

دوفصلنامه مکانیک سیالات و آیرودینامیک جلد ۱۱، شماره ۲، پاییز و زمستان ۱۴۰۱، صفحه ۸۹ الی ۱۰۲ شاپا الکترونیکی: ۸۱۱۱-۲۹۸۰ شاپا چاپی: ۳۲۷۸- ۲۳۲۲



علمی-پژوهشی

Numerical Investigation of the Cavity Effects on the Passive Flow Control of NACA0012 Airfoil Under Dynamic Stall Conditions

Farajollahi, A.H. 💿 Salimi, M.R. Zakyani Roudsari , M.

 Imam Ali University
 Aerospace Research Institute

 (Received: 2022/10/12 ; revised: 2023/01/16 ; Accepted: 2023/02/09 ; published: 2023/03/02)
 DOR: https://dorl.net/dor/20.1001.1.23223278.1401.11.2.8.2

ABSTRACT

In this study, the effects of a cavity on the pitching characteristics of NACA0012 airfoil under dynamic stall conditions were examined numerically and the transient incompressible turbulent flow was simulated in two dimensions. Two different sets of circular cavities with R=0.05c were set at two different positions of x=0.13c and x=0.6c from the leading edge (LE) to investigate the effect of cavity position on the aerodynamic parameters of the airfoil such as lift, drag, and pitching moment coefficients as well as aerodynamic efficiency (lift to drag ratio), using Re=10⁶ and reduced frequency of k_f =0.15. Results indicated that the cavity at distant location from the airfoil LE showed a better performance in improving the lift coefficient along with aerodynamic efficiency of the pitching airfoil and the averaged values of the lift coefficient for cavities at x=0.13c and x=0.6c locations increased by 3.57% and 0.18%, respectively compared to the baseline. The averaged value of the drag coefficient for the cavity located at x=0.6c decreased by 3.25% and for the cavity at x=0.13c went up by 3.97% in comparison to the clean airfoil.

Keywords: Cavity, Flow Control, NACA0012 Airfoil, Pitching Motion, Dynamic Stall, Numerical Modeling

بررسی عددی تأثیر حفره دایرهای بر روی کنترل جریان جداشده پره نوسانی						
ناکا ۲۰۱۲ تحت شرایط واماندگی دینامیکی						
مهدی زکیانی رودسری ^۳	محمدرضا سليمى ۲	اميرحمزه فرج الهي				
پژوهشگاه هوافضا، تهران، ایران	پژوهشگاه هوافضا، تهران، ایران	دانشگاه امام علی (ع)، تهران، ایران				

(دریافت: ۱۴۰۱/۰۷/۲۰، بازنگری: ۱۴۰۱/۱۰/۲۶، پذیرش: ۱۴۰۱/۱۱/۲۰، انتشار: ۱۴۰۱/۱۲/۱۱)

چکیدہ

در این پژوهش، اثر حفره بر روی مشخصههای پیچشی پره ناکا ۲۰۱۲ تحت شرایط واماندگی دینامیکی بهصورت عددی مورد مطالعه و بررسی قرار گرفت و جریان آشفته تراکمناپذیر ناپایا نیز در دو بعد شبیه سازی گردید. دو نمونه حفره دایره ی با شعاع R=۰/۰۵ در دو موقعیت مشخص x=۰/۳c یا x=۰/۶c نسبت به لبه حمله پره تعیین شد تا اثر موقعیت حفره بر روی پارامترهای آیرودینامیکی پره همچون ضرایب برآ، پسا، گشتاور پیچشی و بازده آیرودینامیکی (نسبت ضریب برآ به پسا) با فرض عدد رینولدز ^۲۰۱ و فرکانس کاهشیافته ۲۰۱۵ تحلیل گردد. نتایج نشان داد که حفره در موقعیت دور تر نسبت به لبه حمله رفتار بهتری را در بهبود ضریب برآ و بازده آیرودینامیکی پره نوسانی داشته و مقدار متوسط ضریب برآ برای حالاتی که حفره در دو موقعیت ۱۳۰ یا 2۰/۰۶ یا ۲۰/۶ گرفته به ترتیب به میزان ۳/۵۲٪ و ۲/۱۰ حفره در موقعیت ۲۰۲۵ یا کرد. مقدار متوسط ضریب پسا نیز به طور نسبی برای حفره در موقعیت ۲۰۲۵ یه میزان ۳/۵۲٪ کاهش و برای

واژههای کلیدی: حفره، کنترل جریان، پره ناکا ۰۰۱۲، حرکت پیچشی، واماندگی دینامیکی، مدلسازی عددی

This article is an open-access article distributed under the terms and conditions of the Creative Commons Attribution (CC BY) license.

Authors

(C)

Publisher: Imam Hussein University



۱- استادیار:farajollahi@sharif.edu.

۲- استادیار (نویسنده پاسخگو):mohammadsalimi@ari.ac.ir

۳ - استادیار: zakyani@ari.ac.ir

فهرست علائم و اختصارات

ضريب برآ C_{L} ضريب يسا CD ضريب گشتاور پيچشى C_M طول وتر پره، m с تابع تركيبي اول F_1 تابع تركيبي دوم F_2 فركانس كاهشيافته k_{f} عدد ماخ Ma فشار، N/m² Р عدد رينولدز Re شعاع حفره، m R نرخ کرنش S دوره تناوب، s Т زمان، s t سرعت جریان آزاد، m/s U مؤلفه افقی سرعت، m/s u مؤلفه عمودی سرعت، m/s v موقعیت قرار گیری حفرہ روی پرہ х علائم يوناني چگالی، kg/m³ ρ زاويه حمله، ([°]) α زاویه نصب پره، ([°]) α_0 دامنه نوسان، ([°]) α_1 سرعت زاویه، rad/s W_{f} ویسکوزیته دینامیکی، Pa.s μ

بازده آيروديناميكى η

۱– مقدمه

در دهههای اخیر بسیاری از تحقیقات عددی، تئوری و تجربی در زمینه آیرودینامیک به دلیل ماهیت پیچیده جریانهای وابسته به زمان به بررسی میدان جریان ناپایا اختصاصیافته است. آیرودینامیک ناپایای اجسام تحت حرکت نوسانی به دلیل کاربردهای گستردهای که دارد، به طور قابل ملاحظهای مورد توجه قرار گرفته است. این کاربردها شامل پرههای بالگرد، پرههای توربین بادی، ریز پرندهها، بارگذاری بال هواپیما در شرایط انجام مانور و برخورد با تندبادها است. در کاربردهای گوناگون، تجهیزات بردودینامیکی پیوسته در معرض تغییرات زمانی جریان هوا بوده و نوعاً در زوایای حمله نزدیک به واماندگی قرار دارند.

