

Journal of Aerospace Mechanics



DOR: 20.1001.1.26455323.1403.20.4.8.6

Experimental Investigation of Pseudo-elastic Properties of a Ni-rich Nitinol Shape Memory Alloy

Reza Khorasani^{®1*}, Seyed Ali Hosseini Kordkheili^{®2}

¹ Assistant Professor, Faculty of Aerospace Engineering, K.N. Toosi University of Technology, Tehran, Iran ² Professor, Faculty of Aerospace Engineering, Sharif University of Technology, Tehran, Iran

$H \ I \ G \ H \ L \ I \ G \ H \ T \ S$

- It is possible to reduce vibrations of an engineering structure without applying too much weight to it by employing the pseudo-elastic property of shape memory alloys.
- The presented results could be used in numerical analyses and phenomenological models for simulating the pseudo-elastic behavior of shape memory alloys.

ARTICLE INFO

Article history: Article Type: Research paper Received: 19 August 2024 Received in revised form: 4 October 2024 Accepted: 17 October 2024 Available online: 31 October 2024 *Correspondence: khorasani@kntu.ac.ir

How to cite this article:

R. Khorasani, S.A.H. Kordkheili. Experimental investigation of pseudoelastic properties of a Ni-rich Nitinol shape memory alloy. Journal of Aerospace Mechanics. 2025; 20(4):117-125.

Keywords:

Shape memory alloy Pseudo-elasticity Martensite transformation Calorimetry Vibration control

GRAPHICAL ABSTRACT



ABSTRACT

Vibration control of engineering structures and reducing its unpleasant effects such as high cycle fatigue (HCF), structural failure, noise and etc., has been a very active subject of research. Although reducing weight of structures can be counted as a positive achievement, it may lead to increase in vibratory motions. Energy dissipation due to high amount of hysteresis in shape memory alloy (SMA) wires which is vibrating together with the structure, is a potential solution in vibration control field. In this regard, reducing vibration amplitude is obtained along with relatively low increase in weight of structure respect to other dampening methods like viscoelastic materials. In this paper, carried out experimental tests on Ni-rich Nitinol samples are presented and required parameters for simulation of the pseudo-elastic behavior are extracted. These tests involve calorimetry and various tensile tests using environmental chamber. Pseudo-elasticity, pseudo-plasticity, strain recovery and de-twinning phenomena are perceived experimentally. Also, response of a Nitinol wire by considering its pseudo-elastic behavior is presented numerically.

This is an open-access article distributed under the terms and conditions of the Creative Commons Attribution (CC BY) license.

Publisher: Imam Hossein University © A

© Authors





نشريه مكانيك هوافضا



DOR: 20.1001.1.26455323.1403.20.4.8.6

استخراج تجربي خواص شبهالاستيك سيم آلياژي حافظهدار نايتينول غنى از نيكل

رضا خراسانی¹⁰*، سیدعلی حسینی کردخیلی¹⁰* ۱ ستادیار، دانشکده مهندسی هوافضا، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، تهران، ایران

