نازکبرشی را نشان میدهد، اما این رفتـار بـا افـزایش عدد رینولدز، کاهش می یابد. نتایج شبیهسازی برخورد دو قطره در جریان برشی ساده بهوسیله بیاره و مرتضوی [۸]، نشان داد که با کاهش اندازه قطرات، تغییر شکل آنها کاهش می یابد. پورنادر و مرتضوی [۹]، تعامل وابسته به زمان بین دو قطره ویسکوز که تحت اثر نیروی شناوری در یک کانال عمودی حرکت می کردند را بهصورت عددی و سهبعدی شبیهسازی کردند. آنها اثرات پارامترهای بیبعد را در تخلیه فیلم سیال بین قطرات موردمطالعه قرار دادند. اندازه قطرات متفاوت بود و قطره جلوتر نصف قطره عقبی بود. مشخص شد که نوع تخلیه سیال بین دو قطره به اعداد باند و نسبت ويسكوزيته وابسته است. آنها متوجه شدند كه در اعداد باند کوچک، تخلیه سریع سیال اتفاق میافتـد و برای عدد باند بزرگ، تخلیه به صورت یکنواخت انجام می شود. تفرشی و مرتضوی [۱۰]، حرکت قطرات را در کانال شیبدار و بهصورت دوبعدی بررسی کردند و دریافتند که با افزایش زاویه شیب سطح و افزایش نرخ برش نزدیک دیواره، چگالی قطرات نزدیک به دیواره کاهش میابد. رضویه و مرتضوی [۱۱]، رابطه بین رفتار مایع مانند و جامد مانند برای قطرات معلق در جریان برشی را موردبررسی قرار دادند. آنها دریافتند موقعیتی که در آن جامد با رفتاری سیال مانند انتقال مییابد به پارامترهای جریان بهویژه عدد رينولدز حجمي ($Re = rac{
ho_0 G H^2}{\mu_0}$) بستگى دارد كه با افـزايش عدد رینولدز این موقعیت به کف کانال انتقال مے یابد. شاهین و مرتضوی [۱۲]، تشکیل یک میکرو قطره در سیستم مایع غیرقابل انعطاف را با استفاده از روش ردیابی جبهه در سه بعد بررسی کردند. آنها دریافتند که با افزایش چسبندگی، اندازہ قطرات تشکیلشدہ افزایش مے یابد و در اعداد وبر بالا، قطراتی با اندازه بزر گتر تشکیل میشوند. سرعت هم بر اندازه قطرات تشکیلشده مؤثر است و با

افزایش سرعت اندازه ها افزایش می یابند. صداقت کیش و مرتضوی [۱۳]، فرآیند جوشش فیلمی را روی هندسههای پیچیده به روش ردیابی جبهه بررسی کردند. آنها دریافتند که فاصله بین دو استوانه تأثیر چندانی روی عدد ناسلت برای استوانه بالایی ندارد، درحالی که زاویه و قطر دو استوانه تأثير قابل ملاحظهاى روى عدد ناسلت براى استوانه بالايي دارد. آنها دریافتند که هر چه سطح جریان بیشتر باشد، آشفتگی جریان و در پی آن عدد ناسلت نیز افزایش مییابد. عدد ناسلت وابستگی زیادی به زاویه جهت گیری استوانه ها دارد که مقدار بیشینه آن در زاویه ۹۰ درجه اتفاق میافت. نوربخش و سرایی [۱۴]، مطالعه عددی تأثیر شرایط مختلف جریان بر دینامیک برخورد قطرات بین دو صفحه متحرک مختلفالجهت را انجام دادند. آنها دریافتند که کشش سطحی، یک ناحیه با فشار بالا در قطرات ایجاد می کند. هنگامی که قطرات از یکدیگر جدا می شوند یک ناحیه با گرادیان فشار شدید بین دو قطره ایجاد میشود. این گرادیان فشار یکی از عوامل درهم آمیختگی قطرات به هنگام جدا شدن است.