با اینکه جریان در زوایای حمله کم روی سطح چسبیده باقی میماند، اما اثرات ناپایی جریان باعث ایجاد بارهای آیرودینامیکی با اختلاف کم در دامنه و فاز نسبت به حالت پایا شده و به اصطلاح شرایط شبه پایا حاکم می شود. با افزایش زاویه حمله، به دلیل جداشدن جریان از سطح جسم که وابسته به زمان است، پدیده واماندگی دینامیکی رخ می دهد که باعث ایجاد تغییرات زیادی در مقادیر نیروها و گشتاورهای آیرودینامیکی نسبت به حالت پایا می شود. این پدیده همچنین باعث ایجاد اختلاف فاز زیادی در بارهای آیرودینامیکی ناپایا شده که دلیل آن، وقوع حالتهای مختلف جدایش، تشکیل تردابهها، واماندگی و یا دوباره چسبیدن جریان می باشد. بنابراین بررسی جریان ناپایا حول سطوح آیرودینامیکی به منظ ور پیشبینی بارگذاری آیرودینامیکی در شرایط

بهمنظور به تأخيرانداختن و يا حتى حذف نمودن جدايش جريان مي توان مومنتوم اضافي به لايهمرزي اعمال نمود، تا این ناحیه تحت یک گرادیان فشار مطلوب قرار بگیرد و نهایتاً عملکرد آیرودینامیکی پرهها بهبود یابد. این کار از طریق روشهای کنترل جریان که به طور عمده به دو دسته روشهای فعال و غیرفعال تقسیمبندی می شوند، قابل انجام است [۱]. روشهای کنترل فعال جریان همچون عملگر یلاسمایی یا جریان جت - جفت [۲] به ورودی اضافی انرژی نیاز دارند که امکان فعالسازی و یا غیرفعالسازی کنترل جریان را مقدور میسازند. هدف از محرکها کاهش و یا حذف جدایش جریان، کاهش آشفتگی و سروصدا می باشد. عملکرد محرکها میتواند پایا یا ناپایا باشد. برای محرکهای با تحریک تناوبی (عملکرد ناپایا پالسی) پارامترهای تحریک به عبارتی فرکانس، دامنه و چرخه کار بسیار مهم هستند. عملکرد محرکها مبتنی بر معرفی مومنتوم اضافی در جریان نزدیک دیواره است. مومنتوم اضافه شده با استفاده از ضریب مومنتوم محاسبه مے شود که به صورت نسبت مومنتوم اضافه شده به جريان سيال به مومنتوم جريان اصلى تعریف می شود. بنابراین، روش های فعال فقط در مواقع ضروری می توانند مورد استفاده قرار بگیرند. اما، روشهای کنترل جریان غیرفعال همچون میکرو سیلندر^۲ [۳]، نوار لبه حمله [۴] و دندانه لبه حمله أ [۵] به انرژی اضافی احتیاج

¹ Actuators

² Micro-cylinder

³ Leading-edge slat

⁴ Leading-edge serrations

ندارند. این روشها نوعی دستگاههای هندسی هستند که بهشدت بر میدان جریان اثر گذاشته و برخلاف دستگاههای کنترل جریان فعال، نیاز به خاموش و روشنشدن را ندارند. فواید روشهای کنترل جریان غیرفعال شامل افزایش نیروی برآ، کاهش نیروی پسا، کاهش نشتی جریان در نوک پره و کنترل جریان می باشد [۶].

واماندگی استاتیکی پرہ یک پدیدہ آیرودینامیکی میباشد که توسط جدایش جریان و کاهش نیروی برآ مشخص می گردد. برای پرههای پایا، جریان به دیواره پره برخورد کرده و به آن می چسبد، و منجر به تشکیل یک لایه مرزی آرام می شود. شکل ۱ ساختار جریان را بر روی پره ناکا ۰۰۱۲ تحت شرایط استاتیک نشان میدهد. در حالت گذر از جریان آرام به آشفته، یک حباب جدایش در نزدیکی لبه حمله ' تشکیل می گردد، و باعث به وجود آمدن منطقه جریان معکوس می شود. پس از آن، لایه مرزی دوباره به جریان آشفته متصل می شود تا اینکه به نقطه جدایش آشفته در لبه فرار^۲ رسد. این باعث تشکیل یکلایه برشی آشفته جداشده و ناحیه جدایش آشفته جداشده می گردد. هرچه زاویه حمله پره افزایش یابد، نقطه جدایش لبه فرار پره در سطح بالایی به سمت بالا پیشرفت میکند تا اینکه به ناحیه حباب گذرا برسد. در این نقطه، جریان یس از جـدایش آرام دوباره متصل نمـی گـردد؛ بلکـه حبـاب ازهم پاشیده و سپس یک ناحیه جریان آشفته جداشده به وجود میآید که منجر به واماندگی پره بهواسطه کاهش نیروی برآ می گردد. رفتار جریان در پرههای ناپایا متفاوت می باشد، چون ویک عمودی به سبب ناپایا بودن جریان و متغير بودن ضرايب آيروديناميكي وابسته به زمان مياشد [7].



شکل (۱): تحلیل ساختار جریان برای پره استاتیک ناکا ۰۰۱۲

واماندگی دینامیکی، یک پدیده آیرودینامیکی ناپایا و پیچیده در مقایسه با واماندگی استاتیکی میباشد. درواقع،

هنگامی که زاویه حمله کیک سطح فشار نوسانی از زاویه حمله بحرانی واماندگی استاتیکی بیشتر میشود، واماندگی به لحاظ دینامیکی به وقوع می پیوندد. این پدیده که به سبب جدایش ناپایا در میدان جریان به وجود می آید، در مانورهای هواپیماهای نظامی و دوران پره بالگرد بهشدت رایج میباشد. هنگامی که واماندگی دینامیکی اتفاق میافتد، ضریب برا بهشدت کاهش و ضریب پسا افزایش می یابد که منجر به تغییرات ناگهانی در عملکرد پره شده و بر روی عملكرد آيروديناميكي پرواز هواپيما تأثير مي گذارد [٨]. واماندگی دینامیکی یک حرکت نوسانی را میتوان بهصورت افزایش سریع در ناحیه واماندگی و یا حرکت نوسانی هارمونیکی توصیف نمود که منجر به تولید گردابهها میشود. هرچه زاویه حمله یک پره نوسانی از زاویه حمله واماندگی استاتیکی خود فراتر رود، جریان همچنان به سطح آن متصل است و در زوایای حمله بالاتر امکان مشاهده جریان برگشتی بر روی سطح و در قسمت انتهایی پره وجود دارد. هرچه پره به سمت بالا[†] حرکت میکند گردابههای بزرگ در لایهمرزی ظاهر می گردد و جریان بر گشتی شروع به گسترش روی سطح فوقانی میکند و یک گردابه بزرگ در لبه ابتدایی ظاهر می گردد که باعث تشدید نیروی برا می گردد. یـس از آن جریان به شرایط واماندگی دینامیکی خود میرسد و طی