^۲ استاد، دانشکده مهندسی هوافضا، دانشگاه صنعتی شریف، تهران، ایران

چکیدہ گرافیکی

مڪانيڪِ ه<u>وافضا</u>



چکیدہ

کنترل ارتعاشات سازههای مهندسی و کاهش اثرات ناخوشایند حاصل از آن شامل خستگی پر چرخه، شکست سازه، نویز و ... همواره یکی از موضوعات موردبررسی پژوهش پژوهش گران بوده است. همچنین کاهش وزن سازههای یکی از دغدغههای اصلی صاحبان صنایع به شمار رفته که خود میتواند افزایش حرکات ارتعاشی را به همراه داشته باشد. در این میان هدر دادن انرژی ناشی از هیسترزیس بالا در سیمهای آلیاژی حافظهدار که همراه سازه ارتعاش میکنند، راهحل بالقوهای برای کنترل ارتعاشات به شمار میرود. بهنحوی که در کنار کاهش ارتعاشات سازه، وزن بسیار کمتری در مقایسه با دیگر میراگرها نظیر مواد ویسکوالاستیک به سازه تحمیل میشود. در این مقاله و بهمنظور تعیین پارامترهای موردنیاز برای مدل سازی رفتار شبه الاستیک آلیاژهای حافظهدار، به ارائهی آزمایشهای صورت گرفته بر روی یک نایتینول غنی از نیکل پرداختهشده است. مختلف است. بعلاوه، پدیدههایی چون رفتار شبهالاستیک، رفتار شبه پلاستیک، بازیابی کرنش و تبدیل واریانتهای مارتنیتی بهصورت تجربی موادمطالعه قرار گرفتهاند. همچنین در انتهای مقاله و با انجام شبیهسازی عددی، پاسخ یک سیم آلیاژی نایتینول با در نظر گرفتن خواص شبهالاستیک آن ارائهشره است.

برجستهها

- کاهش ارتعاشات در کنار اعمال وزن نسبتاً
 کم به سازه با بهکارگیری رفتار شبه
 الاستیک آلیاژهای حافظهدار ممکن است.
- نتایج ارائهشده بهعنوان ورودی تحلیلهای عددی و مدلهای پدیدارشناختی برای شبیهسازی رفتار شبهالاستیک آلیاژهای حافظهدار قابل استفاده است.

مشخصات مقاله

تاريخچه مقاله:
نوع مقاله: علمی پژوهشی
دریافت: ۱۴۰۳/۰۵/۲۹
بازنگری: ۱۴۰۳/۰۷/۱۳
پذیرش: ۱۴۰۳/۰۷/۲۶
ارائه برخط: ۱۴۰۳/۰۸/۱۰
*نویسنده مسئول:
khorasani@kntu.ac.ir
كليدوار مها:

* این مقاله یک مقاله با دسترسی آزاد است که تحت شرایط و ضوابط مجوز CC BY) Creative Commons Attribution) توزیعشده است. **ناشر:** دانشگاه جامع امام حسین^(ع)



۱– مقدمه

در دهههای اخیر مطالعات بر روی آلیاژهای حافظهدار در حوزههای مختلفی چون هوافضا، دارو و نفت و گاز توجهات روزافزونی پیداکرده است [۱–۳]. از میان خواص جالب این مواد هوشمند، رفتار شبهالاستیک و توانایی اتلاف انرژی این مواد در حلقههای هیسترزیس تنش-کرنش موردتوجه محققین قرارگرفته و این مواد را دستهی میراگرهایی با پتانسیل بالا برای کنترل ارتعاشات سازهها قرار داده است. این ویژگی ناشی از انتقال فاز رفت و برگشتی بین فازهای آستنیت^۱ و مارتنزیت^۲ تحت بارهای مکانیکی است. برخی از روشهای مدلسازی و مدلهای ساختاری مربوط به آنها در مراجع [۴] و [۵] گردآوریشدهاند.

آلیاژهای حافظهدار دارای دو فاز پایدار با خواص و ساختار کریستالی متفاوت هستند؛ فاز دمابالا که آستنیت یا مرجع^۳ نامیده شده و دارای ساختار کریستالی مکعب مرکزدار (BCC^{*}) بوده و فاز دماپایین یا مارتنزیت که با تقارن کمتر دارای ساختار کریستالی چهارگوشه^۵، راست لوزی^۶ و یا تکشیب^۷ است. بنابراین، میتواند در گونههای کریستالوگرافیهای مختلف و معادل ظاهرشده که در جهتگیری نسبت به محورهای ماده تفاوت دارند. در حقیقت ساختار مارتنزیت میتواند در دو فرم جفت شده^۸ یا دوقلویی و جفت نشده^۹ وجود داشته باشد [۶]. رفتارهای حافظهشکلی یا SME^{*} و شبهالاستیک یا PE^{**} دو ویژگی اساسی آلیاژهای حافظهدار را تشکیل میدهند.