تحقیقات گذشته نشان میدهد که مطالعات زیادی در زمینه حرکت قطرات و حبابها درون کانال افقی و عمودی توسط روش ردیابی جبهه انجام شده است، ولی کارهای اندکی در زمینه حرکت قطرات و حبابها درون کانال شیبدار انجام شده است. در مقاله حاضر مهاجرت عرضی یک حباب در جریان پواسل با اعداد رینولدز محدود و درون کانال شیبدار، با در نظر گرفتن نیروی گرانش بهصورت سهبعدی موردبررسی قرار گرفته است و اثر پارامترهایی چون عدد کاپیلاری، اثر زاویه کانال، عدد فرود، نسبت واقع، میتوان نوآوریهای کار حاضر را بهصورت زیر بیان نمود: اعمال نیروی گرانش و انجام شبیهسازیها بهصورت سهبعدی مد معنی در نظر گرفته شدن اثرات سهبعدی بر سهبعدی که به معنی در نظر گرفته شدن اثرات سهبعدی بر

۲ - معادلات حاکم و معرفی اعداد بدون بعد

معادله حاکم بر رفتار سوسپانسیون حبابهای شکلپذیر در یک سیال دیگر توسط معادلات ناویر -استوکس بیان می شود [۱۵ و ۱۶]. در اینجا معادلات ناویر -استوکس در شـکلی کـه

برای سیال حباب و سیال خارج معتبر باشد نوشته میشوند. این معادله بهوسیله کشش سطحی که به دلیل وجود تابع δ فقط در مرز حباب اثرگذار است، بیان میشود:

$$\frac{\partial \rho \boldsymbol{u}}{\partial t} + \nabla \cdot \rho \boldsymbol{u} = -\nabla p + \rho \cdot \mu (\nabla \boldsymbol{u} + \nabla^T \boldsymbol{u}) \qquad (1)$$
$$+ \int \sigma k' \boldsymbol{n}' \delta^\beta (-x') ds'$$

معادله بقای جرم به صورت زیر است:

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla \cdot \rho \boldsymbol{u} = 0 \tag{(1)}$$

بنابراين:

$$\frac{D\rho}{Dt} = 0 \tag{(f)}$$

چسبندگی در هر سیال ثابت در نظر گرفته میشود:

$$\frac{D\mu}{Dt} = 0$$
(۵)

چگالی و چسبندگی سیال حباب با $\rho_i \ e_i \mu_i$ و μ_i و μ_i و سیال محیط با $\rho_0 \ e_o \mu_i$ نشان داده می شود. شعاع حباب در شرایط اولیه که هنوز هیچ نیرویی به آن وارد نشده با aنشان داده می شود. اعداد بدون بعد حاکم بر جریان با بی بعدسازی معادلهٔ ناویر – ستوکس به دست می آیند. این اعداد عبارت اند از عدد رینولدز حجمی، $Re_b = \rho_o U_c H/\mu_o$ بر جریان با اعداد عبارت اند از عدد رینولدز حجمی، می آیند. این اعداد عبارت اند از عدد رینولدز حجمی، دست می آیند. این مدد کاپیلاری، $\sigma_a = U_c \mu_o / \sigma$ ، نسبت چسبندگی سیال درون حباب به سیال بیرونی $\mu_i / \mu_o = \lambda$ ، نسبت چگالی سیال درون حباب به سیال بیرونی $\rho_i / \mu_o = \alpha$. اندازه بی بعد شعاع حباب (L + b)، عدد فرود $T = t U_c / H$

۳- روش عددی

روشی که در کار حاضر از آن استفاده می شود در واقع ترکیبی از روش تسخیر مستقیم جبهه و روش ردیابی جبهه است. در این روش یک شبکه با قاعده ساکن برای جریان

سیال به کار می رود، ولی سطح مشترک توسط یک شبکه جداگانه با بعد پایین تر ردیابی می شود. در واقع، برخلاف روشهای ردیابی جبهه که در آنها هر فاز بهطور جداگانه بررسی می شود، در اینجا همه فازها با هم و توسط یک دسته معادلات حاکم برای کل میدان جریان بررسی می شوند و خصوصیات مادی مختلف میدان هایی را تشکیل میدهند که بهطور ناپیوستهای در مرز یک فاز به فاز دیگر تغییر میکنند. در اینجا نیروهای سطحی به سطح مشترک اضافه می شوند. این روش تکسیالی توسط تریگواسون و همکارانش [۱۵] توسعه داده شده و با موفقیت در شبیه-سازی سیستمهای چند فازی مختلفی به کار برده شده است [۲۰–۱۷]. برای شبیهسازی جریان حبابها در درون کانال از یک گسسته سازی دوقسمتی و در واقع دو شبکه مجزا و روی هم استفاده شده است که معادلات به صورت اختلاف محدود/ ردیابی جبهه گسسته شده است. از روش تصویرسازی مرتبه دوم برای میدان جریان روی یک شبکه ساكن جابهجاشده استفاده مهشود. عبارات يخش و جابجایی هر دو به صورت اختلاف محدود مرکزی گسسته می شوند و از روش پیش بینی کننده – صلاح کننده مرتبه دوم در گام برداری زمانی استفاده می شود. سطح مشترک بین دو سیال توسط یک سری نقاط علامت گذار مشخص بیان می شود و با استفاده از روش اسپلاین مرتبه دو یا مرتبه سه، انحنای سطح مشترک در هر نقطه به دست میآید. با استفاده از این روش و با پیدا کردن انحنای شبکه متحرک و توزيع آن روى شـبكه سـاكن، نيـروى كشـش سـطحى قابل محاسبه است. تغییرات خواص فیزیکی سرتاسر مرز با تعیین یک میدان گرادیان روی مرز هموار میشود. سپس میدان گرادیان روی شبکه ساکن توزیع میشود و دیورژانس این میدان بهوسیله حل کننده سریع پواسن برای به دست آوردن توابع مشخص کنندہ کے مقادیر مختلفی برای ہر سیال دارند، به دست میآید. سپس، میدان چگالی و چسبندگی با مقدار دادن به تابع مربوطه و با توجه به خواص حباب و سیال محیط محاسبه می شوند. در هـ گام زمانی سطح مشترک بازسازی می شود تا مانع هر نوع پخش عددی شود. معادله بیضوی برای فشار هم به دو صورت حل می شود: اگر نسبت چگالی برابر یک باشد از حل کننده سریع