حرکت به سمت پایین^۵ پره کاملاً وامانده می شود [۹]. مطالعاتی که تاکنون در خصوص تأثیر به کارگیری روش های فعال و غیرفعال کنترل جریان بر روی عملکرد پره نوسانی انجام گرفته شده بسیار محدود می باشد. در یک مطالعه، کیم و همکاران [۱۰] اثرات تراکم پذیری جریان بر روی واماندگی دینامیکی که به سبب تغیر عدد ماخ جریان آزاد اتفاق می افتد را بررسی نمودند. آن ها شرایط واماندگی دینامیکی و استاتیکی را در محدوده ماخ بین ۲/۰ تا ۲/۴ برای پره روتور بالگرد به صورت عددی و تجربی مطالعه کردند. آن ها دریافتند که برای عدد ماخ کوچک، همچون ۲/۰، واماندگی دریافتند که برای عدد ماخ کوچک، همچون ۲/۰، واماندگی به وجود می آید، قرار می گیرند. برای بالاترین عدد ماخ، به وجود می آید، قرار می گیرند. برای بالاترین عدد ماخ، یعنی ۲/۰، تراکم پذیری در نزدیکی لبه حمله پره دیگر قابل صرف نظر کردن نمی باشد و یک توده فراصوتی در آن

¹ Leading edge

² Trailing edge

³ Angle of attack

⁴ Upstroke

⁵ Downstroke

ناحیه ایجاد مینماید. جدایش ناشی از ضربه در نزدیکی لبه حمله اتفاق میافتـد کـه بـه هـر دو وامانـدگی دینـامیکی و استاتیکی غلبه مینماید.

نیو و همکاران [۱۱] به بررسی عددی تأثیر خمیدگی متغیر لبه حمله بر روی واماندگی دینامیکی پره نوسانی ناکا ۰۰۱۲ پرداختند. این خمیدگی متغیر باعث کاهش زاویه حمله محلی در مجاورت لبه حمله پره به هنگام افزایش قابل توجه زاویه حمله کلی میشود. لذا، گرادیان فشار نامطلوب نیز کاهش مییابد. بنابراین، تشکیل گردابه در مجاورت لبه حمله به همراه واماندگی دینامیکی و استاتیکی محدود می-شود. آنها دو شیوه از خمیدگی را پیشنهاد دادند و تأثیر هر یک از این شیوهها را بر روی کنترل واماندگی دینامیکی پره ناکا ۲۰۱۲ بررسی نمودند. نتایج آنها نشان داد که این خمیدگی در لبه حمله پره منجر به کاهش واماندگی دینامیکی و بهبود مشخصههای آیرودینامیکی پره نوسانی میشود.

عبدی زادہ و ھمکاران [۱۲] به بررسے دوبعدی تأثیر فرکانس، دامنه نوسان و عدد رینولدز بر واماندگی دینامیکی پره پیچشی ناکا ۰۰۱۲ در حضور عملگر پلاسمایی پرداختند. آنها همچنین ساختار میدان جریان و گردابههای ایجاد شده بر روی سطح مکش پره را نیز برای درک بهتر چگونگی رخداد این پدیده مورد بررسی قرار دادند. نتایج آنها نشان داد که در زمان عدم حضور عملگر پلاسما، با افزایش دامنه و فرکانس نوسان، واماندگی دینامیکی در زواياي حمله بالاترى اتفاق مىافتد. همچنين با افزايش عدد رینولدز، ضریب برآ یره کاهشیافته و حلقه هیسترزیس نمودار ضریب برا بر حسب زاویه حمله کوچکتر می شود. اما در حضور عملگر پلاسمایی، ضرایب آیرودینامیکی بهبود می یابد و واماندگی دینامیکی اتفاق نمی افتد. با بررسی ساختار جریان نیز مشاهده نمودند که عامل اصلی پدیده واماندگی دینامیکی تشکیل یک سری گردابههای کـمفشـار در لبه حمله و فروریزش این گردابهها به سمت انتهای پره و در نتیجه جدایش آنها از سطح پره میباشد. اما زمانی که عملگر پلاسما روشن می شود، جدایش جریان به تأخیر افتاده و قدرت و اندازه گردابه کاهش بسیاری یافته است. قرعلی و جانسون نیز در یکی از پژوهشهای عددی خود به بررسی اثرات واماندگی دینامیکی بر روی پره ناکا ۰۰۱۲ پرداختند. نتایج این تحقیق برای پره نشان دهنده نوسانات

زیاد در زمان رخداد واماندگی دینامیکی میباشد [۱۳]. در یک پیژوهش دیگر، آنها به بررسی عددی رفتار آیرودینامیکی پره توربین بادی در حالتی که پره دارای خوردگی میباشد، پرداختند و به این نتیجه رسیدند که خوردگی باعث کاهش ضریب نیروی برآ و در نتیجه کاهش راندمان پره میشود [۱۴].

با بررسی مطالعات عددی و تجربی صورت گرفته شده تاکنون می توان دریافت که این مطالعات بیشتر در خصوص تأثیر روش های فعال و یا غیرفعال کنترل جریان بر روی واماندگی دینامیکی پره ها می باشد. اما، هدف اصلی از این مطالعه بررسی اثر موقعیت حفره بر روی بهبود عملکرد آیرودینامیکی پره ناکا ۲۰۱۲ تحت شرایط واماندگی دینامیکی می باشد. حفره یکی از روش های غیرفعال کنترل جریان بوده که می توان در قسمت های مختلف یک پره ایجاد نمود تا باعث بهبود ضریب برآ و بازده آیرودینامیکی و تأخیر در جدایش جریان شود.