1-1- ویژگی شبهالاستیک

شکل ۱ ویژگی شبهالاستیک ماده را از منظر تغییرات ساختار کریستالی آن نشان میدهد. هنگامی که SMA در دمای بالاتر از ₄ مقرار دارد، میتواند مقادیر بالای کرنش را در اثر اعمال بار خارجی تحمل کند. بهنحوی که پس از حذف بار خارجی تمامی کرنش بازیابی خواهد شد و ماده به حالت اولیه خود

- ³ Parent
- ⁴ Body centered cubic
- ⁵ Tetragonal
- ⁶ Orthorhombic

بازخواهد گشت. درواقع در هنگام اعمال بارگذاری ماده از حالت آستنیت به مارتنزیت تغییر ساختار داده و با حذف بارگذاری مجدداً به حالت آستنیت باز خواهد گشت.



شبهالاستیک در دمای بالاتر از *A_f.*

۲-۱- ویژگیهای حافظه شکلی یکطرفه و دوطرفه

شكل \mathbf{Y} ویژگی حافظه شكلی ماده را از منظر تغییرات ساختار $\lambda_{cumrllow}$ آن نشان می دهد. هنگامی که ماده در حالت مارتنزیت یا حالت سرد خود (در دمایی کمتر از دمای (M_s) قرار دارد، با اعمال بارگذاری دچار تغییر شكل پلاستیک می شود. در این حالت با اعمال حرارت و افزایش دمای SMA تا بالای دمای A_f ماده شكل اولیه ی خود را بازیابی کرده و با کاهش دما نیز در همان حالت باقی خواهد ماند. به این ویژگی کاهش دما نیز در همان حالت باقی خواهد ماند. به این ویژگی می تواند دوطرفه نیز باشد. در حالت حافظه شكلی دوطرفه، می تواند دوطرفه نیز باشد. در حالت حافظه شكلی دوطرفه، می تواند دوطرفه نیز باشد. در حالت حافظه شكلی دوطرفه، می تواند دوطرفه نیز باشد. در حالت حافظه شكلی دوطرفه، ماده دارای دو فرم از پیش تعیین شده در حالت سرد و حالت مرم خود می باشد. بنابراین در این حالت اگر ماده در حالت سرد خود دچار تغییر شكل شود، با افزایش دما تا بالای دمای انتقال ماده حالت پیش فرض گرم خود را بازیابی کرده و سپس را بازیابی خواهد کرد.

در این مقاله، آزمایشهای موردنیاز برای استخراج پارامترهای شبیهسازی رفتار شبهالاستیک آلیاژهای حافظهدار ارائه و تحلیلشده است. بررسیهای آزمایشگاهی صورت گرفته شامل کالریسنجی و آزمایشهای کشش بر روی آلیاژ نایتینول غنی از نیکل در دماهای مختلف است.

- 9 De-twinned
- ¹⁰ Shape memory effect
- ¹¹ Pseudo-elasticity

¹ Austenite

² Martensite

⁷ Monoclinic

⁸ Twinned



شکل (۲): تغییرات ساختار کریستال SMA در اثر رفتار حافظهشکلی.

۲- آزمایش کالریسنجی روبشی تفاضلی

کالریسنجی روبشی تفاضلی یا DSC^۱، یک روش ترمودینامیکی است که در آن تفاوت گرمای موردنیاز برای افزایش دمای یک نمونه و یک مبنا (با ظرفیت گرمایی شناختهشده در بازهی دمایی موردنظر)، بهعنوان تابعی از دما اندازه گیری می گردد. نمونه و مبنا در دمای مشابهی بوده و برنامهی دمایی تحلیل DSC به گونه ای طرحریزی می شود که دمای نگهدارندهی نمونه به صورت تابعی خطی از زمان افزایش پیدا کند [۲]. در ادامه گام های موردنیاز برای استخراج خواص دمایی نمونهی SMA با استفاده از این روش بیان خواهد شد.