پواسن استفاده می شود و اگر این نسبت برابر یک نباشد از یک روش چند شبکهای استفاده می شود.

در اینجا، یک شبکه ثابت و منظم برای جریان سیال در نظر گرفته شده ولی مرز توسط یک شبکه مجزا با اندازه کوچکتر ردیابی میشود. در این روش، هر فاز بهصورت مجزا عمل میکند. بدینصورت که در ابتدا مرز هر حباب بهصورت یک شبکهبندی لاگرانژی توسط یک سری نقاط برسیم میشود و سپس شکل آن با استفاده از اسپلاین درجه ۳ به طول قوس یک چندضلعی تخمین زده میشود. سپس انحنای شیب مرز با مشتق گیری از بردار مکان هر طول قوس محاسبه میشود. ابتدا، سرعت مرز حباب به روش مرتبه اول به دست میآید و چون روش انتگرال گیری در بعد زمان روش پیشبینی کننده – اصلاحکننده است، انتگرال گیری در بعد زمان از مرتبه دوم است.

مسئله غیردائم است و سرعت در بعد زمان به صورت پلهای، بهروز می شود. برای محاسبه قدم زمانی از شرط CFL استفاده می شود. همچنین، یک محدودیت برای گام زمانی توسط نیروی کشش سطحی وجود دارد. این محدودیت نیز در محاسبه گام زمانی اعمال میشود. هنگامی که جبهه حرکت میکند دچار تغییر شکل و کشیدگی می شود در نتیجه توازن المان ها در بخش هایی از جبهه بههمخورده و در قسمتهایی تعداد آنها کم میشود، حال آن که در بخش های دیگر تعداد زیادی المان وجود دارد. برای از دست ندادن دقت، یا باید وقتی که فاصله نقطهها زیاد می شود، المان هایی اضافه شوند یا نقاط باید بهطور مجدد توزيع شوند. همچنين، معمولاً بايد المانهاي خیلی کوچک را حذف کرد. علاوه بر کاهش تعداد کلی المان های جبهه و کاستن از زمان محاسبات، حذف المان-های اضافی معمولاً از به وجود آمدن جنبوجوشهای خیلی کوچـکتـر از انـدازه شـبکه جلـوگیری مـیکنـد. شـکل ۱ استراتژی معمول را نشان میدهد. اگر یک المان خیلی بزرگ باشد، ضلع بزرگتر به دو بخش تقسیم میشود و این دو المان به چهار المان تقسيم مي شوند.



۴- نتایج

۴–۱– اعتبار سنجی

برای اطمینان از صحت روش حل عددی، مقادیر بهدست آمده برای موقعیت عرضی قطره نسبت به زمان و تغییر شکل تیلور نسبت به زمان با مرجع [۶] مقایسه شدهاند. لازم به ذکر است که در اینجا برای اعتبارسنجی، شبیهسازی یک قطره در کانال افقی تحت جریان پواسل بدون در نظر گرفتن نیروی گرانش انجام شده است. در شکل ۲ مهاجرت عرضی قطره نسبت به زمان در شبیهسازی کار حاضر و مرجع [۶] نشان داده شده است. پارامترهای Ca = 0.5 ، $\alpha = 1$ جريان در هر دو شربيه سازى $\alpha = 1$ است. شبکه مورداستفاده در هر دو $\lambda = 1, Re = 10$ شبيهسازی ۶۴ × ۳۲ × ۶۴ است. همچنين تغيير شکل قطره در شبیه سازی کار حاضر و مرجع [۶] در شکل ۳ با $\alpha = 1 \& Ca = 0.5$, $\lambda = 1$ پارامترهای جریان به صورت $\lambda = 1$ و شبکه محاسباتی ۶۴ × ۳۲ × ۶۴ نشان داده Re = 10شده است. همان طور که در شکل های ۲ و ۳ مشاهده می-شود، نتایج این تحقیق با نتایج گزارش شده در مرجع نامبرده انطباق بسیار خوبی دارد، بنابراین می توان به صحت و دقت نتایج بهدستآمده در این شبیهسازی اطمینان نمود.