۲- فرمولاسیون ریاضی

۲-۱- معادلات حاکم

معادلات حاکم بر جریان آشفته تراکمناپذیر دوبعدی و ناپایا با فرض ثابتبودن خواص فیزیکی و چشمپوشی از نیروهای حجمی مطابق روابط (۱) و (۲) میباشد.

$$\frac{\partial u_i}{\partial x_i} = 0 \tag{1}$$

$$\frac{\partial u_i}{\partial t} + u_j \frac{\partial u_i}{\partial x_j} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial P}{\partial x_j} + \upsilon \frac{\partial^2 u_i}{\partial x_i \partial x_j} - \frac{\partial \overline{u_I u_j}}{\partial x_i}$$
(Y)

در این مطالعه، از مدل توربولانسی SST ه م جهت تخمین آشفتگی جریان استفاده شد. این مدل در جریان-های با گرادیان فشار معکوس قوی بسیار مؤثر بوده و بهخوبی و بادقت بالا میتواند موقعیتی که در آن جدایش جریان اتفاق میافتد را پیشبینی نماید.

$$\frac{\partial(\rho k)}{\partial t} + \frac{\partial(\rho U_i k)}{\partial x_i} = \widetilde{P}_k - \beta^* \rho k \omega + \frac{\partial}{\partial x_i} [(\mu + \sigma_k \mu_r) \frac{\partial k}{\partial x_i}]$$
(٣)

$$\frac{\partial(\rho\omega)}{\partial t} + \frac{\partial(\rho U_i \omega)}{\partial x_i} = \alpha \rho S^2 - \beta^* \rho \omega^2 + \frac{\partial}{\partial x_i} [(\mu + \sigma_w \mu_r) \frac{\partial w}{\partial x_i}]$$
(*)
+ 2(1 - F₁) $\rho \sigma_{w^2} \frac{1}{w} \frac{\partial k}{\partial x_i} \frac{\partial w}{\partial x}$

در روابط بالا F_1 تابع ترکیبی اول بوده که برای جریان آزاد برابر با صفر در نظر گرفته میشود و منجر به فعالسازی ترم انتشار مقطع $\varepsilon = k$ شده، و برای ناحیه مربوط به لایهمرزی برابر با یک میباشد تا یک محاسبه دقیق را به کمک تابع برابر با یک میباشد تا یک محاسبه دقیق را به کمک تابع بهصورت زیر محاسبه میشود:

$$\upsilon_t = \frac{\alpha_1 k}{\max[\alpha_1 \omega, SF_2]} \tag{(a)}$$

که در این رابطه *S*نرخ کرنش و *F*₂ تابع ترکیبی دوم میباشـد. پارامتری به نام محدودکننده تولید ['] نیز تعریف میشـود تـا از انباشتگی آشفتگی در ناحیه سکون اجتناب به عمل آیـد. ایـن پارامتر بهصورت زیر تعریف میشود:

$$P_{k} = \mu_{\tau} \frac{\partial U_{i}}{\partial x_{j}} \left(\frac{\partial U_{i}}{\partial x_{j}} + \frac{\partial U_{j}}{\partial x_{i}} \right)$$
(\$

$$\widetilde{P_k} = \min(P_k, 10\beta^* \rho k\omega) \tag{Y}$$

۲-۲- شرح مسئله
حرکت پیچشی پره نوسانی ناکا ۰۰۱۲ به کمک یک رابطه
هارمونیک سینوسی مشخص می گردد تا رفتار نوسانی زاویه
حمله پره را تضمین نماید. پره حول مبدأ مختصاتی که به
فاصله ۲۵۵/۰ نسبت به لبه حمله پره واقع شده، در حال
نوسان می باشد.

 $\alpha = \alpha_0 + \alpha_1 \sin(w_f t) \tag{A}$

که در این رابطه α ، α_0 ، α_1 و γ_r بیانگر زاویه حمله پره، زاویه نصب پره، دامنه نوسان و سرعت زاویه ای میباشد. پارامترهای فیزیکی پره نوسانی در جـدول ۱ نشان داده شده است. مقادیر بـهکار گرفتـهشـده برگرفتـه از کار تجربی گیلمینو و همکاران [۱۵] میباشـد. در ایـن مطالعـه، فرکانس کاهشیافته $\frac{k_f}{2U} = \frac{w_f c}{2}$ برابر بـا ۱/۵ در نظر گرفته شد.

يزيكي پره نوساني ناكا ۰۰۱۲	جدول (۱): پارامترهای ف
پارامتر	مقدار
$Re = \frac{\rho u c}{\mu}$	١٠٤
Ма	•/•۴
c[m]	١
$U[\frac{m}{s}]$	14/804
$lpha_0[\circ]$	۱۵
$\alpha_1[\circ]$	١.

۳- مدلسازی عددی ۳-۱- تنظیمات حلگر

معادلات ناویر – استوکس متوسط گیری شده ناپایا که در روابط (۱) و (۲) تعریف گردیدهاند، بهصورت عددی و به کمک نرمافزار انسیس فلوئنت و با به کارگیری دیدگاه حجم محدود شبیهسازی شد. شدت آشفتگی در ورودی نیز برابر با ۲۰/۰۸٪ در نظر گرفته شد. جهت برقراری کوپلینگ بین فشار و سرعت از دیدگاه کوپل شده^۲ استفاده گردید و از روش ضمنی مرتبه دوم جهت پیشروی زمانی بهره گرفته شد. برای ترمهای مربوط به آشفتگی و جابه جایی موجود در معادلات انتقال نیز از روش مرتبه دوم بالادست ۲ بهمنظور بالابردن دقت حل مسئله استفاده گردید. شبیه ازی های گذرا نیز با درنظر گرفتن گام زمانی 80.01 = 1انجام گرفت و معیار همگرایی نیز ^۴-۱۰ در نظر گرفته شد. جهت مدل سازی حرکت نوسانی پره در داخل ناحیه محاسباتی نیز از روش شبکه لغزنده استفاده گردید.

۲-۳- استقلال از شبکه و اعتبارسنجی

شکل ۲ شرایط مرزی و ناحیه محاسباتی را نشان میدهد. ناحیه مشخص شده به صورت یک منطقه مستطیلی شکل به ابعاد [-loc,1cc]x[-loc,1c] میباشد. دامنه مذکور به کمک یک خط اتصال^۲ دایرهای به دو زیر ناحیه مجزا تقسیم گردیده که یکی ناحیه دورانی داخلی و دیگری ناحیه ساکن خارجی میباشد. به کارگیری ناحیه داخلی دایروی به قطر ار میتواند حرکت شبکه نسبت به پره پیچشی را حین شبیه سازی بدون تغییر کیفیت سلول ها تضمین نماید.