۲-۱- گام اول: اندازهگیری دقیق جرم نمونه

بهعنوان اولین گام در کالریسنجی، یک نمونه از SMA موردنظر (با ابعاد کوچک) تهیه گردید. سپس با استفاده از ترازوی دقیق ویبرا^۲ با دقت 0.1 mg، جرم نمونه طی یک فرایند میانگیری از حدود 10 مرتبه تکرار برابر mg 4.9 اندازهگیری شد. در طول این فرایند و بهمنظور جلوگیری از تأثیر عوامل محیطی و افزایش دقت، از یک محافظ پلاستیکی ضداستاتیک^۳ استفاده گردید (**شکل ۳ الف**).

² Vibra





(الف) (ب) شکل (۳): الف) ترازوی دقیق ویبرا با دقت 0.1 mg به همراه محافظ پلاستیکی ضد-استاتیک بهمنظور جلوگیری از تأثیر عوامل محیطی و افزایش دقت؛ ب) دستگاه کالریسنجی روبشی تفاضلی DSC بهمنظور تحلیل حرارتی مواد.

۲-۲- گام دوم: کالریسنجی

در گام بعدی و بهمنظور اندازه گیری خواص حرارتی از قبیل دماهای انتقال مارتنزیت و آستنیت، نمونهی کوچک (که در گام اول جرم آن اندازه گیری شد) در دستگاه DSC[†] قرار گرفت (شکل ۳ ب). نتیجهی آزمایش کالریسنجی در شکل ۴ نشان دادهشده است. در این آزمایش برای استخراج دماهای انتقال مارتنزیت یعنی M_s و M_f ، نمونه از دمای $^{\circ}00$ تا $^{\circ}100$ - و با نرخ $\frac{2}{3}$ 10- سرد شد. در این حالت مشاهده می شود که ساختار کریستالی نمونه ابتدا از B2 به فاز میانی R و بعد از R به 'B19 تغییر پیدا می کند. تلاقی خط مماس بر ابتدا و انتهای M_f و M_s و تمودار با محور افقی، به ترتیب بیان گر M_s و است. در ادامه به نمونه با نرخ $\frac{c}{2}$ 10 تا دمای C° 60 حرارت داده شد. در این حالت ساختار کریستالی نمونه ابتدا از 'B19 به R و سپس از R به B2 تغییر پیدا می کند. پیک سمت راست در شکل ۴ درواقع حاصل برهمنهی انتقالهای B2 و R است. مشابه روش استخراج دماهای انتقال مارتنزیت، تلاقی خط مماس بر ابتدا و انتهای پیک نمودار با محور افقی، به ترتیب مشخص کننده دماهای A_{f} و A_{f} است. لازم به ذکر است که

¹ Differential scanning calorimetry

³ Anti-static plastic draft shield

⁴ Mettler Toledo DSC 822 differential scanning calorimeter

گاهی نمودار DSC تنها دارای یک انتقال فاز در هرکدام از حالتهای افزایش و یا کاهش دمای نمونه است. برای تشخیص نوع انتقال صورت گرفته، میبایست دمای آغازین پیک اول (دمای (M_s) با دمای پایانی پیک انتهایی ((A_f) مقایسه گردد. برای مثال اگر اختلاف دمای مذکور در حدود T^0 باشد، انتقال از نوع R است (R به B2 و بالعکس).



شکل (۴): نمودار تحلیل دمایی شار حرارتی (mW) برحسب دما (2°) و زمان (دقیقه) با نرخ روبش $\frac{2^\circ}{\min}$ 10 برای نمونه نایتینول غنی از نیکل. در این فرایند نمونه از دمای $2^\circ 60$ تا 2° 100- سرد شده و سپس تا دمای $2^\circ 60$ گرم می گردد.

۳- آزمایشهای کشش

بهمنظور اندازه گیری خواص فیزیکی سیم آلیاژی شامل مدول الاستیک در فازهای آستنیت و مارتنزیت و ضرایب اثر تنش، از آزمایش کشش استفاده میشود. این آزمایشها با دستگاه کشش شیمادزو⁽ انجامشده است. ستاپ آزمایش به همراه نمونه SMA در **شکل ۵**نشان دادهشده است.