شکل (۴). حرکت حباب در جریان پواسل درون کانال شیبدار و پروفیل سرعت مربوط به آن

همانطور که در شکل پیدا است محور x موازی با جهت جریان و محور z به موازات گرادیان سرعت است. برای انجام شبیه سازی ها، یک حباب تغییر شکل پذیر درون کانالی شیب دار تحت جریان پواسل، با اعمال شتاب ثقل ثابت و در اعداد رینولدز محدود در نظر گرفته شده است. روش عددی مورداستفاده روش اختلاف محدود/دیابی جبهه است. در این کار اثر عدد کاپیلاری، زاویه شیب نسبت به سطح افق، عدد فرود، نسبت چسبندگی و موقعیت اولیه حباب روی نیروی گرانشی کل به دو مؤلفه نیروی گرانش در جهت نیروی گرانشی کل به دو مؤلف نیروی گرانش در جهت جریان و نیروی گرانش عمود بر جریان تبدیل شده است زاویه شیب از نیروی گرانش در جهت عمود بر جریان کاسته زاویه شیب از نیروی گرانش در جهت عمود بر جریان کاسته

۴–۳– مطالعه شبکه

از آنجاکه حجم محاسبات ارتباط مستقیمی با اندازه شبکه دارد، ابتدا باید مناسب ترین اندازه شبکه محاسباتی را پیدا کرد و همچنین از دقت آن و همگرایی نتایج شبیهسازی اطمینان کافی حاصل شود. شبکههای مورداستفاده ۲۲×۲۶×۲۸، ۳۲×۲۸ و ۶۶×۲۲×۶۴ هستند. پارامترهای حاکم بر جریان بهصورت ۶۶ و 20 = β معتند. پارامترهای حاکم بر جریان بهصورت 9.125 = $\zeta = 0.95$, $\zeta = 0.125$ می-حاکم بر جریان بهصورت 2015 و β تعریف می-شوند. حباب از موقعیت اولیه 8.05 = H تعریف می-شوند. حباب از موقعیت اولیه 2.05 مست که با ریزتر شدن شبکهها، نتایج نیز دقیق تر می شوند، ولی به دلیل صرفه-شبکهها، نتایج نیز دقیق تر می شوند، ولی به دلیل صرفه-برای شبیه سازی در پژوهش حاضر استفاده شده است. ۲-۴- شبیهسازی مهـاجرت عرضـی یـک حبـاب در کانال شیبدار با در نظر گرفتن نیروی جاذبه

در کار حاضر، مهاجرت عرضی یک حباب در جریان پواسل و درون کانال شیبدار با در نظر گرفتن نیروی گرانش موردبررسی قرار گرفته است. ارتفاع کانال *H*، شعاع حباب a و ارتفاع کانال هشت برابر قطر حباب است. در نتیجه نسبت هندسی یا همان اندازه شعاع بدون بعد حباب نتیجه نسبت مرزی پریودیک در جهتهای x و y اعمال شده است. هندسه جریان و پروفیل سرعت در شکل **۴** نشان داده شده است.









۴-۴- اثر عدد کاپیلاری (Ca)

جهت بررسی نقش تغییر شکل حباب در اعداد رینولدز محدود، حركت حباب با اعداد كاپيلارى مختلف مورد بررسی قرار گرفته است. سه شبیهسازی در *ca* = 0.2, 0.4،0.6 انجام شده است. شرایط موجود دیگر در $Re = lpha = \lambda = 0.95, \, \zeta = 0.125$ جريان عبارتاند از: $Re = \alpha = \lambda = 0.95, \, \zeta = 0.125$ و $\theta = 40$ و r = 0.2 20, انــــدازه شــــبکه محاســــباتی r = 0.2۶۴×۳۲×۶۴ است. شکل (۶**-الف**) تغییر شکل حباب سەبعدی با عدد کاپیلاری را نشان میدهد. شکل (۶-ب) مهاجرت عرضی حباب برحسب زمان بیبعد را نشان می-دهد. با بیشتر شدن عدد کاپیلاری و شکل پذیری بیشتر، حباب بیشتر تمایل دارد در موقعیتی نزدیکتر به مرکز کانال به تعادل برسد. این پدیده ناشی از چرخش بیشتر حبابهای شکلپذیر است که خود سبب ایجاد نیروی رانش دیواره بزرگتری خواهد بود. در نسبت چگالی تقریباً یکسان، هرچه حباب کروی تغییر شکل بیشتری داشته باشد، تمایل بیشتری جهت رفتن به مرکز کانال خواهد داشت. شکل (۴-ج) سرعت محوری حباب ها را نسبت به موقعیت محوری آنها نشان میدهد. با بیشتر شدن عدد کاپیلاری، سرعت محوری هم بیشتر می شود. در مقایسه با مرجع [۶] که شبیه سازی قطره برای کانال افقی، در جریان پواسل را نشان میدهد، مقدار سرعت بیبعد متفاوت است