¹ Production limiter

² Coupled

³ Second order upwind

⁴ Interface





در شکلهای ۶ و ۷ به ترتیب به مقایسه حلقه هیسترزیس ضرایب برآ و پسا بین کار عددی حاضر، کار عددی انجام گرفتهشده توسط وانگ و همکاران [۱۶] و کار تجربی گیل مینو و همکاران [۱۵] در یک سیکل نوسانی پرداخته شده است. شکل ۶ نشان میدهد که طی حرکت به سمت بالا، مطابقت خوبی بین مقادیر محاسبه شده برای ضریب برآ در ایس مطالعه، کار عددی واناگ و همکاران و نتایج آزمایشگاهی وجود داشته است. علی رغم تفاوت های جزئی



شکل (۳): تحلیل حساسیت شبکه برای سه حالت مختلف الف: نمای کلی و ب: نمای نزدیک جهت بررسی حساسیت شبکه، سه نوع شبکهبندی درشت، متوسط و ریز مطابق شکلهای ۳ الف و ب با یکدیگر مقایسه گردیدند. شبکه درشت شامل ۹۴۱۴۴ گره و ۴۶۴۰۰ المان میباشد. شبکه متوسط دارای ۱۲۶۷۸۴ گره

بین نتایج در فاز پایینرونده، نتایج تجربی و عددی یکروند مشابه را طی میکنند. شکل ۷ نیز نشان میدهد که ضرایب پسا بهدستآمده در حل عددی حاضر، مطابقت خوبی با نتایج آزمایشگاهی و کار عددی پیشین در طول حرکت نوسانی داشته است. افزایش ناگهانی در ضریب پسا اساساً به سبب پدیده واماندگی عمیق ^۱ بوده که زمانی که زاویه حمله از زاویه حمله بحرانی واماندگی استاتیکی فراتر میرود، اتفاق میافتد. اگرچه تفاوت کمی بین ضرایب پسا محاسبه شده از طریق تحلیلهای عددی و نتایج آزمایشگاهی وجود دارد، روند کلی یکسان میباشد. به صورت کلی، نتایج به دستآمده برای ضرایب برآ و پسا در این پژوهش مطابقت خوبی با مطالعات پیشین داشته است.









شکل (۷): مقایسه حلقه هیسترزیس ضریب پسا بین کار عددی حاضر، کار تجربی گیل مینو و همکاران [۱۵] و کار عددی وانگ و همکاران [۱۶]

۴- نتايج

در این بخش، اثر موقعیت حفره بر روی پارامترهای مهمی از قبیل ساختار جریان، ضریب برآ، ضریب پسا، ضریب گشتاور پیچشی و بازده آیرودینامیکی بررسی خواهد شد. حفره دارای شعاع ۰/۰۵۵ بوده و در دو موقعیت x=۰/۱۳c یا x=۰/۶c نسبت به لبه حمله پره قرار گرفته است.

۴-۱- اثر حفره بر ساختار جریان

در این قسمت، به بررسی اثر حفره بر ساختار میدان جریان حول پره با فرض دامنه نوسان ۱۰ درجه، فرکانس کاهش یافته ۰/۱۵، شدت توربولانسے ۰/۰۸٪ و عدد رينولدز k - w SST با مدل توربولانسى k - w SST پرداخته شده است. به هنگام حرکت نوسانی پره، یک موج کم فشار همواره به همراه گردابه لبه حمله شکل می گیرد و هرچه زاویه حمله پره افزایش مییابد، گردابه به وجود آمده به سمت انتهای پره حرکت کرده و سبب افزایش قابل توجه ضریب برآ می گردد. همچنین، به سبب فروریزش گردابه لبه حمله تغییرات شدیدی در ضرایب برآ و پسا طی حرکت نوسانی ایجاد می گردد. پس از وقوع واماندگی دینامیکی و زمانیکه حرکت به سمت پایین پره آغاز میشود، گردابه ثانویهای که در بخش انتهایی پره تشکیل میشود سبب افزایش ناگهانی ضریب برآ در این فاز از حرکت پیچشی می شود. تأثیر این پدیده را می توان در شکل ۶ و در زاویـه حملـه $\alpha = 23.98^{\circ}$ مشاهده نمـود. در ايـن زاويـه حملـه، گردابه ثانویه سبب افزایش ناگهانی ضریب برآ در فاز حرکت به سمت پايين شده است.

¹ Deep stall

جدایش جریان به همراه تشکیل گردابه ها نواحی کمفشار را ایجاد میکند. موقعیت این نواحی کمفشار با تغییر موقعیت گردابه ها تغییر مینماید. از آنجایی که موقعیت نواحی کمفشار مرکز گردابه ها بر روی توزیع فشار روی سطح پره و ضرایب آیرودینامیکی اثرگذار است، لذا دینامیک گردابه ها تأثیر به سزایی بر روی ضرایب آیرودینامیکی پره نوسانی خواهد داشت. این یکی از مهم ترین تف وت های بین پره نوسانی ساده با پره ثابت می باشد. همچنین، هرچه گردابه ها به سطح پره نزدیک تر می شوند، اثرات آنها بر روی سطح فشار پره قوی تر می گردد.



شکل (۸): نمای نزدیک از توزیع فشار و خطوط جریان در اطراف حفره

مکانیزم عملکرد حفرہ بدین صورت میباشد کے تشکیل گردابه در داخل حفره سبب تحریک و اتصال مجدد جریان بر روی سطح پره می شود. این کار بدون نیاز به اعمال انرژی اضافی به سیستم صورت میگیرد. گردابههای حبس شده در داخل حفره باعث تقويت دوباره لايهمرزي شده و سبب حفظ جریان متصل به سطح پره در پاییندست حفره می گردد و نهایتاً جدایش جریان را به تأخیر می اندازد. همچنین، گردابههای حبس شده بر روی سطح مکش نهتنها یک ناحیه کمفشار را به وجود می آورند، بلکه باعث کاهش نیروی پسا نیز می شوند. در مطالعه انجام شده توسط یاداو و همکاران [۱۷] نیز به این نکته اشاره شده است که استفاده از حفره باعث افزایش ضریب برآ و کاهش ضریب پسا می-شود. لذا بازده آیرودینامیکی برای پره حفرهدار بدون حرکت نوسانی پیچشی افزایش مییابد. شکل ۸ توزیع فشار را برای پره حفرهدار در لحظه t=۰/۶s نشان میدهد. موقعیت حفره نسبت به لبه حمله پره x=٠/١٣c می باشد. خط وط جریان