(E_A) محاسبه مدول الاستيك فاز آستنيت (E_A)

به منظور اندازه گیری مدول الاستیک فاز آستنیت (E_A)، آزمایش های کشش در سطوح مختلف کرنش (2%، 4% و 6%) در دمای آزمایشگاه (2°23) صورت پذیرفته است. همان طور که در شکل ۶ مشاهده می شود، نمونه آلیاژی تا کرنش 6% رفتار شبه الاستیک قابل توجهی از خود نشان می دهد. همچنین مدول الاستیک E_A برابر با شیب مماس بر

¹ Shimadzu tensile testing machine

قسمت خطی نمودار بوده که مقدار آن در حدود 52.5 GPa به دست می آید.



شکل (۵): الف) ستاپ دستگاه کشش شیمادزو و تجهیزات مورد استفاده (دوربین، محفظه حرارتی و ...) برای انجام آزمون کشش در دماهای مختلف؛ ب) سیم نایتینول غنی از نیکل در فکهای دستگاه به همراه مارکهای روی نمونه برای تشخیص غیر تماسی تغییرشکل توسط دوربین.



C_M و C_A و T-T محاسبه ضرایب اثر تنش

در آزمایش بعدی، سیم SMA در دماهای مختلف از C[°]02 تا C[°]06 تحت کرنش %2 قرار می *گ*یرد. برای این منظور و برای

كنترل دما از محفظه محيطي استفادهشده است. نتايج بهدستآمده نشان میدهد که با افزایش دما ناحیه هیسترزیس کاهش یافته و سطح تنش موردنیاز برای انتقال مارتنزیت افزایش می یابد. همچنین همان طور که در شکل ۷ مشاهده می شود، در دماهای بالاتر حلقه هیسترزیس به فرمی برگی در میآید. لازم به ذکر است که شیب مماس بر نمودارهای شکل **۲** نیز برابر با مدول الاستیک *E*_A است. درواقع یک ویژگی ذاتی برای ماده SMA به شمار میرود. E_A همان طور که مشخص است، هنگامی که یک SMA تحت تنش قرار می گیرد، دماهای انتقال آن تغییر خواهد کرد. شکل ۸ الف روش محاسبه σ_{A_f} و σ_{M_S} در یک دمای نوعی را نشان میدهد. با استفاده از این روش و در نظر گرفتن حلقههای هیسترزیس در شکل **۲**، مقادیر $\frac{d\sigma}{dA_{\rm f}}$ و $\frac{d\sigma}{dA_{\rm f}}$ مطابق شکل **۸ ب** محاسبه گردیدهاند. این شیبها در واقع همان ضریبهای اثر تنش بوده که بهمنظور تخمین تنشهای انتقال در دمای موردنظر مورداستفاده قرار می گیرند.



شکل (۷): حلقههای هیسترزیس سیم نایتینول غنی از نیکل تحت کرنش %2 برای مقادیر دمایی 2°20 تا C

(E_M) محاسبه مدول الاستیک فاز مارتنزیت (E_M)

بهمنظور محاسبه مدول الاستیک فاز مارتنزیت (E_M)، باید آزمایش کشش سیم SMA در دمایی کمتر از M_f انجام شود. به این منظور، دمای محفظه روی $2^\circ 0^-$ تنظیم گردید. نتایج آزمایش در شکل **۹** نشان دادهشده است. در این آزمایش،

رفتار شبه پلاستیک SMA مشاهده که با افزایش دما از $0^{\circ}C$ فرایند بازیابی کرنش کامل می شود. در ضمن مدول الاستیک E_M برابر با شیب مماس بر قسمت خطی نمودار بوده که مقدار آن در حدود 44.0 GPa به دست می آید.