که این اختلاف به دلیل تفاوت در کشیدگی پروفیل سرعت است. لازم به ذکر است که در نتایج ارائه شده منظور از سرعت محوری، سرعت محوری بدون بعد (U/U_c) است ، که U سرعت حباب و U_c سرعت مرکز کانال است و همچنین منظور از زمان، زمان بیبعد (H_c/H) است. مقدار عددی کمیت تغییر شکل حباب که توسط نرخ تغییر شکل تیلور به دست میآید، نسبت به زمان در شکل (۶-د) نشان داده شده است. حبابها از شکل اولیه که کروی هستند شروع به تغییر شکل کرده و به یک شکل نهایی خواهند رسید. از شکل (\mathbf{r} -د) میتوان فهمید که با افزایش مقدار عدد کاپیلاری، نرخ تغییر شکل حباب افزایش خواهد مقدار عدد کاپیلاری، نرخ تغییر شکل حباب افزایش خواهد یافت که این موضوع به دلیل افزایش تنشهای چسبندگی (ویسکوز) در طول مرز حباب است.

$(oldsymbol{ heta})$ اثر زاویه شیب کانال ($oldsymbol{ heta}$)

اثر زاویه شیب، با تغییر اندازه شیب کانال نسبت به افق مورد ارزیابی قرار گرفته است. از آنجاکه در کار حاضر، $\alpha = 0.95, Ca = 0.2$ پارامترهای جریان به صورت ca = 0.2و گرفت $\lambda = 0.95 \ a/H = 0.125,$ در نظر گرفت $\lambda = 0.95 \ a/H = 0.125,$ شده است و نیز مقدار شتاب ثقل کلی ثابت است، با افزایش شیب سطح، مقدار نیروی گرانش در راستای جریان (g_x) افزایش و همچنین مقدار نیروی گرانش عمود بر جریان (g_z) کاهش می یابد. در شکل (۷–الف) موقعیت تعادلی حباب نسبت به زمان نشان داده شده است. با افزایش شیب کانال، حباب به مرکز کانال نزدیکتر می شود. در شکل (۷-**ب**) سرعت محوری حباب نسبت به زمان در زاویههای شیب - مختلف (heta = 10, 25 & 40)، نشان داده شده است. همان طور که در شکل مشاهده می شود با افزایش مقدار زاویه شیب، سرعت حباب افزایش مییابد. این نتیجه با نتایج مرجع [۱۰]سازگار است. در شکل (۷-ج) تغییر شکل حباب نسبت به زمان در زاویه های شیب مختلف داده شده است. همانگونه که ($\theta = 10, 25 \& 40$)، نشان داده شده است. ا در شکل مشاهده می شود، با افزایش شیب کانال، تغییر شكل حباب كاهش يافته است.



شکل (۷). الف) موقعیت عرضی حباب، ب) سرعت محوری حباب و ج) تغییر شکل حباب در زوایای شیب کانال مختلف

(Fr) اثر عدد فرود (Fr)

در این بخش اثر عـدد فـرود بـر حرکـت حبـاب بـا در نظـر گــرفتن مقــادیر مختلــف بــرای عــدد فــرود = Fr 0.4, 0.2 & 0.4 بررسـی مــیشـود. پارامترهـای جریـان



شکل (۶). الف) شکل حباب، ب) مهاجرت عرضی، ج) سرعت محوری و د) تغییر شکل به ازای کاپیلاریهای مختلف