در داخل حفره نشان میدهند که گردابه تشکیل شده داخل حفره سبب اتصال مجدد جریان بر روی پره شده است. در شکل ۹ به مقایسه ساختار جریان بر روی پره نوسانی ناکا ۰۰۱۲ بین حالت ساده و حفرهدار پرداخته شده است. موقعیت حفره در این حالت نیز x=۰/۶c نسبت به لبه حمله در نظر گرفته شده است. در خصوص پره نوسانی ساده و به هنگام شروع حرکت به سمت بالا پره، جریان همواره در زوایای حمله کم مثل $\alpha = 19.24^{\circ}$ به سطح پره متصل بوده و هیچگونه گردابهای بر روی پره تشکیل نشده است. هرچـه زاویه حمله افزایش مییابد و از [°]a = 22.68 پیشی میگیرد، گردابهها شروع به شکل گیری و رشد در مجاورت لبه حمله پره کرده و در زوایای حمله بالاتر مثل $\alpha = 24.67^{\circ}$ ، یک گردابه بزرگ بر روی سطح مکش پره تشکیل می گردد. ایـن گردابه با توجه به کانتور رسمشده ناحیهای کمفشار بوده که در حال رشد و حرکت به سمت انتهای پره است. هنگامی که گردابه بزرگ در یک زاویه حمله مشخص از سطح پره جدا می شود و گردابه های کوچک دیگری در قسمت های مختلف یرہ تشکیل می گردد، واماندگی دینامیکی بهوقوع می پیوندد. پس از آن گردابه ثانویه در بخش انتهایی پره شروع به شکل گیری می کند. به هنگام حرکت به سمت پایین و از زاویه حمله α = 24.83° به بعد، این گردایه سبب افزایش ناگهانی ضریب برآ می شود. نهایتاً اتصال مجدد جریان به سطح پره صورت می گیرد و گردابهها کامل از بین می روند تا در تناوب بعدی مجدداً همین سیکل تکرار شود. با مقایسه گردابههای تشکیلشده بر روی سطح مکش پره نوسانی حفرهدار و ساده، میتوان دریافت که در فاز بالارونده و بهویژه در زوایای حمله بالا، حضور حفره در موقعیت x=۰/۶c سـبب کـاهش نـواحی کـمفشـار و قـدرت گردابهها شده و جدایش جریان را نیز به تأخیر انداخته است. این تأخیر در جدایش جریان حتی باعث به تعویق افتادن واماندگی دینامیکی شده و واماندگی برای پـره حفـرهدار در زوایای حمله بالاتر اتفاق میافتد. در فاز بالارونده و در زواياى حمله $\alpha = 22.68^{\circ}$ و $\alpha = 22.68^{\circ}$ حضره سبب اتصال مجدد جریان به سطح مکش پره نوسانی شده و لایهمرزی دوباره تقویت گردیده است. در فاز پایینرونده، به سبب آنکه حفره واماندگی دینامیکی را به تعویق انداخته، رشد گردابه ثانویه و اثر آن بر روی افزایش ناگهانی ضریب برآ پره نیـز دیرتـر از حالت ساده اتفاق می افتد. در محدوده زوایای

حمله $^{\circ} 2 \leq lpha \leq lpha$ حمله $^{\circ} 2 \leq lpha \leq lpha$ شاهد آن هستیم که گردابههای قویتری بر روی سطح مکش پرہ حفرہدار تشکیل گردیدہ کے منجر به افزایش ضریب برآ در مقایسه با پره نوسانی ساده می-گردد. با کاهش بیشتر زاویه حمله، گردابهها در هر دوحالت از بین رفته و جریان دوباره به سطح هر دو پره متصل شده و شاهد عملکرد مشابه از هر دو پره خواهیم بود.



















شکل (۹): مقایسه میدان فشار بین پره نوسانی ساده و

جرای حالت x=-//۲ برابر با 2.16 = $C_{L_{max}}$ برابر با 2.16 = $C_{L_{max}}$ برای حالت x=-/ $C_{L_{max}}$ جرای حالت x=-/ $C_{L_{max}}$ جرای حالت x=-/ $C_{L_{max}}$ جرای حالت x=-/ $C_{L_{max}}$ برابر 2.21 = α رخ داده و برای حالت x or (legus حمله "24.33 α رgibiar که در زاویه حمله "24.33 α dی فاز بالارونده اتفاق افتاده است. پس از رسیدن به ضریب برآ برشری بر آبر شدن به ضریب رزاویه محله شاهد کاهش شدید خار مرایب برآ در هـر دو حالت هستیم. بنابراین زاویه محله شاهد کاهش شدید خدره سریب برآ در هـر دو حالت هستیم. بنابراین زاویه محله شاهد کاهش شدید خدره سریب برآ در هـر دو حالت هستیم. بنابراین زاویه محله شاهد کاهش شدید خدره سریب برآ در هـر دو حالت هستیم. بنابراین زاویه محله محله شاهد کاهش شدید خدره سریب برا در به تعویق محمله، حفره در موقعیت x=-/ $C_{L_{max}}$ بنابراین زاویه محمله شاهد کاهش شدید ناوی برا شده و واماندگی پره حفره در موقعیت x=-/ $C_{L_{max}}$ بنابراین زاویه محمله شاهد کاهش شدید فره محمله، حفره در موقعیت x=-/رای موقعیت x=-/ $C_{L_{max}}$ بنابراین زاویه محمله، حفره در موقعیت x=-/ $C_{L_{max}}$ بنابراین زاویه محمله ماه دام توان نتیجه گرفت محرایب برا شده و اماندگی در مقایسه با حفره در موقعیت x=-/ $C_{L_{max}}$ بر موقعیت x=-/ $C_{L_{max}}$ به تر موقعیت x=-/ $C_{L_{max}}$ بر موله بر مول

۱۱ نشان داده شده است. مقدار کمینه ضریب پسا برای حفره در موقعیت x=۰/۱۳c نسبت به حالت ساده تقریباً تغییری نداشته؛ اما برای حفره در موقعیت x×=۰/۶c نسبت ایه حالت ساده کاهشیافته است. همچنین، مقدار بیشینه این ضریب نیز به میزان ۱/۶٪ برای حالت x×=۰/۱۳ و به اندازه ۲۵٪/۲ برای موقعیت x×=۰/۶c در مقایسه باحالت ساده کاهش یافت. بنابراین حفره در موقعیت x×=۰/۶c رفتار میاده کاهش یافت. بنابراین حفره در موقعیت x×=۰/۶c رفتار موقعیت x=۰/۶c در مقایسه باحالت ماده کاهش یافت. بنابراین حفره در موقعیت x×=۰/۶c رفتار ماده کاهش یافت. بنابراین حفره در موقعیت x×=۰/۶c رفتار موقعیت x×=۰/۶c رفتار موقعیت x×=۰/۶c در مقایسه با حفره در موقعیت x×=۰/۶c رفتار موقعیت x×=۰/۶c در مقایسه با حفره در موقعیت x×=۰/۶c



شکل (۱۱): اثر حفره بر روی حلقه هیسترزیس ضریب پسا در شکل ۱۲ نیز ضریب گشتاور پیچشی بین پره ساده و حفرهدار با یکدیگر مقایسه شده است. پره حفرهدار هیچ تأثیری بر روی ضریب گشتاور پیچشی در فاز حرکت به سمت بالا نداشته و تنها سبب تغییر گشتاور پیچشی در فاز