شکل (۸): الف) روش شماتیک محاسبه σ_{Ms} و σ_Ar؛ ب) محاسبه ضریب اثر تنش ^{do}/dr با برازش خطی مقادیر تنشهای انتقال در دماهای C2[°]0 تا C60.

۴- بهکارگیری نتایج تجربی در شبیهسازی عددی

در این بخش و بهمنظور تبیین چگونگی استفاده از نتایج بهدستآمده در حلهای عددی بهمنظور شبیهسازی رفتار شبهالاستیک آلیاژهای حافظهدار، از نرمافزار انسیس ورکبنچ استفادهشده است. به این صورت که خواص بهدستآمده در

بخشهای قبل (که بهصورت خلاصه در جدول ۱ ارائه شده است) به عنوان ورودی خواص شبه الاستیک ماده به نرم افزار مذکور داده شده است. هندسه در نظر گرفته در این شبیه سازی، یک سیم آلیاژی نایتینول به قطر mm 0.5 و طول mm 50 بوده (شکل ۱۰) که مورد آزمایش کشش قرار گرفته است. در این آزمایش یک سر سیم ثابت شده و سر دیگر آن جابجایی کنترل شده به میزان mm 3 (معادل کرنش 6%) دارد.





در ارتباط با جزئیات و نکات مربوط به شبیهسازی صورت گرفته موارد زیر قابلذکر است:

- بهمنظور شبکهبندی سیم آلیاژی نشان داده شده در شکل ۱۰ از حدود ۲۸۰۰ المان آجری ۲۰ گرهای (Hex20) با ضریب منظری بین ۱/۸۴۴ و ۲/۲۹ استفاده شده است. برای اطمینان از انتخاب سایز مناسب المان، طبق روال مرسوم حلهای عددی مطالعه شبکه انجام شده است. که از ذکر جزئیات در این خصوص صرفنظر شده است.
- برای اعمال شرط مرزی و بارگذاری بر سیم آلیاژی،
 مطابق شکل ۱۰ یک سر سیم ثابتشده و سر دیگر
 آن تحت جابجایی مطابق شکل زیر قرارگرفته است:
- در تعیین مدل مادی سیم آلیاژی حافظهدار، خواص الاستیسیته همسانگرد^۱ و فوق کشسان^۲ (بر اساس نتایج ارائهشده در جدول **۱**) برای آن در نظر گرفتهشده است.



شکل (۱۱): جزئیات بار گذاری اعمالشده بر سیم آلیاژی در نرمافزار انسیس ورکبنچ.

در شکل **۱۲** مقایسهای بین رفتار تنش-کرنش در حل تجربی (نمودار مشکی با خط پر و نشانه دایرهای) و حل عددی (نمودار قرمز با خطچین و نشانه لوزی) آورده شده است. همانطور که مشاهده میشود، رفتار دو نمودار و بهویژه سطح زیر هر دو منحنی بهصورت بصری تطابق قابل قبولی دارند. بهاینترتیب میتوان با بهکارگیری نرمافزارهای تجاری المان محدود و یا کدهای عددی، اثر میرایی و هدررفت انرژی (متناسب با سطح زیر نمودار تنش-کرنش) را در مسائل مهندسی حاوی آلیاژهای حافظهدار در نظر گرفت.

² Superelastic

¹ Isotropic elasticity



۵– نتایج و بحث

آزمایشهای تجربی ارائهشده در بخشهای قبل اطلاعات مناسبی برای تحلیل عددی سازههای مهندسی حاوی مواد SMA (نظر به رفتار شبه الاستیک این مواد) فراهم میآورد. بهمنظور جمعبندی نتایج تجربی بهدستآمده، جدول زیر خواص نایتینول مورد آزمایش را نشان میدهد.

جدول (۱): خواص فیزیکی آلیاژ نایتینول غنی از نیکل بدست آمده از آزمایشهای کالریسنجی و کشش در دماهای مختلف.