بــــهصــروت $\lambda = 0.95 = \lambda = 40$ Ca = 0.2 موقعیت تعادلی حباب $\zeta = 0.125 = \zeta$ هستند. شکل (Λ -الف) موقعیت تعادلی حباب را برای اعداد فرود مختلف نشان مـیدهـد. همـانطـور کـه مشاهده میشود با افزایش عـدد فـرود، حبـاب در مـوقعیتی نزدیکتر به مرکز کانال به تعادل میرسـد. ایـن موضـوع بـه دلیل افزایش نیروی دافعه دیـواره و در پـی آن افـزایش اثـر روان سازی است. در شکل (Λ -**ب**) سرعت حباب نسـبت بـه زمان رسم شده است. همان طور که در شکل دیده مـیشـود پدیده به این دلیل است که با افزایش عدد فـرود، اثـر روان-با افزایش مییابد و حباب به مرکز کـه سـرعت بیشـتری دارد افزایش مییابد و حباب به مرکز کـه سـرعت بیشـتری دارد نزدیکتر مـیشـود. در شکل (Λ -**ج**) تغییـر شـکل حبـاب افزایش مییابد و حباب به مرکز کـه سـرعت بیشـتری دارد نزدیکتر مـیشـود. در شکل (Λ -**ج**) تغییـر شـکل حبـاب افزایش مییابد و حباب به مرکز کـه سـرعت بیشـتری دارد نزدیکتر مـیشـود. در شکل (Λ -**ج**) تغییـر شـکل حبـاب

(λ) اثر نسبت چسبندگی (λ)

در این بخش، اثر نسبت چسبندگی در پارامترهای ثابت جريــــان 20 = Re = 0.2، دa = 0.2، a = 0.95, Re = 20 و ، موردبررسی قرار گرفته است. اندازه شبکه $\theta = 40$ محاسباتی ۶۴×۳۲×۶۴ است. شکل (۹**-الف)** نتایج شبیهسازی حرکت یک حباب را در مقادیر مختلف نسبت - جسبندگی (λ = 0.9, 0.7 & 0.5) نمایش میدهـد. همـان طور که در شکل مشاهده می شود طبق اثر سگرسیلبربرگ، حباب تقريباً بهصورت يكنواخت به سمت محل تعادلي حركت مىكند. با افزايش ٦، نرخ مهاجرت هم افزايش می یابد. نیروی رانش دیواره که یکی از مکانیزمهای حرکت است با افزایش λ افزایش می یابد و حباب را سریعتر به سمت محل تعادلی حرکت میدهد. شکل (۹-ب) سرعت محوری مرکز حباب در راستای x در نسبت چسبندگیهای مختلف (۵.5 & 0.7, 0.7 = () نسبت به زمان را نمایش میدهد. با افزایش نسبت چسبندگی، سرعت محوری حباب افزایش خواهد یافت. در شکل (۹-ج) تغییر شکل حباب نسبت به زمان در نسبت های چسبندگی مختلف

 $(0.5) \le 0.9, 0.7 = \lambda$) نشان داده شده است. تغییر شکل حباب نیز با افزایش نسبت چسبندگی افزایش خواهد یافت. این افزایش در محدوده نسبت چسبندگی موردبررسی بسیار کم است چراکه تابعیت تغییر شکل حباب از نسبت چسبندگی، زمانی که عدد کاپیلاری و در نتیجه آن کشش سطحی ثابت باشد، ناچیز خواهد بود. این موضوع در شکل سطحی ثابت باشد، ناچیز خواهد بود. این موضوع در شکل حبابها به سرعت تغییر شکل می دهند و با گذشت زمان به شکل دائم می رسند و تغییر شکل آن ها بسیار کم خواهد بود که این نشان دهنده وابستگی کم تغییر شکل به نسبت چسبندگی است.

۴–۸– اثر موقعیت اولیه حباب

مهاجرت عرضی حبابها در موقعیتهای ابتدایی مختلف، ،Ca = 0.2، $\alpha = 0.95$ ،Re = 20 نسبت به زمان و برای ca = 0.2، در شکل ۱۰ نشان داده شده است. heta=40 , Fr=0.2مشاهده می شود موقعیت تعادل نهایی حبابی که در مرکز کانال رها شده است به دلیل وجود گرانش به سمت پایین منحرف شده است ولى در صورت عدم وجود نيروى گرانش، به علت تقارن مسئله، موقعیت تعادل نهایی حباب در مرکز كانال مىبود [18]. از شكل همچنين مىتوان دريافت حبابهایی که نزدیک دیواره رها شدهاند به سمت مرکز کانال مهاجرت میکنند، اما حبابهای رها شده در موقعیت اولیه نزدیک به مرکز، به سمت دیواره مهاجرت میکنند. مهاجرت به سمت مرکز به سبب دافعه دیواره است. از طرفی به دلیل انحنای پروفیل سرعت متوسط، حباب به سمت دیواره مهاجرت می کند. می توان این گونه استنباط کرد که نیروهای اعمالی بر حباب به تعادل خواهند رسید. همچنین، مهاجرت عرضی حباب مستقل از موقعیت ابتدایی آن و سرعتش است؛ در نتیجه تمام حبابها، بدون در نظر گرفتن موقعیت اولیه، در یک موقعیت نهایی بین دیواره و مرکز به تعادل مىرسند. اين پديده همان اثر سگرسيلبربرگ است. موقعیت تعادلی برای حبابهایی که در نیمه بالایی کانال رها شدهاند در فاصله z/H=+/۲۵ از دیواره بالایی قرار دارد.