۲-۴ اثر حفره بر ضرایب آیرودینامیکی

شکل ۱۰ اثر حفره را بر روی حلقه هیسترزیس ضرایب بـرآ نشان میدهد. با دقت در این شکل میتوان دریافت که حفره تأثیر چندانی در بهبود ضریب برآ پره در فاز حرکت به سمت بالا نداشته و تغییر موقعیت حفره نیز تاثیری بر روی ضریب برآ نداشته است. در محدوده خاصی از ضرایب حمله و در فاز حرکت به سمت پایین، حضور حفره سبب بهبود ضریب برآ شده است. در برخی از ضرایب حمله، حفره دایرهای در موقعیت x=۰/۱۳c سبب بهبود ضریب برا شده و در برخی دیگر حفره در موقعیت x=۰/۶c نسبت به لبه حمله باعث افزایش ضریب برآ گردیده است. به عنوان مثال، طی حرکت به سمت پایین، ضریب برآ به طور نسبی در یک زاويه حمله مشخص مثل $\alpha = 22.56$ براى حفره در موقعيت x=۰/۱۳c بـه میـزان ۲۰/۶۹٪ افـزایش و بـرای حفـره در موقعیت x=۰/۶c به میزان ۱۹/۹۵٪ کاهش یافته است. بنابراین در این زاویـه حملـه، حفـره در موقعیـت x=۰/۱۳c رفتار بهتری را در بهبود ضریب برآ نسبت به حفره در موقعیت x=۰/۶c از خود نشان داده است. اما هنگامیکه پره در همین فاز و در زاویه حمله [°] 18.14 = *م*قرار می گیرد، ضریب برآ برای حفره در موقعیت x=۰/۱۳c به میزان ۷٪/۳۶ نسبت به پره ساده کاهش و برای حفره در موقعیت x=۰/۶c به میزان۲۱/۲۷٪ نسبت بـه حالـت سـاده افـزایش يافته است.



شکل (۱۰): اثر حفره بر روی حلقه هیسترزیس ضریب برآ لذا، در این زاویه حمله، حفره در موقعیت x=۰/۶c عملکرد بهتری را در مقایسه با حفره در موقعیت x=۰/۱۳c در بهبود ضریب برآ داشته است. همچنین، مقدار بیشینه ضریب بـرآ

حرکت به سمت پایین میشود. هرچه حفره از لبه حمله پره فاصله میگیرد، مقدار بیشینه ضریب گشتاور پیچشی نیز کاهش مییابد. لذا مقدار بیشینه این ضریب برای پره حفرهدار در موقعیتهای x=0/۱۳c و x=0/۶c در مقایسه با پره ساده به ترتیب به میزان ۱/۶۲٪ و ۱۶/۳۷٪ کاهش مییابد.



شکل (۱۲): اثر حفره بر روی حلقه هیسترزیس ضریب گشتاور پیچشی

شکل **۱۳** ضریب برآ را برحسب ضریب پسا بین حالات مختلف پره حفرهدار نشان میدهد. استفاده از حفره در موقعیتهای مختلف تأثیر چندانی بر روی ضریب پسا در مقادیر کم ضریب برا نداشته است، و بیشترین تفاوت بین حالتها در مقادیر بالای ضریب برآ میباشد. در مقادیر بالای ضریب برآ، حفره در موقعیت x=۰/۶c نسبت به حالتهای دیگر باعث کاهش ضریب پسا یره گردیده است.



همچنین، شکل ۱۴ حلقه هیسترزیس بازده آیرودینامیکی را برای پره ساده و حفرهدار نشان میدهد. در فاز حرکت به سمت بالا بهویژه از $\alpha = 22^{\circ}$ تا $\alpha = 25^{\circ}$ بازده آیرودینامیکی برای حالتیکه حفره در موقعیت x=۰/۶c قرار گرفته، در مقایسه با حالات دیگر تا حدودی بیشتر میباشد. این به سبب افزایش بیشتر ضریب برآ در این حالت می باشد. هنگامیکه فاز حرکت به سمت پایین آغاز می شود، هـ ر سـه پره عملکرد تقریباً مشابهی را از خود نشان میدهند و تفاوت زیادی در بازده آیرودینامیکی بین پره ساده و حفره-دار وجود ندارد. البته، مقدار بیشینه بازده آیرودینامیکی برای حالتی که حفره در موقعیت x=۰/۶c قرار گرفته، در مقایسه با بقیه حالات بیشتر میباشد. افزایش ناگهانی در مقدار بازده آیرودینامیکی در این فاز از حرکت در هـ رسـه حالت بیشتر به سبب کاهش شدید ضریب پسا در این مرحله از حرکت نوسانی میباشد. یک بررسی کلی در خصوص اثر حفرہ بر روی مقادیر

یک بررسی للی در حصوص ادر حصره بر روی معادیر متوسط ضرایب آیرودینامیکی پره طی حرکت نوسانی در جدول ۲ آورده شده است. در این قسمت پارامتری به اسم نسبت تغییرات تعریف شده تا درصد نسبی افزایش و یا کاهش ضرایب آیرودینامیکی نسبت به حالت ساده محاسبه گردد. این پارامتر به صورت زیر تعریف می گردد:

$$VR(\%) = \frac{AC_{cav} - AC_{base}}{AC_{base}} \tag{9}$$

که در این رابطـه $AC_{base} \, e \, AC_{cav}$ بـه ترتیـب بیـانگر ضـریب آیرودینامیکی برای حالت ساده و حفرهدار پره میباشد.



۱۰۰

موقعیت x=۰/۱۳c به میزان ۰/۱۸٪ نسبت به حالت ساده افزایش یافته است.

- ۳) مقادیر متوسط ضرایب پسا برای حفره در موقعیت x=۰/۶c به میزان ۳/۲۵٪ کاهش و برای حفره در موقعیت x=۰/۱۳c به میزان ۳/۹۷٪ نسبت به حالت ساده افزایشیافته است.
- ۴) حفره سبب کاهش مقدار متوسط ضریب گشتاور پیچشی پره شده و هرچه حفره نسبت به لبه حمله پره فاصله بگیرد، ضریب گشتاور پیچشی پره بیشتر کاهش مییابد.