دماهای انتقال	مدول الاستیک	ثوابت
M _f	E _A	C _A
$= -78.4 {}^{\circ}\text{C}$	= 52.5 GPa	$= 3.4 \text{ MPa}/{^{\circ}\text{C}}$
Ms	E _M	C _M
$= -45.1 {}^{\circ}C$	= 44.0 GPa	$= 5.5 \text{ MPa}/{^{\circ}\text{C}}$
As		$\Lambda = 0.06$
= -26.5 °C		n – 0.00
$A_{f} = -4.5 \ ^{o}C$		

۶- نتیجهگیری

با توجه به کاربردهای روزافزون آلیاژهای حافظهدار و پتانسیل بالای این مواد برای کنترل ارتعاشات سازهها، در این مقاله تلاش گردید تا فرایند استخراج خواص ترمومکانیکی این مواد به صورت کاربردی و برای استفاده پژوهش گران داخلی تدوین گردد. بررسیهای تجربی صورت گرفته شامل آزمایش

کالریسنجی و آزمایشهای کشش در دماهای مختلف است. خروجی تحلیلهای صورت گرفته بر روی نتایج این آزمایشها شامل دماهای انتقال، مدولهای الاستیک در فازهای آستنیت و مارتنزیت و نیز ضرایب اثر تنش در فازهای آستنیت و مارتنزیت را میتوان بهعنوان ورودی حلهای عددی و مدلهای پدیدارشناختی برای شبیهسازی رفتار شبهالاستیک این مواد هوشمند مورد استفاده قرار داد.

۷- تشکر و قدردانی

آزمایشهای ارائه شده در این مقاله، در دانشکده ریاضی و مکانیک دانشگاه دولتی سنت پترزبورگ و تحت راهنمایی اساتید محترم دپارتمان تئوری الاستیسیته، پروفسور الکساندر رازُف و پروفسور ناتالیا رسنینا انجام پذیرفته است.

۸- فهرست علائم

A_f	دمای پایین استنیت
A_s	دمای آغاز آستنیت
C_A	ضریب اثر تنش در حالت آستنیت
C _M	ضریب اثر تنش در حالت مارتنزیت
M_f	دمای پایین مارتنزیت
M_s	دمای آغاز مارتنزیت
Λ	بيشينه كرنش انتقال
SMA	آلياژ حافظهدار
$\sigma_{\!A_f}$	تنش پایانی برای انتقال به آستنیت
σ_{M_s}	تنش آغازین برای انتقال مستقیم به مارتنزیت

۹- مراجع

[1] Kalita U, Guntu R, Seelam R, Arshiya G. A review on the shape memory alloy, vibration dampers used in UAVs. InAIP Conference Proceedings 2024 (Vol. 2962, No. 1). AIP Publishing. **DOI**: https://doi.org/10.1063/5.0195003.

[2] Thiebaud F, Ben Zineb T. Structural analysis of the dynamic response of a shape memory alloy based damper. Journal of Vibration and Control. 2024:10775463241263374. **DOI:** https://doi.org/10.1177/10775463241263374.

[3] Saedi S, Acar E, Raji H, Saghaian SE, Mirsayar M. Energy damping in shape memory alloys: A review. Journal of Alloys and Compounds. 2023;956:170286. **DOI:** https://doi.org/10.1016/j.jallcom.2023.170286.

[4] Cisse C, Zaki W, Zineb TB. A review of constitutive models and modeling techniques for shape memory alloys. International Journal of Plasticity. 2016;76:244-84. **DOI:** https://doi.org/10.1016/j.ijplas.2015.08.006.

[5] Lobo PS, Almeida J, Guerreiro L. Shape memory alloys behaviour: A review. Procedia Engineering. 2015;114:776-83. **DOI:**

https://doi.org/10.1016/j.proeng.2015.08.025.

[6] Lecce L, editor. Shape memory alloy engineering: for aerospace, structural and biomedical applications. Elsevier; 2014.

[7] Bar-Cohen A, Suhling JC, Tay AA, editors. Encyclopedia of Packaging Materials, Processes, and Mechanics: Interconnect and Wafer Bonding Technology. Set 1. World Scientific; 2019.