شکل (۹). الف) مهاجرت عرضی حباب، ب) سرعت محوری حباب و ج) تغییر شکل حباب در نسبتهای چسبندگی مختلف



شکل (۸). الف) موقعیت محوری حباب، ب) سرعت محوری حباب در اعداد فرود مختلف و ج) تغییر شکل حباب در اعداد فرود مختلف





لازم به ذکر است که حبابهایی که در نیمه بالایی رها میشوند در موقعیت تعادلی در همان نیمه بالایی کانال و برعکس، حبابهایی که در نیمه پایینی کانال رها شدهاند، در همان نیمه پایینی کانال به تعادل میرسند.

شکل **۱۱** نشاندهنده خطوط جریان در اعداد رینولدز مختلف است. رفتار حبابها در اعداد رینولدز مختلف ارتباط مستقیمی با گردابههای ایجاد شده در پشت حبابها دارد. با افزایش عدد رینولدز تأثیر اینرسی بیشتر شده ولی تأثیر چسبندگی کمتر میشود، در نتیجه جریان معکوس در پشت حبابها بر جریان عبوری در کانال غالب میشود.



(ب)

شكل (۱۱). خطوط جريان در الف) Re = 40 و ب) Re = 40

۵- نتیجهگیری

در مقاله حاضر مهاجرت عرضی یک حباب در جریان پواسل با اعداد رینولدز محدود و درون کانال شیبدار، با در نظر گرفتن نیروی گرانش بهصورت سهبعدی موردبررسی قرار شیب کانال، عدد فرود، نسبت چسبندگی و موقعیت اولیه شیب کانال، عدد فرود، نسبت چسبندگی و موقعیت اولیه حباب بررسی شده است. نتایج حاکی از آن است که سرعت بدون بعد در جهت جریان با افزایش عدد کاپیلاری، بیشتر میشود. همچنین نرخ مهاجرت حباب به سمت مرکز کانال با افزایش عدد کاپیلاری افزایش می ابد و حباب سریعتر و منحنیهای مربوط به تغییر شکل نشان می دهند که افزایش عدد کاپیلاری سبب افزایش تغییر شکل حباب می شود.

افزایش زاویه کانال، سبب افزایش سرعت محوری بیبعد حباب و همچنین کاهش تغییر شکل تیلور آن میشود. افزایش زاویه کانال باعث میشود که حباب در موقعیتی نزدیکتر به مرکز کانال قرار بگیرد. ازآنجاکه با بزرگتر شدن عدد فرود نیروی دافعه دیواره و در پی آن اثر روانسازی افزایش میابد، حباب بیشتر به سمت مرکز کانال منحرف میشود و همچنین مقدار سرعت بیبعد و تغییر شکل آن افزایش مییابد. افزایش نسبت چسبندگی، سبب افزایش نرخ مهاجرت حباب به موقعیت تعادلی بیشتر شده و در نرخ مهاجرت حباب به موقعیت تعادلی میشتر شده و در افزایش نسبت چسبندگی سرعت محوری نیز افزایش موقعیتی نزدیکتر به مرکز کانال به تعادل میرسد. با افزایش نسبت چسبندگی سرعت محوری نیز افزایش Channel", Transactions of Mechanical Engineering, Vol. 37, pp. 119-130, 2013.