8-مراجع

- Fouatih,O. M., Medale, M., Imine,O., and Imine, B. "Design Optimization of the Aerodynamic Passive Flow Control on NACA 4415 Airfoil Using Vortex Generators", Eur. J. Mech. B/Fluids, Vol. 56, pp. 82–96, 2016.
- Khoshnevis, A., Yazdani, S., and Salimipour, S. E. "Numerical Investigation of Co-flow Jet Effects on Dynamic Stall of a Thick Airfoil", Fluid Mech. Aerodyn. J., Vol. 9, No. 1, pp. 167–178, 2020.
- Wang, Y., Li, G., Shen, S., Huang, D., and Zheng, Z. "Investigation on Aerodynamic Performance of Horizontal Axis Wind Turbine by Setting Micro-Cylinder in front of the Blade Leading Edge", Energy, Vol. 143, pp. 1107– 1124, 2018.
- Richard, P. R., John Wilkins, S., and Hall, J. W. "Particle Image Velocimetry Investigation of the Coherent Structures in a Leading-Edge Slat Flow", J. Fluids Eng., Vol. 140, No. 4, Dec. 2017.
- Cai, C., Zuo, Z., Liu, S., and Maeda, T. "Effect of a Single Leading-Edge Protuberance on NACA 634-021 Airfoil Performance", J. Fluids Eng., Vol. 140, No. 2, Oct. 2017.
- Tiainen, J., Grönman, A., Jaatinen-Värri, A., and Backman, J. "Flow Control Methods and their Applicability in Low-Reynolds-Number Centrifugal Compressors - A Review", Vol. 3, No. 1. 2018.
- 7. GERONTAKOS, P. "An Experimental Investigation of Flow over an Oscillating Airfoil", PhD Thesis, McGill University, Canada, 2004.
- Zhong, J., Li, J., Guo, P., and Wang, Y. "Dynamic Stall Control on a Vertical Axis Wind Turbine Aerofoil Using Leading-Edge

يروديناميكي	ضرایب ا	متوسط	ر مقادیر	حفره ب	، (۲): اثر	جدول
<u> </u>				• •		

پارامتر	سادہ	حفره	حفره
		(x=•/\٣c)	(x=•/۶c)
C_{L}	1/•94	1/•99	۱/۱۰۲
C_D	•/777	•/۲٨٨	•/٢۶٨
C_{M}	•/\\•	•/\•A	•/١•٢
	۱۴/۳۸	١٢/٨٣	۱۵/۵۵
VR_{C_L} (%)	-	• //١٨	۳./۵۷
VR_{C_D} (%)	-	٣%/٩٧	·/٣/٢۵
VR_{C_M} (%)	-	·/.–۱/۸۱	·/V/YV
VR_{C_L/C_p} (%)	-	`/ \ • /YY	٨.//٣١

جدول ۲ نشان میدهد که موقعیت پره یک پارامتر تأثیرگذار بوده و نقش مهمی را در افزایش و یا کاهش ضرایب آیرودینامیکی از خود نشان میدهد. قرارگیری حفره در موقعیت ۶/۱۳c تا حدودی سبب بهبود عملکرد پره در مقایسه با موقعیت x=۰/۱۳c داشته و به طور متوسط سبب افزایش ضریب برا و کاهش ضریب پسا شده است. این بهبودی در مقدار متوسط بازده آیرودینامیکی نیز اتفاق میافتد و حفره در موقعیت x=۰/۶c منجر به افزایش نسبت ضریب برآ به پسا طی حرکت نوسانی میشود.

در این پژوهش یک مدل سازی عددی به منظور بررسی تأثیر موقعیت حفره دایرهای بر روی مشخصه های آیرودینامیکی پره نوسانی ناکا ۲۰۱۲ تحت شرایط واماندگی دینامیکی صورت گرفت. جهت گسسته سازی معادلات حاکم بر جریان سیال حول پره از روش حجم محدود استفاده گردید و مدل آشفتگی جریان نیز به کمک روش SST w - k پیش بینی شد. نتایج نشان داد که حلقه هیسترزیس ضرایب برآ و پسا به دست آمده از طریق حل عددی مطابقت خوبی با نتایج آزمایشگاهی و عددی پیشین داشته است. مهم ترین نتایج به دست آمده از این تحلیل مطابق ذیل می باشد:

- ۱) حفره در موقعیت x=۰/۶c سبب افزایش مقدار متوسط بازده آیرودینامیکی پره شده اما حفره در موقعیت x=۰/۱۳c نسبت ضریب برآ به پسا پره را کاهش می دهد.
- ۲) مقادیر متوسط ضرایب برآ برای حفره در موقعیت
 ۲) مقادیر متوسط ضرایب برآ برای حفره در x=۰/۶c

- Gharali, K. and Johnson, D. A. "Numerical Modeling of an S809 Airfoil Under Dynamic Stall, Erosion and High Reduced Frequencies", Appl. Energy, Vol. 93, pp. 45–52, 2012.
- Guilmineau, E., Piquet, J., and Queutey, P. "Unsteady Two-Dimensional Turbulent Viscous Flow Past Aerofoils", Int. J. Numer. Methods Fluids - INT J Numer METHOD FLUID, Vol. 25, pp. 315–366, 1997.
- Wang, W. "Study on Dynamics of Vortices in Dynamic Stall of a Pitching Airfoil Using Lagrangian Coherent Structures", Aerosp. Sci. Technol., Vol. 1, p. 106706, 2021.
- Yadav, R., and Bodavula, A. "Numerical Investigation of the Effect of Triangular Cavity on the Unsteady Aerodynamics of NACA 0012 at a Low Reynolds Number", Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part G: Journal of Aerospace Engineering, 2022. 236(6): p. 1064-1080.

Rod", Energy, Vol. 174, pp. 246-260, 2019.

- Harris, F., and Pruyn, R. R. "Blade Stall-Half Fact, Half Fiction", J. Am. Helicopter Soc., Vol. 13, pp. 27–48, 1968.
- Kim, T., Kim, S., Lim, J., and Jee, S. "Numerical Investigation of Compressibility Effect on Dynamic Stall", Aerosp. Sci. Technol., Vol. 105, 2020.
- Niu, J., Lei, J., and Lu, T. "Numerical Research on the Effect of Variable Droop Leading-Edge on Oscillating NACA 0012 Airfoil Dynamic Stall", Aerosp. Sci. Technol., Vol. 72, pp. 476– 485, 2018.
- Abdizadeh, G. and Ghasemloo, S. "Improve Aerodynamic Coefficients on Dynamic Stall Oscillating Airfoil by Using Plasma Actuator", Aerosp. Knowl. Technol. J., Vol. 10, No. 1, pp. 71–89, 2021.
- Gharali, K., and Johnson, D. A. "Dynamic Stall Simulation of a Pitching Airfoil Under Unsteady Freestream Velocity", J. Fluids Struct., Vol. 42, pp. 228–244, 2013.