- Razavieh, A. and Mortazavi, S. "The Interface Between Fluid-like and Solid-like Behavior for Drops Suspended in two-phase Couette flow", Acta Mechanica, Vol. 226, pp. 1105-1121, 2015.
- Shahin, H. and Mortazavi, S. "Three-Dimensional Simulation of Microdroplet Formation in a co-Flowing Immiscible Fluid System Using Front Tracking Method," Journal of Molecular Liquids, Vol. 243, pp. 737-749, 2017.
- Sedaghatkish, A. and Mortazavi, S. "Simulation of film Boiling heat Transfer in Complex Geometries Using Front Ttracking Method", Journal of Applied Fluid Mechanics, Vol. 12, No. 3, pp. 931-946, 2018.
- Nourbakhsh, A. and Saraei, N. "Numerical study of the Effect of Different flow Conditions on the Dynamics of Droplet Collisions Between two Opposite Moving Plates", Journal of Mechanical Engineering, Vol. 51, No. 4, pp. 473-482, 2022. (In Persian)
- Tryggvason, G., Bunner, B., Esmaeeli, A., Juric, D., Al-Rawahi, N., Tauber, W., Han, J., Nas, S. and Jan, Y.J. "Afront-Tracking Method for the Computations of Multiphase flow", J. Computational Physics, Vol. 169, pp. 708-759, 2001.
- Unverdi, S.O. and Tryggvason, G. "Computations of Multi-fluid flows", Physica, Vol. D60, pp. 70-83, 1992.
- Mohammadi Masiri, S., Bayareh, M., and Ahmadi Nadooshan, A. "Pairwise Intercation of drops in shear-thinning inelastic fluids", Korea-Australia Rheology Journal, Vol. 31, pp. 25-34, 2019.
- Goodarzi, Z., Ahmadi Nadooshan, A., and Bayareh, M. "Numerical Investigation of off-Centre Binary Collision of Droplets in a Horizontal Channel", Journal of the Brazilian Society of Mechanical Sciences and Engineering, Vol. 40(3), pp. 1-10, 2018.
- Bayareh, M., and Mortazavi, S. "Numerical Simulation of the motion of a Single Drop in a Shear flow at Finite Reynolds numbers", Iranian Journal of Science and Technology Transaction B-Engineering, Vol. 33, pp. 441-452, 2009.
- Bayareh, M., and Mortazavi, S. "Effect of Density Ratio on the Hydrodynamic Interaction Between two Drops in Simple Shear flow", Iranian Journal of Science and Technology Transaction B-Engineering, Vol. 35, pp. 121-132, 2011.

خیلی کم میباشد و با افزایش نسبت چسبندگی تغییر شکل حباب اندکی افزایش مییابد. در بررسی اثر موقعیت اولیه حباب، مشاهده شد که حبابهایی که نزدیک دیواره رها شدهاند به سمت مرکز کانال مهاجرت میکنند، اما حبابهای رها شده در موقعیت اولیه نزدیک به مرکز، به سمت دیواره مهاجرت میکنند.

۷- مراجع

- Taylor, G.I. "The Formation of Emulsions in Definable Fields of Flow", Proc. Roy. Soc. A, Vol. 146, p. 501, 1934.
- Segre, G. and Silberberg, A. "Behaviour of Macroscopic Rigid Spheres in Poiseuille Flow, part2. Experimental Results and Interpretation", J. Fluid Mech, Vol. 14, p. 136, 1962.
- Karnis, A., Goldsmith, H. L. and Mason, S. G. "The Kinetics of Flowing Dispersions. Partl. Concentrated Suspensions of Rigid particles", J. Colloid. Interface. Sci, Vol. 22, pp. 531-553, 1966.
- Karnis, A., Goldsmith, H. L. and Mason, S. G. "The Flow of Suspensions Through Tubes. Inertial Effects", J. Chem. Engng, Vol. 44, pp. 181-193, 1966.
- Kennedy, M. R., Pozrikidis, C. and Skalak, R. "Motion and Deformation of Liquid Drops, and the Rheology of Dilute Emulsions in Simple Shear flow", Computers Fluids, Vol. 23, No. 2, pp. 251-278, 1994.
- Nourbakhsh, A. and Mortazavi, S.S. "A three-Dimensional Study of the Motion of a Drop in Plane Poiseuille Flow at Finite Reynolds Numbers", Iranian J. Science and Technology, Transaction B: Engineering, Vol. 34, No. B2, pp. 179-196, 2010.
- Mortazavi, S.S., Afshar, Y. and Abbuspour, H. "Numerical simulation of two-Dimensional Drops Suspended in Simple Shear Flow at Nonzero Reynolds Numbers", J. Fluids. Eng, Vol. 133, pp. 1-9, 2011.
- Bayareh, M. and Mortazavi, S.S. "Binary Collision of Drops in Simple Shear Flow at Finite Reynolds Numbers: Geometry and Viscosity Ratio Effects", Advances in Eng. Software, Vol. 42, pp. 604-611, 2011.
- Pournader, O. and Mortazavi, S. "Three Dimensional in Tteraction of two Drops Driven By Buoyancy", Computers and Fluids, Vol. 88, pp. 543-556, 2013.
- 10. Tafreshi, M. M. and Mortazavi, S.S. "Numerical Simulation of Motion of Drops on an Inclined